

LÊ NHẬT - HUỖNH ĐỊNH TƯỜNG

GIẢI BÀI TẬP

TOÁN

y

7

TẬP MỘT



NHÀ XUẤT BẢN ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI

LÊ NHỮT - HUỖNH ĐỊNH TƯỜNG

Giải bài tập

TOÁN 7

Tập một



NHÀ XUẤT BẢN
ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI

Đơn vị liên kết :
Công ty ssa học hăng

Lời nói đầu

Quyển sách **GIẢI BÀI TẬP TOÁN 7** tập một này được biên soạn theo chương trình sách giáo khoa hiện hành, nhằm giúp các em có tài liệu tham khảo để ôn tập, củng cố kiến thức, đồng thời vận dụng để làm những bài tập có dạng tương tự hoặc nâng cao đạt kết quả tốt!

Quý thầy cô và quý phụ huynh có thể xem quyển sách này như tài liệu tham khảo thêm!

Chúng tôi mong đón nhận ý kiến xây dựng từ quý độc giả!

NHÓM BIÊN SOẠN

PHẦN ĐẠI SỐ

Chương I. SỐ HỮU TỈ - SỐ THỰC

§1. TẬP HỢP Q CÁC SỐ HỮU TỈ

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. **Số hữu tỉ** : Số hữu tỉ là số có thể viết dưới dạng $\frac{a}{b}$ với $a, b \in \mathbb{Z}$ và $b \neq 0$

Tập hợp số hữu tỉ được kí hiệu là \mathbb{Q}

2. **Biểu diễn số hữu tỉ trên trục số** :

Mỗi số hữu tỉ được biểu diễn bởi một điểm trên trục số. Điểm biểu diễn số hữu tỉ a trên trục số được gọi là điểm a

Việc biểu diễn số hữu tỉ trên trục số không phụ thuộc vào cách chọn phân số xác định nó.

3. **So sánh các số hữu tỉ** : Để so sánh hai số hữu tỉ x, y ta làm như sau :
Viết x, y dưới dạng hai phân số với cùng mẫu dương :

$$x = \frac{a}{m}; y = \frac{b}{m} \quad (m > 0)$$

So sánh các tử là các số nguyên a và b . Nếu $a > b$ thì $x > y$,

Nếu $a = b$ thì $x = y$,

Nếu $a < b$ thì $x < y$

4. **Chú ý** : - Số hữu tỉ lớn hơn 0 gọi là số hữu tỉ dương;
- Số hữu tỉ nhỏ hơn 0 gọi là số hữu tỉ âm,
- Số 0 không là số hữu tỉ dương, cũng không là số hữu tỉ âm.

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. **Biểu diễn số hữu tỉ** $\frac{a}{b}$ với $a, b \in \mathbb{Z}; b \neq 0$ trên trục số.

2. **So sánh các số hữu tỉ** x và y với :

i) $x = \frac{4}{15}; y = \frac{7}{15}$.

b) $x = \frac{-4}{15}; y = \frac{7}{-15}$;

c) $x = \frac{-7}{15}$ và $y = \frac{4}{15}$

Bài giải

1. Chia đoạn thẳng đơn vị (đoạn từ điểm 0 đến điểm 1) trên trục số thành b phần đều nhau. Lấy một đoạn làm đơn vị mới thì đoạn đơn vị mới bằng $\frac{1}{b}$ đơn vị cũ.

- Nếu $a > 0$ thì số $\frac{a}{b}$ được biểu diễn bởi một điểm nằm bên phải điểm 0 và cách điểm 0 một đoạn bằng a lần đơn vị mới.
- Nếu $a < 0$ thì số $\frac{a}{b}$ được biểu diễn bởi một điểm nằm bên trái điểm 0 và cách điểm 0 một đoạn bằng $|a|$ lần đơn vị mới.

2. a) Với $x = \frac{4}{15}$; $y = \frac{7}{15}$ (Vì $4 < 7$ nên $x < y$)

b) Với $x = \frac{-4}{15}$; $y = \frac{7}{-15} = \frac{-7}{15}$ (Vì $-7 < -4$ nên $y < x$)

c) Với $x = \frac{-7}{15}$ và $y = \frac{4}{15}$ (Vì $4 > -7$ nên $y > x$)

B. Bài tập căn bản

1. Điền kí hiệu (\in , \notin , \subset) thích hợp vào ô vuông.

$$-3 \square \mathbb{N}; \quad -3 \square \mathbb{Z}; \quad -3 \square \mathbb{Q}; \quad \frac{-2}{3} \square \mathbb{Z}; \quad \frac{-2}{3} \square \mathbb{Q}; \quad \mathbb{N} \square \mathbb{Z} \square \mathbb{Q}$$

2. a) Trong các phân số sau, những phân số nào biểu diễn số hữu tỉ $\frac{3}{-4}$

$$-\frac{12}{16}, \frac{-15}{20}, \frac{24}{-32}, \frac{-20}{28}, \frac{-27}{36} ?$$

b) Biểu diễn số hữu tỉ $\frac{3}{-4}$ trên trục số.

3. So sánh các số hữu tỉ :

a) $x = \frac{2}{-7}$; $y = \frac{-3}{11}$; b) $y = \frac{18}{-25}$, $x = \frac{-213}{300}$; c) $x = -0,75$; $y = \frac{-3}{4}$

4. So sánh số hữu tỉ $\frac{a}{b}$ ($a, b \in \mathbb{Z}$, $b > 0$) với số 0 khi a, b cùng dấu và khi a, b khác dấu.

5. Giả sử $x = \frac{a}{m}$, $y = \frac{b}{m}$ ($a, b, m \in \mathbb{Z}$, $m > 0$) và $x < y$. Hãy chứng tỏ rằng nếu

chọn $z = \frac{a+b}{2m}$ thì ta có $x < z < y$.

Hướng dẫn : Sử dụng tính chất : Nếu $a, b, c \in \mathbb{Z}$ và $a < b$ thì $a + c < b + c$. Từ

cho suy ra trên trục số, giữa hai điểm hữu tỉ khác nhau bất kì bao giờ cũng có ít nhất một điểm hữu tỉ nữa và do đó có vô số điểm hữu tỉ

Bài giải

$$1 \text{ a) Ta có } \frac{1}{3} \in \mathbb{N}, \quad \frac{3}{3} \in \mathbb{Z}, \quad \frac{3}{3} \in \mathbb{Q}, \\ \frac{2}{3} \in \mathbb{Z}, \quad \frac{-2}{3} \in \mathbb{Q}, \quad \mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q}$$

$$2 \text{ a) Ta có } \frac{15}{20} = \frac{(-15) \cdot 5}{20 \cdot 5} = \frac{-3}{4}, \quad \frac{3}{4} = \frac{-27}{36} = \frac{(-27) \cdot 9}{36 \cdot 9} = \frac{-3}{4} = \frac{3}{-4} \\ \frac{24}{-32} = \frac{24 \cdot 8}{(-32) \cdot 8} = \frac{3}{-4}$$



$$3 \text{ a) Với } x = \frac{2}{7}, \quad \frac{-2}{7} \text{ và } y = \frac{-3}{11}$$

$$\text{Ta quy đồng mẫu số } x = \frac{-2}{7} = \frac{-22}{77} \text{ và } y = \frac{-3}{11} = \frac{-21}{77}$$

$$\text{Ta có } -22 < -21 \text{ Do đó } x < y$$

$$\text{b) Với } x = \frac{-213}{300} \text{ và } y = \frac{18}{-25} = \frac{-18}{25} = \frac{-216}{300}$$

$$\text{Ta có } -216 < -213 \text{ Do đó } y < x$$

$$\text{c) Với } x = -0,75 \text{ và } y = \frac{-3}{4} = -0,75$$

$$\text{Ta có } -0,75 = -0,75 \text{ Do đó } y = x$$

$$4. \text{ Theo đề bài ta có } \frac{a}{b} \text{ với } a, b \in \mathbb{Z}, b > 0$$

$$\text{a) Khi } a \text{ và } b \text{ cùng dấu mà } b > 0 \text{ thì } a > 0 \text{ Do đó số hữu tỉ } \frac{a}{b} > 0.$$

$$\text{b) Khi } a \text{ và } b \text{ khác dấu mà } b > 0, \text{ do đó } a < 0 \text{ Do đó số hữu tỉ } \frac{a}{b} < 0.$$

$$5. \text{ Ta có } x = \frac{a}{m}, y = \frac{b}{m} \text{ (với } a, b, m \in \mathbb{Z}, m > 0)$$

$$\text{Với } x < y, \text{ Do đó } a < b, \text{ suy ra } am < bm$$

$$* \text{ Ta chứng minh } x < z \text{ hay } \frac{a}{m} < \frac{a+b}{2m}$$

$$\text{Ta có } am < bm \Rightarrow am + am < bm + am \text{ (cộng hai vế với } am)$$

$$\Rightarrow 2am < (a+b)m \Rightarrow a < \frac{(a+b)m}{2m}$$

$$\frac{a}{m} < \frac{a+b}{2m} \quad (\text{chưa 2 vế cho } m > 0)$$

Vậy $x < z$ (1)

* Ta chứng minh $z < y$ hay $\frac{a+b}{2m} < \frac{b}{m}$

$$\begin{aligned} \text{Ta có } am < bm &\Rightarrow am + bm < bm + bm \quad (\text{cộng 2 vế với } bm) \\ &\Rightarrow (a+b)m < 2bm \\ &\Rightarrow a+b < 2b \quad (\text{chưa 2 vế cho } m) \\ &\Rightarrow \frac{a+b}{2m} < \frac{2b}{2m} = \frac{b}{m} \quad (\text{chưa 2 vế cho } 2m) \end{aligned}$$

Hay $z < y$ (2)

Từ (1) và (2) suy ra: $x < z < y$

- * Nhận xét: Từ kết quả trên ta rút ra kết luận: Trên trục số, giữa hai điểm hữu tỉ khác nhau bất kì bao giờ cũng có ít nhất một điểm hữu tỉ nữa và do đó có vô số điểm hữu tỉ. Ta báo tập hợp \mathbb{Q} là tập *trụ mật*.

§2. CỘNG, TRỪ SỐ HỮU TỈ

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Cộng, trừ số hữu tỉ:

Viết hai số hữu tỉ x, y dưới dạng $x = \frac{a}{m}; y = \frac{b}{m}$ (với $a, b, m \in \mathbb{Z}, m > 0$)

$$\text{Khi đó: } x + y = \frac{a}{m} + \frac{b}{m} = \frac{a+b}{m}$$

$$x - y = x + (-y) = \frac{a}{m} + \left(-\frac{b}{m}\right) = \frac{a-b}{m}.$$

2. Quy tắc "chuyển vế": Khi chuyển một số hạng từ vế này sang vế kia của một đẳng thức, ta phải đổi dấu số hạng đó.

Tổng quát: Với mọi $x, y, z \in \mathbb{Q}$, ta có: $x + y = z \Leftrightarrow x = z - y$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Tính: a) $\frac{-3}{5} + \frac{7}{2}$;

b) $\frac{1}{3} - \frac{2}{5}$

2. Tìm x biết: a) $x - \frac{1}{2} = -\frac{2}{3}$;

b) $\frac{2}{7} - x = -\frac{3}{4}$

Giải

$$1. a) \frac{-1}{5} + \frac{7}{2} = \frac{-2}{10} + \frac{35}{10} = \frac{-6+35}{10} = \frac{29}{10} \quad b) \frac{1}{3} - \frac{2}{5} = \frac{1}{3} + \frac{2}{5} = \frac{5+6}{15} = \frac{11}{15}$$

2. Áp dụng quy tắc chuyển vế, ta có

$$a) x - \frac{1}{2} = \frac{2}{3} \Rightarrow x = -\frac{2}{3} + \frac{1}{2} = \frac{-4+3}{6} = -\frac{1}{6}$$

$$b) \frac{2}{7} - x = \frac{3}{4} \Rightarrow x = \frac{2}{7} - \frac{3}{4} = \frac{8+21}{28} = \frac{29}{28} = 1 + \frac{1}{28}$$

B. Bài tập cơ bản

6. Tính

$$a) \frac{1}{21} + \frac{-1}{28}, \quad b) \frac{-8}{18} - \frac{15}{27}, \quad c) \frac{-5}{12} + 0,75, \quad d) 3,5 - \left(-\frac{2}{7}\right)$$

7. Ta có thể viết số hữu tỉ $-\frac{5}{16}$ dưới các dạng sau đây

$$a) \frac{5}{16} \text{ là tổng của hai số hữu tỉ âm} \quad \text{Ví dụ } \frac{5}{16} = \frac{-1}{8} + \frac{-3}{16}$$

$$b) \frac{5}{16} \text{ là hiệu của hai số hữu tỉ dương} \quad \text{Ví dụ } \frac{5}{16} = 1 - \frac{21}{16}$$

Với mỗi câu, em hãy tìm một cách viết khác

$$8. \text{ Tính} \quad a) \frac{3}{7} + \left(\frac{5}{2}\right) + \left(\frac{3}{6}\right), \quad b) \left(\frac{4}{3}\right) + \left(\frac{-2}{5}\right) + \left(\frac{-3}{2}\right);$$

$$c) \frac{4}{5} - \left(\frac{-2}{7}\right) - \frac{7}{10}, \quad d) \frac{2}{3} - \left[\left(\frac{7}{4}\right) - \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{8}\right)\right]$$

$$9. \text{ Tìm } x \text{ biết} \quad a) x + \frac{1}{3} = \frac{3}{4}, \quad b) x - \frac{2}{5} = \frac{5}{7}$$

$$c) x - \frac{2}{3} = \frac{6}{7}, \quad d) \frac{4}{7} - x = \frac{1}{3}$$

$$10. \text{ Cho biểu thức } A = \left(6 - \frac{2}{3} + \frac{1}{2}\right) - \left(5 + \frac{5}{3} - \frac{3}{2}\right) - \left(3 - \frac{7}{3} + \frac{5}{2}\right).$$

Hãy tính giá trị của A theo hai cách:

Cách 1: Trước hết tính giá trị của từng biểu thức trong ngoặc

Cách 2: Bỏ dấu ngoặc rồi nhóm các số hạng thích hợp

Giải

$$6. a) \frac{-1}{21} + \frac{-1}{28} = \frac{4}{84} + \frac{-3}{84} = \frac{-4+(-3)}{84} = \frac{-7}{84} = -\frac{1}{12}$$

$$b) \frac{-8}{18} - \frac{15}{27} = \frac{-24 + (-30)}{54} = \frac{-54}{54} = -1$$

$$c) \frac{-5}{12} + 0,75 = \frac{-5}{12} + \frac{3}{4} = \frac{-5 + (-9)}{12} = \frac{-14}{12} = \frac{-7}{6} = -1\frac{1}{6}$$

$$d) 3,6 - \left(-\frac{2}{7}\right) = \frac{7}{2} + \frac{2}{7} = \frac{49 + 4}{14} = \frac{53}{14}$$

$$7. \text{ Theo đề bài ta có } a) \frac{-5}{18} = \frac{-1}{4} + \frac{-1}{18} \qquad b) \frac{-5}{18} = \frac{7}{16} - \frac{3}{4}$$

$$8. a) \frac{3}{7} + \left(-\frac{5}{2}\right) + \left(-\frac{3}{5}\right) = \frac{30}{70} + \left(-\frac{175}{70}\right) + \left(-\frac{42}{70}\right) = \frac{30 + (-175) + (-42)}{70} = \frac{-187}{70}$$

$$b) \left(-\frac{4}{3}\right) + \left(-\frac{2}{5}\right) + \left(-\frac{3}{2}\right) = \left(-\frac{40}{30}\right) + \left(-\frac{12}{30}\right) + \left(-\frac{45}{30}\right) = \frac{-40 + (-12) + (-45)}{30} = \frac{-97}{30}$$

$$c) \frac{4}{5} - \left(-\frac{2}{7}\right) - \frac{7}{10} = \frac{56}{70} + \frac{20}{70} - \frac{49}{70} = \frac{56 + 20 - 49}{70} = \frac{27}{70}$$

$$d) \frac{2}{3} - \left[\left(-\frac{7}{4}\right) - \left(\frac{1}{2} + \frac{3}{8}\right)\right] = \frac{2}{3} - \left(-\frac{7}{4} - \frac{1}{2} - \frac{3}{8}\right) \\ = \frac{2}{3} + \frac{7}{4} + \frac{1}{2} + \frac{3}{8} = \frac{16 + 42 + 12 + 9}{24} = \frac{79}{24}$$

$$9. a) x + \frac{1}{3} = \frac{3}{4} \Rightarrow x = \frac{3}{4} - \frac{1}{3} = \frac{9 - 4}{12} = \frac{5}{12} \text{ Vậy } x = \frac{5}{12}$$

$$b) x - \frac{2}{5} = \frac{5}{7} \Rightarrow x = \frac{5}{7} + \frac{2}{5} = \frac{25 + 14}{35} = \frac{39}{35} = 1\frac{4}{35} \text{ Vậy } x = 1\frac{4}{35}$$

$$c) -x - \frac{2}{3} = -\frac{8}{7} \Rightarrow x = \frac{8}{7} - \frac{2}{3} = \frac{18 - 14}{21} = \frac{4}{21} \text{ Vậy } x = \frac{4}{21}$$

$$d) \frac{4}{7} - x = \frac{1}{3} \Rightarrow x = \frac{4}{7} - \frac{1}{3} = \frac{12 - 7}{21} = \frac{5}{21} \text{ Vậy } x = \frac{5}{21}$$

10. • Cách 1: Trước hết, tính giá trị của từng biểu thức trong ngoặc

$$A = \left(8 - \frac{2}{3} + \frac{1}{2}\right) - \left(5 + \frac{6}{3} - \frac{3}{2}\right) - \left(3 - \frac{7}{3} + \frac{6}{2}\right) \\ = \left(\frac{36 - 4 + 3}{6}\right) - \left(\frac{30 + 10 - 9}{6}\right) - \left(\frac{18 - 14 + 15}{6}\right) \\ = \frac{35}{6} - \frac{31}{6} - \frac{19}{6} = \frac{35 - 31 - 19}{6} = -\frac{15}{6} = -\frac{5}{2} \text{ Vậy } A = -\frac{5}{2}$$

• Cách 2: Bỏ dấu ngoặc rồi nhóm các số hạng thích hợp

$$A = \left(8 - \frac{2}{3} + \frac{1}{2}\right) - \left(5 + \frac{6}{3} - \frac{3}{2}\right) - \left(3 - \frac{7}{3} + \frac{6}{2}\right)$$

$$= \begin{pmatrix} 6 & 5 & 3 \\ 3 & 2 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 5 & 7 \\ 3 & 3 & 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow 2 \cdot \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} = 2 \cdot \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} \text{ Vậy } A = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

§3. NHÂN, CHIA SỐ HỮU TỈ

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

- Cho hai số hữu tỉ $x = \frac{a}{b}$, $y = \frac{c}{d}$
- Nhân hai số hữu tỉ $x \cdot y = \frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{ac}{bd}$
 - Chia hai số hữu tỉ $x : y = \frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{ad}{bc}$ ($y \neq 0$)
 - Chú ý

Phép nhân trong \mathbb{Q} có các tính chất cơ bản: giao hoán, kết hợp, nhân với 1, tính chất phân phối của phép nhân đối với phép cộng.

Thương của phép chia x cho y ($y \neq 0$) gọi là số của x và y và biểu thị là $\frac{x}{y}$ hay $x : y$.

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

- Tính: a) $\frac{3}{2} \cdot \frac{7}{10}$, b) $\frac{-5}{3} \cdot \frac{-6}{11}$, c) $2 \cdot \frac{1}{3} \left(\frac{1}{5} \right)$, d) $(1,2) \cdot (2,3)$
- Tính: a) $\frac{9}{10} : \left(\frac{15}{11} \right)$, b) $\frac{23}{42} : 3$, c) $(-1) : \frac{3}{8}$, d) $\left(\frac{17}{61} \right) : \frac{4}{27}$

Đáp án:

- a) $\frac{3}{2} \cdot \frac{7}{10} = \frac{(3 \cdot 7)}{2 \cdot 10} = \frac{21}{20}$; b) $\frac{-5}{3} \cdot \frac{-6}{11} = \frac{(-5 \cdot -6)}{3 \cdot 11} = \frac{30}{33} = \frac{10}{11}$
c) $2 \cdot \frac{1}{3} \left(\frac{1}{5} \right) = \frac{7}{3} \left(\frac{7}{5} \right) = \frac{7 \cdot 7}{3 \cdot 5} = \frac{49}{15}$

$$d) (-1,2) (2,3) = \frac{12}{10} \cdot \frac{23}{10} = \frac{276}{100} = 2,76$$

$$2. a) \frac{9}{10} \cdot \left(-\frac{15}{11}\right) = \frac{9}{10} \cdot \left(-\frac{11}{15}\right) = \frac{9 \cdot (-11)}{10 \cdot 15} = \frac{-99}{150} = \frac{-33}{50}$$

$$b) \frac{23}{42} : 3 = \frac{23}{42} : \frac{3}{1} = \frac{23}{42} \cdot \frac{1}{3} = \frac{23}{126}$$

$$c) (-1) : \frac{3}{8} = \frac{-1}{1} \cdot \frac{8}{3} = \frac{-1 \cdot 8}{1 \cdot 3} = \frac{-8}{3}$$

$$d) \left(-\frac{17}{81}\right) : \frac{4}{27} = \frac{-17}{81} \cdot \frac{27}{4} = \frac{(-17) \cdot 27}{81 \cdot 4} = \frac{-459}{324}$$

B. Bài tập căn bản

11. Tính :

$$a) \frac{-2}{7} \cdot \frac{21}{8};$$

$$b) 0,24 \cdot \frac{-15}{4};$$

$$c) (-2) \cdot \left(-\frac{7}{12}\right);$$

$$d) \left(-\frac{3}{25}\right) : 6$$

12. Ta có thể viết số hữu tỉ $\frac{-5}{16}$ dưới các dạng sau đây :

$$a) \frac{-5}{16} \text{ là tích của hai số hữu tỉ. Ví dụ } \frac{-5}{16} = \frac{-5}{2} \cdot \frac{1}{8}$$

$$b) \frac{-5}{16} \text{ là thương của hai số hữu tỉ. Ví dụ } \frac{-5}{16} = \frac{-5}{2} : 8.$$

Với mỗi câu, em hãy tìm thêm một ví dụ.

13. Tính : a) $\frac{-3}{4} \cdot \frac{12}{-5} \cdot \left(-\frac{25}{6}\right);$

$$b) (-2) \cdot \frac{-36}{21} \cdot \frac{-7}{4} \cdot \left(-\frac{3}{8}\right);$$

$$c) \left(\frac{11}{12} : \frac{33}{18}\right) \cdot \frac{3}{5};$$

$$d) \frac{7}{23} \cdot \left[\left(-\frac{8}{8}\right) - \frac{45}{16}\right].$$

14. Hãy điền các số hữu tỉ thích hợp vào ô trống :

$\frac{-1}{32}$	\times	4	$=$	
:		\times		:
-8	:	$\frac{-1}{2}$	$=$	
$=$		$=$		$=$
	\times		$=$	

6. **Đố.** Em hãy tìm cách "nối" các số ở những chiếc lá bằng dấu các phép tính cộng, trừ, nhân, chia và dấu ngoặc để được một biểu thức có giá trị đúng bằng số ở bông hoa (hình vẽ)



7. Tính
- a) $\left(\frac{-2}{3} + \frac{3}{7}\right) \cdot \frac{4}{5} + \left(\frac{-1}{3} + \frac{4}{7}\right) \cdot \frac{4}{5}$.
- b) $\frac{5}{9} \left(\frac{1}{11} - \frac{5}{22}\right) + \frac{5}{9} \cdot \left(\frac{1}{15} - \frac{2}{3}\right)$

Giải

1. a) $\frac{-2}{7} \cdot \frac{21}{8} = \frac{(-2) \cdot 21}{7 \cdot 8} = \frac{-3}{4}$.
- b) $0,24 \cdot \frac{15}{4} = \frac{6}{25} \cdot \frac{15}{4} = \frac{6 \cdot (-15)}{25 \cdot 4} = \frac{-9}{10}$.
- c) $(-2) \cdot \left(-\frac{7}{12}\right) = \frac{-2}{1} \cdot \left(-\frac{7}{12}\right) = \frac{(-2) \cdot (-7)}{1 \cdot 12} = \frac{7}{6} = 1\frac{1}{6}$.
- d) $\left(-\frac{3}{25}\right) \cdot 6 = \left(-\frac{3}{25}\right) \cdot \left(\frac{6}{1}\right) = \frac{-3}{25} \cdot \frac{6}{1} = \frac{(-3) \cdot (6)}{25 \cdot 1} = -\frac{1}{50}$

1. Theo đề bài ta có.

- a) $\frac{-5}{16} - \frac{-5}{4} \cdot \frac{1}{4} = (-5) \cdot \frac{1}{16} = \frac{-5}{8} \cdot \frac{1}{2}$.
- b) $\frac{-5}{16} - \frac{-5}{4} \cdot 4 = \frac{-5}{8} \cdot 2$
- i) a) $\frac{-3}{4} \cdot \frac{12}{-5} \cdot \left(-\frac{25}{6}\right) = \frac{(-3) \cdot (-12) \cdot (-25)}{4 \cdot 5 \cdot 6} = -\frac{15}{2} = -7\frac{1}{2}$
- b) $(-2) \cdot \frac{-38}{21} - \frac{7}{4} \cdot \left(-\frac{3}{8}\right) = \frac{(-2) \cdot (-38) \cdot (-7) \cdot (-3)}{21 \cdot 4 \cdot 8} = \frac{19}{8} = 2\frac{3}{8}$
- c) $\left(\frac{11}{12} \cdot \frac{33}{16}\right) \cdot \frac{3}{5} = \left(\frac{11 \cdot 16}{12 \cdot 33}\right) \cdot \frac{3}{5} = \frac{11 \cdot 16 \cdot 3}{12 \cdot 33 \cdot 5} = \frac{4}{15}$
- d) $\frac{7}{23} \left[\left(-\frac{8}{6}\right) - \frac{45}{18}\right] = \frac{7}{23} \cdot \frac{(-24 - 45)}{18} = \frac{7}{23} \cdot \left(\frac{-69}{18}\right) = \frac{7 \cdot (-69)}{23 \cdot 18} = -\frac{7}{6} = -1\frac{1}{6}$

14.

$-\frac{1}{32}$	+	4	=	$\frac{1}{8}$
$\frac{1}{4}$		+		$\frac{1}{4}$
-8	$\frac{1}{4}$	$-\frac{1}{2}$	=	16
=		=		=
$\frac{1}{256}$	+	-2	=	$\frac{1}{128}$

- Hướng dẫn
1. Tính $-\frac{1}{32} \cdot 4 = -\frac{1}{8}$;
 2. $\frac{1}{32} \cdot (-8) = -\frac{1}{256}$;
 3. $4 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = -2$;
 4. $\frac{1}{256} \cdot (-2) = -\frac{1}{128}$;
 5. $-\frac{1}{8} \cdot x = -\frac{1}{128} \Rightarrow x = 16$

15. Học sinh tự làm

$$\begin{aligned}
 18. \text{ a) } \left(\frac{-2}{3} + \frac{3}{7}\right) : \frac{4}{5} + \left(\frac{-1}{3} + \frac{4}{7}\right) : \frac{4}{5} &= \frac{\left(\frac{-2}{3} + \frac{3}{7}\right) + \left(\frac{-1}{3} + \frac{4}{7}\right)}{\frac{4}{5}} \\
 &= \frac{\frac{-2}{3} + \frac{3}{7} + \frac{-1}{3} + \frac{4}{7}}{\frac{4}{5}} = \frac{\left(\frac{-2}{3} + \frac{-1}{3}\right) + \left(\frac{3}{7} + \frac{4}{7}\right)}{\frac{4}{5}} = \frac{-1 + 1}{\frac{4}{5}} = 0 \\
 \text{ b) } \frac{5}{9} : \left(\frac{1}{11} - \frac{5}{32}\right) + \frac{5}{9} : \left(\frac{1}{15} - \frac{2}{3}\right) &= \frac{5}{9} \cdot \left(\frac{2-5}{22}\right) + \frac{5}{9} \cdot \left(\frac{1-10}{15}\right) \\
 &= \frac{5}{9} : \left(\frac{-3}{22}\right) + \frac{5}{9} : \left(\frac{-9}{15}\right) = \frac{5}{9} \cdot \frac{22}{-3} + \frac{5}{9} \cdot \frac{-11}{9} \\
 &= \frac{5}{9} \cdot \left(\frac{-22}{3} + \frac{-5}{3}\right) = \frac{5}{9} \cdot \left(\frac{-27}{3}\right) = -5
 \end{aligned}$$

§4. GIÁ TRỊ TUYỆT ĐỐI CỦA MỘT SỐ HỮU TỈ. CỘNG, TRỪ, NHÂN, CHIA SỐ THẬP PHẦN

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Giá trị tuyệt đối của một số hữu tỉ

Giá trị tuyệt đối của số hữu tỉ x , kí hiệu $|x|$, là khoảng cách từ điểm x tới điểm O trên trục số và được xác định như sau :

$$|x| = \begin{cases} x & \text{nếu } x \geq 0 \\ -x & \text{nếu } x < 0 \end{cases}$$

2. Cộng, trừ, nhân, chia số thập phân .

Khi cộng, trừ, nhân, chia các số thập phân dương và âm ta có thể viết chúng dưới dạng phân số thập phân rồi làm theo các quy tắc đã biết về phân số

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1 a) Tính $|x|$ với $x = \frac{-1}{7}$; $x = \frac{-2}{9}$; $x = -3\frac{1}{5}$;

b) Tính x , biết $|x| = \frac{1}{3}$, $|x| = 0,25$

2. Tính a) $0,245 - 2,134$, b) $(-5,2) : 3,14$, c) $(-0,75) : (-0,3)$

Bài giải

1 a) $x = \frac{-1}{7} \Rightarrow |x| = \left| -\frac{1}{7} \right| = \frac{1}{7}$

$x = \frac{-2}{9} = -\frac{2}{9} \Rightarrow |x| = \left| -\frac{2}{9} \right| = \frac{2}{9}$

$x = -3\frac{1}{5} \Rightarrow |x| = \left| -3\frac{1}{5} \right| = 3\frac{1}{5}$

b) $|x| = \frac{1}{3}$ thì $x = \frac{1}{3}$ hoặc $x = -\frac{1}{3}$

$|x| = 0,25$ thì $x = 0,25$ hoặc $x = -0,25$

2. a) $0,245 - 2,134 = \frac{245}{1000} - \frac{2134}{1000} = \frac{245 - 2134}{1000} = \frac{-1889}{1000} = -1,889$

b) $(-5,2) : 3,14 = \frac{-52}{10} : \frac{314}{100} = \frac{-52}{10} \cdot \frac{100}{314} = \frac{-16328}{314} = -16,328$

c) $(-0,75) : (-0,3) = \frac{-75}{100} : \frac{-3}{10} = \frac{-75}{100} \cdot \frac{10}{-3} = \frac{75}{100} \cdot \frac{10}{3} = \frac{750}{300} = 2,5$

B. Bài tập căn bản

17. 1) Trong các khẳng định sau đây, khẳng định nào đúng?

a) $|-2,5| = 2,5$;

b) $|-2,5| = -2,5$;

c) $|-2,5| = -(-2,5)$

2) Tính x biết :

a) $|x| = \frac{1}{5}$;

b) $|x| = 0,37$;

c) $|x| = 0$;

d) $|x| = 1\frac{2}{3}$

18. Tính : a) $-5,17 - 0,468$

b) $-2,05 + 1,73$;

c) $(-5,17) : (-3,1)$

d) $(-9,18) : 4,25$

19. Với bài tập : Tính tổng: $S = (-2,3) + (+41,5) + (-0,7) + (-1,5)$, hai bạn Hùng và Liên đã làm như sau :

$$\begin{aligned} & \text{Bài làm của Hùng} \\ S &= (-2,3) + (+41,5) + (-0,7) + (-1,5) \\ &= [(-2,3) + (-0,7)] + (-1,5) + 41,5 \\ &= (-4,5) + 41,5 \\ &= 37 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{Bài làm của Liên} \\ S &= (-2,3) + (+41,5) + (-0,7) + (-1,5) \\ &= [(-2,3) + (-0,7)] + [(+41,5) + (-1,5)] \\ &= (-3) + 40 \\ &= 37 \end{aligned}$$

a) Hãy giải thích cách làm của mỗi bạn.

b) Theo em nên làm cách nào ?

20. Tính nhanh :

a) $5,3 + (-3,7) + 2,4 + (-0,3)$;

b) $(-4,9) + 5,5 + 4,9 + (-5,5)$.

c) $2,9 + 3,7 + (-4,2) + (-2,9) + 4,2$

d) $(-6,5) 2,8 + 2,8 (-3,5)$.

Bài giải

17. 1) a) Đúng.

b) Sai;

c) Đúng. Vì $-(-2,5) = 2,5$

2) a) $|x| = \frac{1}{5}$ thì $x = \frac{1}{5}$ hoặc $x = -\frac{1}{5}$

b) $|x| = 0,37$ thì $x = 0,37$ hoặc $x = -0,37$

c) $|x| = 0 \Rightarrow x = 0$

d) $|x| = 1\frac{2}{3} \Rightarrow x = \pm 1\frac{2}{3}$

18. a) $-5,17 - 0,468 = -(5,17 + 0,468) = -5,638$

b) $-2,05 + 1,73 = -(2,05 - 1,73) = -0,32$

c) $(-5,17) : (-3,1) = 5,17 : 3,1 = 16,677$

d) $(-9,18) : 4,25 = -2,18$.

19. a) Bạn Hùng áp dụng tính chất giao hoán để nhóm các số thập phân cùng dấu lại rồi thu gọn, sau đó tính tổng hai số thập phân trái dấu. Bạn Liên nhóm các cặp số hạng một cách hợp lý, thu gọn, sau đó tính tổng hai số hạng trái dấu.

b) Theo tôi trong trường hợp này nên làm theo cách của bạn Liên hơn vì nó dễ làm, hợp lý và lời giải đẹp hơn.

20. a) $100 + (-7) + 2,4 + (-0,2) = 100,3 + 2,4 = 102,7$; $100 + (-7) = 93$; $93 + 2,4 = 95,4$; $95,4 - 0,2 = 95,2$
 b) $(-1,9) + 5,5 + 4,9 + (-5,5) = (-1,9 + 4,9) + (5,5 - 5,5) = 0 + 0 = 0$
 c) $2,9 + 3,7 + (-4,2) + (-2,9) + 4,2 = (2,9 - 2,9) + (4,2 - 4,2) + 3,7 = 0 + 0 + 3,7 = 3,7$
 d) $(-6,5) 2,8 + 2,8 (-3,5) = 2,8(-6,5 - 3,5) = 2,8(-10) = -28$

Luyện tập

21. a) Trong các phân số sau, những phân số nào biểu diễn cùng một số hữu tỉ?

$$\frac{14}{35}$$

$$\frac{27}{63}$$

$$\frac{26}{65}$$

$$\frac{36}{84}$$

$$\frac{34}{85}$$

- b) Nêu ba cách viết của số hữu tỉ $-\frac{3}{7}$

22. Sắp xếp các số hữu tỉ sau theo thứ tự lớn dần

$$0,3$$

$$-\frac{5}{6}$$

$$1\frac{2}{3}$$

$$\frac{4}{13}$$

$$0;$$

$$0,875$$

23. Dựa vào tính chất: Nếu $x < y$ và $y < z$ thì $x < z$. Hãy so sánh

a) $\frac{4}{5}$ và $1,1$.

b) 500 và $0,001$.

c) $\frac{13}{38}$ và $-\frac{12}{37}$

24. Áp dụng tính chất các phép toán để tính nhanh

a) $(-2,5 - 0,38 - 0,4) - [0,125 - 3,15 - (-8)]$

b) $|(-20,83) - 0,2 + (-9,17) - 0,2| - [2,47 - 0,5 - (-3,53) - 0,5]$

25. Tìm x biết: a) $|x - 1,7| = 2,3$; b) $\left|x + \frac{3}{4}\right| - \frac{1}{3} = 0$

26. Sử dụng máy tính bỏ túi

Tính	Nút ấn	Kết quả
$(-1,7) + (-2,9)$	<input type="text"/> 1 <input type="text"/> 7 <input type="text"/> + <input type="text"/> 2 <input type="text"/> 9 <input type="text"/> =	-4,6
$(-3,2) - (-0,8)$	<input type="text"/> 3 <input type="text"/> 2 <input type="text"/> - <input type="text"/> 0 <input type="text"/> 8 <input type="text"/> =	-2,4
$4,1 - (-1,6)$	<input type="text"/> 4 <input type="text"/> 1 <input type="text"/> - <input type="text"/> 1 <input type="text"/> 6 <input type="text"/> =	6,56
$(-345) - (-2,3)$	<input type="text"/> 3 <input type="text"/> 4 <input type="text"/> 5 <input type="text"/> - <input type="text"/> 2 <input type="text"/> 3 <input type="text"/> =	-342,7
$(-1,3) - (-2,5)$	<input type="text"/> 1 <input type="text"/> 3 <input type="text"/> - <input type="text"/> 2 <input type="text"/> 5 <input type="text"/> =	1,2
$+1,4 - 5,6$	<input type="text"/> 1 <input type="text"/> 4 <input type="text"/> - <input type="text"/> 5 <input type="text"/> 6 <input type="text"/> =	-4,2
$(-5 - 3,1)$	<input type="text"/> 5 <input type="text"/> - <input type="text"/> 3 <input type="text"/> 1 <input type="text"/> =	-8,1
$+1,5 - (-0,3)$	<input type="text"/> 1 <input type="text"/> 5 <input type="text"/> - <input type="text"/> 0 <input type="text"/> 3 <input type="text"/> =	1,8

Bài giải

21. a) + Ta có $\frac{-14}{35} - \frac{-26}{65} - \frac{34}{-85} = -0,4$

Vậy các phân số $\frac{-14}{35}$, $\frac{-26}{65}$ và $\frac{34}{-85}$ cùng biểu diễn một số hữu tỉ

+ Ta có : $\frac{-27}{63} = \frac{-38}{84} = \frac{-3}{7}$

Vậy các phân số $\frac{-27}{63}$ và $\frac{-38}{84}$ cùng biểu diễn một số hữu tỉ.

b) Ba cách viết của số hữu tỉ $\frac{-3}{7}$ là : $\frac{-3}{7} = \frac{-6}{14} = \frac{-12}{28} = -\frac{15}{35}$

22. Bảng cách đổi các phân số ra số thập phân rồi so sánh và sắp xếp theo thứ tự lớn dần

Ta có : $-\frac{5}{6} = -0,8\overline{3}$; $-1\frac{2}{3} = -1,6\overline{6}$; $\frac{4}{13} = 0,307\overline{6}$

Vậy : $-1\frac{2}{3} < -0,8\overline{3} < -\frac{5}{6} < 0 < 0,3 < \frac{4}{13}$

23. a) Ta có : $\frac{4}{5} < 1 < 1,1$. Vậy $\frac{4}{5} < 1,1$.

b) $-500 < 0 < 0,001$ Vậy $-500 < 0,001$

c) Ta có : $\frac{-12}{-37} = \frac{12}{37}$; $\frac{13}{38} < \frac{13+12}{38+37} < \frac{12}{37}$. Do đó $\frac{-13}{-38} < \frac{12}{37}$

Tổng quát : Nếu $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ ($b > 0, d > 0$) thì $\frac{a}{b} < \frac{a+c}{b+d} < \frac{c}{d}$

Từ đó suy ra : trên trục số giữa hai điểm hữu tỉ x, y bất kì bao giờ cũng có ít nhất một điểm hữu tỉ

24. a) $(-2,5; 0,38; 0,4) - [0,125; 3,15; (-8)] = [(-2,5; 0,4) \cap 0,38] - [(-8; 0,125) \cap 3,15]$
 $= -1; 0,38 - (-1); 3,15 = -0,38 + 3,15 = 2,77$

b) $[(-20,83); 0,2 + (-9,17); 0,2] : [2,47; 0,5 - (-3,53); 0,5]$
 $= [(-20,83); 0,2 + (-9,17); 0,2] : [2,47; 0,5 - (-3,53); 0,5]$
 $= [(-20,83) + (-9,17); 0,2 : (2,47 + 3,53); 0,5]$
 $= (-30; 0,2) : (6; 0,5) = -6 : 3 = -2$

Hướng dẫn : $|A| = a$ ($a \geq 0$) $\Rightarrow A = \begin{cases} a \\ -a \end{cases}$

25. a) $|x - 1,7| = 2,3 \Rightarrow x - 1,7 = \pm 2,3$
 $\Rightarrow x - 1,7 = 2,3 \Rightarrow x = 1,7 + 2,3 = 4$

$$\begin{array}{lcl}
 \bullet x = 1,7 = 2,3 & \bullet x = 2,3 + 1,7 = 0,6 \\
 \bullet x = \frac{3}{4} - \frac{1}{3} = 0 & \bullet x = \frac{3}{4} - \frac{1}{3} = \frac{9}{12} - \frac{4}{12} = \frac{5}{12} \\
 \bullet x = \frac{3}{4} + \frac{1}{3} & \bullet x = \frac{3}{4} + \frac{1}{3} = \frac{9}{12} + \frac{4}{12} = \frac{13}{12} \\
 \bullet x = \frac{3}{4} - \frac{1}{3} & \bullet x = \frac{3}{4} - \frac{1}{3} = \frac{9}{12} - \frac{4}{12} = \frac{5}{12}
 \end{array}$$

26 Học sinh tự thực hành

§5. LŨY THỪA CỦA MỘT SỐ HỮU TỈ

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Lũy thừa với số mũ tự nhiên: Cho n là số tự nhiên khác 0. Lũy thừa bậc n của số hữu tỉ x kí hiệu x^n là tích của n thừa số x bằng nhau

$$x^n = \underbrace{x \times x \times \dots \times x}_{n \text{ thừa số}} \quad (x \in \mathbb{Q}, n \in \mathbb{N})$$

• Nếu $x = \frac{a}{b}$ thì $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$ Ví dụ: $\left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{3^2}{4^2} = \frac{9}{16}$

• Quy ước: $x^0 = 1$ ($x \in \mathbb{N}$) và $x^1 = x$ ($x \in \mathbb{Q}, x \neq 0$)

2. Tích của hai lũy thừa cùng cơ số: $x^m \cdot x^n = x^{m+n}$ ($x \in \mathbb{Q}, m, n \in \mathbb{N}$)
 3. Thương hai lũy thừa cùng cơ số khác 0: $x^m : x^n = x^{m-n}$ ($x \neq 0, m > n$)
 4. Lũy thừa của lũy thừa: $(x^m)^n = x^{m \cdot n}$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Tính: a) $\left(-\frac{3}{4}\right)^2; \left(-\frac{2}{5}\right)^2; (-0,5)^2; (-0,5)^2; (9,7)^2$
 b) $(-3)^2; (-3)^3; (-0,25)^2; (-0,25)^3$

2. Tính và so sánh: a) $(2^3)^3$ và 2^6 ; b) $\left[\left(-\frac{1}{2}\right)^2\right]^3$ và $\left(-\frac{1}{2}\right)^6$

3. Điền số thích hợp vào ô trống

a) $\left[\left(-\frac{3}{4}\right)^3\right]^2 = \left(-\frac{3}{4}\right)^{\square}$ b) $\left[\left(0,5^4\right)^{\square}\right] = (0,5)^8$

Khai triển

$$1. a) + \left(\frac{-3}{4}\right)^2 = \left(\frac{-3}{4}\right)\left(\frac{-3}{4}\right) = \frac{9}{16};$$

$$\left(\frac{-2}{5}\right)^3 = \left(\frac{-2}{5}\right)\left(\frac{-2}{5}\right)\left(\frac{-2}{5}\right) = \frac{4}{25};$$

$$(-0,5)^2 = (-0,5)(-0,5) = 0,25$$

$$(-0,5)^3 = (-0,5)(-0,5)(-0,5) = -0,125$$

$$(9,7)^0 = 1$$

$$b) (-3)^2 \cdot (-3)^3 = (-3)^{2+3} = (-3)^5 = -243$$

$$(-0,25)^2 \cdot (-0,25)^3 = (-0,25)^{2+3} = (-0,25)^5 = 0,0625$$

$$2. a) \text{Ta có: } (2^3)^2 = 2^6 \qquad b) \left[\left(-\frac{1}{2}\right)^2\right]^3 = \left(-\frac{1}{2}\right)^{10}$$

$$3. a) \text{Ta có: } \left[\left(\frac{-3}{4}\right)^2\right]^3 = \left(\frac{-3}{4}\right)^6 \qquad b) (0,1)^4)^2 = (0,1)^8$$

8. Bài tập căn bản

$$27. \text{ Tính: } \left(\frac{-1}{3}\right)^4; \qquad \left(-2\frac{1}{4}\right)^3; \qquad (-0,2)^2; \qquad (-5,3)^0$$

$$28. \text{ Tính: } \left(-\frac{1}{2}\right)^3; \qquad \left(-\frac{1}{2}\right)^3; \qquad \left(-\frac{1}{2}\right)^4; \qquad \left(-\frac{1}{2}\right)^5$$

Hãy rút ra nhận xét về dấu của lũy thừa với số mũ chẵn và lũy thừa với số mũ lẻ của một số hữu tỉ âm.

$$29. \text{Viết số } \frac{16}{81} \text{ dưới dạng một lũy thừa, ví dụ } \frac{16}{81} = \left(\frac{4}{9}\right)^2.$$

Hãy tìm các cách viết khác.

$$30. \text{ Tìm } x, \text{ biết: } a) x : \left(-\frac{1}{2}\right)^3 = -\frac{1}{2}; \qquad b) \left(\frac{3}{4}\right)^5 \cdot x = \left(\frac{3}{4}\right)^7$$

$$31. \text{Viết các số } (0,25)^4 \text{ và } (0,125)^4 \text{ dưới dạng các lũy thừa của cơ số } 0,5.$$

32. **Đố:** Hãy chọn hai chữ số sao cho có thể viết hai chữ số đó thành một lũy thừa để được kết quả là số nguyên dương nhỏ nhất. (Chọn được càng nhiều càng tốt).

13. Sử dụng máy tính bỏ túi

Tính	Nút ấn	Kết quả
$(2,3)^2$	$\boxed{2} \boxed{.} \boxed{3} \boxed{=} \boxed{\times} \boxed{=}$	5,29
$(-1,4)^3$	$\boxed{1} \boxed{.} \boxed{4} \boxed{=} \boxed{\div} \boxed{=} \boxed{-} \boxed{=}$	-2,744
$(0,5)^4$	$\boxed{0} \boxed{.} \boxed{5} \boxed{=} \boxed{\times} \boxed{=} \boxed{\times} \boxed{=} \boxed{\times} \boxed{=}$	0,0625

Dùng máy tính bỏ túi để tính $(3,5)^2$; $(-0,12)^3$; $(1,5)^4$; $(-0,1)^5$; $(1,2)^6$.

Giải quyết

$$\begin{aligned}
 17. & \left(-\frac{1}{3}\right)^4 = \left(-\frac{1}{3}\right) \left(-\frac{1}{3}\right) \left(-\frac{1}{3}\right) \left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{1}{81} \\
 & \left(-2\frac{1}{4}\right)^2 = \left(-\frac{9}{4}\right)^2 = \left(-\frac{9}{4}\right) \left(-\frac{9}{4}\right) \left(-\frac{9}{4}\right) = \frac{-729}{64} \\
 & (-0,2)^2 = (-0,2) (-0,2) = 0,04 \\
 & (-5,3)^2 = 1
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 18. & \left(-\frac{1}{2}\right)^4 = \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{16} \\
 & \left(-\frac{1}{2}\right)^5 = \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{16}
 \end{aligned}$$

Nhận xét: Lấy thừa bậc chẵn của một số âm là một số dương

$$\begin{aligned}
 & \left(-\frac{1}{2}\right)^4 = \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{8} \\
 & \left(-\frac{1}{2}\right)^5 = \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{32}
 \end{aligned}$$

Nhận xét: Lấy thừa bậc lẻ của một số âm là một số âm

$$19. \text{Ta có: } \frac{16}{81} = \left(\frac{4}{9}\right)^2 = \left(\frac{2^2}{3^2}\right)^2 = \left[\left(\frac{2}{3}\right)^2\right]^2$$

$$20. \text{a) Ta có: } x = \left(-\frac{1}{2}\right)^5 = -\frac{1}{2} \Rightarrow x = \left(-\frac{1}{2}\right) \left(-\frac{1}{2}\right)^4 = \left(-\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{1}{16}$$

$$\text{b) } \left(\frac{3}{4}\right)^4 \cdot x = \left(\frac{3}{4}\right)^7 \Rightarrow x = \left(\frac{3}{4}\right)^7 : \left(\frac{3}{4}\right)^4 = \left(\frac{3}{4}\right)^3 = \frac{9}{16}$$

$$11. \cdot \text{Ta có: } (0,25)^8 = (0,5)^2)^8 = (0,5)^{16}$$

$$\cdot (0,125)^8 = (0,5)^3)^8 = (0,5)^{24}$$

12. Học sinh tư làm

§6. LŨY THỪA CỦA MỘT SỐ HỮU TỈ (tiếp theo)

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Lũy thừa của một tích - Lũy thừa của một tích bằng tích các lũy thừa

$$(x.y)^n = x^n.y^n$$

2. Lũy thừa của một thương - Lũy thừa của một thương bằng thương các lũy thừa

$$\left(\frac{x}{y}\right)^n = \frac{x^n}{y^n} \quad (y \neq 0)$$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Tính và so sánh a) $\left(\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}\right)^3$ và $\left(\frac{1}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^3$ b) $\left|\left(\frac{2}{3}\right)^3\right|$ và $\left(\frac{2}{3}\right)^3$

2. Tính

$$a) \left(\frac{1}{3}\right)^5 \cdot 3^5, (0,5)^3 \cdot 8 \quad b) \frac{72^3}{24^3}; \frac{15^3}{27} \quad c) (0,125)^3 \cdot 8^3, (-39)^4 : 13^4$$

Giải

1. a) Ta có : $\left(\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}\right)^3 = \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}\right) \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}\right) \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}\right) = \left(\frac{1}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^3$

$$\text{Vậy} \quad \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}\right)^3 = \left(\frac{1}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^3$$

$$b) \left(\frac{-2}{3}\right)^3 = \left(\frac{-2}{3}\right) \cdot \left(\frac{-2}{3}\right) \cdot \left(\frac{-2}{3}\right) = \frac{(-2)^3}{3^3}. \text{ Vậy: } \left(\frac{-2}{3}\right)^3 = \frac{(-2)^3}{3^3}.$$

$$2. a) + \text{ Ta có : } \left(\frac{1}{3}\right)^5 \cdot 3^5 = \left(\frac{1}{3} \cdot 3\right)^5 = 1^5 = 1$$

$$+ (0,5)^3 \cdot 8 = (0,5)^3 \cdot 2^3 = (0,5 \cdot 2)^3 = 1^3 = 1$$

$$b) + \frac{72^3}{24^3} = \frac{(3 \cdot 24)^3}{24^3} = \frac{3^3 \cdot 24^3}{24^3 \cdot 24} = \frac{3^3}{24} = \frac{9}{8}$$

$$+ \frac{15^3}{27} = \frac{(3 \cdot 5)^3}{27} = \frac{3^3 \cdot 5^3}{3^3} = 5^3 = 125$$

$$c) + (0,125)^3 \cdot 8^3 = (0,125 \cdot 8)^3 = 1^3 = 1$$

$$+ (-39)^4 : 13^4 = \frac{(-3 \cdot 13)^4}{13^4} = \left(\frac{-3 \cdot 13}{13}\right)^4 = (-3)^4 = 81$$

B. Bài tập căn bản

34. Trong vở bài tập của bạn Dũng có bài làm sau.

a) $(-5)^7 (-5)^3 = (-5)^6$.

b) $(0,75)^3 : 0,75 = (0,75)^2$

c) $(0,2)^{10} \cdot (0,2)^5 = (0,2)^7$.

d) $\left[\left(-\frac{1}{7} \right)^2 \right]^4 = \left(-\frac{1}{7} \right)^8$

e) $\frac{50^3}{125} = \frac{50^3}{5^3} = \left(\frac{50}{5} \right)^3 = 10^3 = 1000$.

f) $\frac{8^{10}}{4^5} = \left(\frac{8}{4} \right)^{10-5} = 2^5$

Hãy kiểm tra lại các đáp số và sửa lại chỗ sai (nếu có)

35. Ta thừa nhận tính chất sau đây: Với $a \neq 0$, $a \neq \pm 1$, nếu $a^m = a^n$ thì $m = n$. Dựa vào tính chất này, hãy tìm các số tự nhiên m và n biết rằng

a) $\left(\frac{1}{2} \right)^m = \frac{1}{32}$.

b) $\frac{343}{125} = \left(\frac{7}{5} \right)^n$

36. Viết các biểu thức sau dưới dạng lũy thừa của một số hữu tỉ.

a) $10^8 \cdot 2^6$;

b) $10^8 \cdot 2^8$;

c) $25^4 \cdot 2^8$;

d) $15^8 \cdot 9^4$;

e) $27^5 : 25^3$

37. Tìm giá trị của các biểu thức sau

a) $\frac{4^7 \cdot 4^3}{2^{10}}$.

b) $\frac{(0,6)^5}{(0,2)^5}$;

c) $\frac{2^7 \cdot 9^3}{6^5 \cdot 8^2}$;

d) $\frac{8^3 + 3 \cdot 6^2 + 3^2}{-13}$

Bài giải

34. a) Bạn Dũng làm $(-5)^7 \cdot (-5)^3 = (-5)^6$ là sai vì: $(-5)^7 \cdot (-5)^3 = (-5)^{7+3} = (-5)^{10}$

b) Bạn Dũng làm đúng

c) $(0,2)^{10} \cdot (0,2)^5 = (0,2)^7$ là sai vì: $(0,2)^{10} \cdot (0,2)^5 = (0,2)^{10+5} = (0,2)^{15}$

d) Bạn Dũng làm $\left[\left(-\frac{1}{7} \right)^2 \right]^4 = \left(-\frac{1}{7} \right)^8$ là sai vì: $\left[\left(-\frac{1}{7} \right)^2 \right]^4 = \left(-\frac{1}{7} \right)^{2 \cdot 4} = \left(-\frac{1}{7} \right)^8$

e) Bạn Dũng làm đúng

$$\begin{aligned} \text{f) } \frac{8^{10}}{4^5} &= \left(\frac{8}{4} \right)^{10-5} = 2^5 \text{ là sai vì: } \frac{8^{10}}{4^5} = \frac{(2 \cdot 4)^{10}}{4^5} = \frac{2^{10} \cdot 4^{10}}{4^5} \\ &= 2^{10} \cdot (4)^{10-5} = 2^{10} \cdot 4^5 = 2^{10} \cdot 2^4 = 2^{14} \end{aligned}$$

35. a) $\left(\frac{1}{2} \right)^m = \frac{1}{32} \Leftrightarrow \left(\frac{1}{2} \right)^m = \frac{1^1}{2^5} = \left(\frac{1}{2} \right)^5$. Vậy $m = 5$.

b) $\frac{343}{125} = \left(\frac{7}{5} \right)^n \Leftrightarrow \frac{7^3}{5^3} = \left(\frac{7}{5} \right)^n \Leftrightarrow \left(\frac{7}{5} \right)^3 = \left(\frac{7}{5} \right)^n$. Vậy $n = 3$

36. a) $10^8 \cdot 2^8 = 20^8 = \left(\frac{20}{1} \right)^8$

$$b) 10^4 : 2^4 = (10 : 2)^4 = 5^4 = \left(\frac{5}{1}\right)^4$$

$$c) 25^4 : 2^4 = 25^4 (2^4)^{-1} = 100^4 = \left(\frac{100}{1}\right)^4$$

$$d) 16^3 : 9^4 = 16^3 (3^2)^4 : (5^2)^3 = 16^3 : 3^5 = (16 : 3)^3 = \left(\frac{46}{1}\right)^3$$

$$e) 27^4 : 25^4 = (3^3)^4 : (5^2)^4 = 3^8 : 5^8 = \left(\frac{3}{5}\right)^8$$

$$37. a) \frac{4^3 \cdot 4^7}{2^{10}} = \frac{4^3}{2^{10}} = \frac{(2^2)^3}{2^{10}} = \frac{2^6}{2^{10}} = 1$$

$$b) \frac{(0,6)^3}{(0,2)^2} = \frac{(3 \cdot 0,2)^3}{(0,2)^2} = \frac{3^3 (0,2)^3}{(0,2)^2} = \frac{3^3}{0,2} = \frac{243}{0,2} = 1215$$

$$c) \frac{2^7 \cdot 9^2}{6^3 \cdot 8^2} = \frac{2^7 \cdot 2^2 (3^2)^2}{(2 \cdot 3)^3 (2^3)^2} = \frac{2^9 \cdot 3^4}{2^9 \cdot 3^3 \cdot 2^6} = \frac{3}{2^3} = \frac{3}{16}$$

$$d) \frac{8^3 + 3 \cdot 6^2 + 3^3}{13} = \frac{(2 \cdot 3)^3 + 3(2 \cdot 3)^2 + 3^3}{13} = \frac{2^3 \cdot 3^3 + 3 \cdot 2^2 \cdot 3^2 + 3^3}{13} \\ = \frac{3^3(2^3 + 2^2 + 1)}{13} = \frac{3^3 \cdot 13}{13} \quad 3^3 = 27$$

Luyện tập

38. a) Viết các số 2^{27} và 3^{18} dưới dạng các lũy thừa có số mũ là 9

b) Trong hai số 2^{27} và 3^{18} , số nào lớn hơn ?

39. Cho $x \in \mathbb{Q}$ và $x \neq 0$. Viết x^{10} dưới dạng :

a) Tích của hai lũy thừa trong đó có một lũy thừa số là x^7 ;

b) Lũy thừa của x^2 ;

c) Thương của hai số lũy thừa trong đó số bị chia là x^{12}

$$40. \text{ Tính } a) \left(\frac{3}{7} + \frac{1}{2}\right)^2; \quad b) \left(\frac{3}{4} - \frac{5}{6}\right)^2; \quad c) \frac{5^4 \cdot 20^4}{25^3 \cdot 4^3} \quad d) \left(-\frac{16}{3}\right)^3 \left(-\frac{6}{5}\right)^4$$

$$41. \text{ Tính } a) \left(1 + \frac{2}{3} - \frac{1}{4}\right) \left(\frac{4}{5} - \frac{3}{4}\right)^2; \quad b) 2 \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{2}{3}\right)^3$$

42. Tìm số tự nhiên n biết

$$a) \frac{16}{2^n} = 2,$$

$$b) \frac{(-3)^n}{81} = -27$$

$$c) 8^n : 2^n = 4$$

43. Đố : Biết rằng $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 10^2 = 385$, đó em nghĩ nhanh được tổng

$$S = 2^2 + 4^2 + 6^2 + \dots + 20^2$$

Giải đi

$$38. \quad \begin{aligned} 2^{12} &= 2^{2^2} = 2^{4^2} = (2^4)^2 = 8^2 \\ &= 3^{12} = 3^{3^2} = (3^3)^2 = 9^2 \end{aligned}$$

1) Theo câu a) ta có $2^{2^2} = 8^2 = 3^{12} = 9^2$ mà $9^2 > 8^2$, suy ra $3^{2^2} > 2^{2^2}$

$$39. \quad \text{a) } x^1 = x^1 \cdot x^0 \qquad \text{b) } x^2 = (x^1)^1 \qquad \text{c) } x^3 = \frac{x^{2^2}}{x}$$

$$40. \quad \text{a) } \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 7 & 2 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 6 & 7 \\ 14 & 4 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 13 & 13 \\ 14 & 14 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 169 & 169 \\ 196 & 196 \end{pmatrix}$$

$$\text{b) } \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 12 & 12 \end{pmatrix}^2 = \begin{pmatrix} 1 & \\ 12 & \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & \\ 144 & \end{pmatrix}$$

$$\text{c) } \frac{5^1 \cdot 20^1}{25^1 \cdot 4^1} = \frac{5^1 (5 \cdot 4)^1}{(5 \cdot 5)^1 \cdot 4^1} = \frac{5^1 \cdot 5^1 \cdot 4^1}{5^2 \cdot 5^1 \cdot 4^1} = \frac{1}{5 \cdot 5 \cdot 4} = \frac{1}{100}$$

$$\text{d) } \left(\frac{10}{3} \right)^3 \left(\frac{6}{5} \right)^5 = \frac{10^3 2^3 3^3}{3^3} \cdot \frac{2^3 3^3}{5^5} = \frac{2^6 5^3 2^3 3^3}{3^3 5^5} = \frac{2^9 5^3 2^3 3^3}{3^3 3^3 5^5} = \frac{2^9 5}{3} = \frac{2560}{3}$$

$$41. \quad \text{a) } \left(1 + \frac{2}{3} + \frac{1}{4} \right) \left(\frac{4}{5} - \frac{3}{4} \right)^2 = \left(\frac{12+8+3}{12} \right) \left(\frac{16-15}{20} \right)^2 = \frac{17}{12} \left(\frac{1}{20} \right)^2 = \frac{17}{4800}$$

$$\text{b) } 2 \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{2}{3} \right)^4 = 2 \cdot \left(\frac{3-4}{6} \right)^4 = 2 \cdot \left(-\frac{1}{6} \right)^4 = 2 \cdot \frac{1}{216} = 2 \cdot \frac{216}{1} = -432$$

$$42. \quad \text{a) } \frac{16}{2^n} = 2 \Leftrightarrow 2^n \cdot 2 = 16 \Leftrightarrow 2^{n+1} = 2^4 \Leftrightarrow n+1 = 4 \Leftrightarrow n = 3$$

$$\text{b) } \frac{(-3)^n}{81} = -27 \Leftrightarrow (-3)^n = (-3)^1 \cdot 3^4 \Leftrightarrow (-3)^n = (-3)^5 \rightarrow n = 7$$

$$\text{c) } 8^n \cdot 2^n = 4 \Leftrightarrow \left(\frac{8}{2} \right)^n = 2^2 \Leftrightarrow (2^3)^n = 2^2 \Leftrightarrow n = 1$$

$$\begin{aligned} 43. \quad \text{Ta có } 8 &= 2^2 + 4^2 + 6^2 + \dots + 20^2 = (1 \cdot 2)^2 + (2 \cdot 2)^2 + (3 \cdot 2)^2 + \dots + (10 \cdot 2)^2 \\ &= 1^2 \cdot 2^2 + 2^2 \cdot 2^2 + 3^2 \cdot 2^2 + \dots + 10^2 \cdot 2^2 \\ &= 2^2 (1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 10^2) = 2^2 \cdot 385 = 1540 \end{aligned}$$

§7. TỈ LỆ THỨC

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Định nghĩa : Tỉ lệ thức là một đẳng thức của hai tỉ số .

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad (a, d : \text{ngoại tỉ; } b, c : \text{trung tỉ})$$

2. Tính chất .

- a. Tính chất 1: (Tính chất cơ bản của tỉ thức)

Nếu $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ thì $a.d = b.c$ (Trong một tỉ lệ thức thì tích hai ngoại tỉ bằng tích hai trung tỉ).

- b. Tính chất 2 : (Điều kiện để 4 số lập thành tỉ lệ thức)

Nếu $a.d = b.c$ và $a, b, c, d \neq 0$ thì ta có các tỉ lệ thức

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}; \quad \frac{a}{c} = \frac{b}{d}; \quad \frac{d}{b} = \frac{c}{a}; \quad \frac{d}{c} = \frac{b}{a}$$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Các số sau đây có lập thành tỉ lệ thức không ?

a) $\frac{2}{5}, 4$ và $\frac{4}{5}; 8$;

b) $3\frac{1}{2}; 7$ và $2\frac{2}{5}; 7\frac{1}{5}$

2. Lập tất cả các tỉ lệ thức có thể được từ đẳng thức sau $18.36 = 24.27$

Bài giải

$$\left. \begin{array}{l} \text{i. a) Ta có } \frac{2}{5} : 4 = \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{10} \\ \text{và } \frac{4}{5} : 8 = \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{8} = \frac{1}{10} \end{array} \right\} \text{Vậy } \frac{2}{5} : 4 = \frac{4}{5} : 8$$

Vậy 2 số $\frac{2}{5} : 4$ và $\frac{4}{5} : 8$ lập thành một tỉ lệ thức

$$\left. \begin{array}{l} \text{b) } 3\frac{1}{2} : 7 = \frac{7}{2} : 7 = \frac{1}{2} \\ \text{và } 2\frac{2}{5} : 7\frac{1}{5} = \frac{12}{5} : \frac{35}{5} = \frac{12}{5} \cdot \frac{5}{35} = \frac{1}{3} \end{array} \right\} \text{Mà } \frac{1}{2} \neq \frac{1}{3}$$

Vậy hai số $3\frac{1}{2} : 7$ và $2\frac{2}{5} : 7\frac{1}{5}$ không lập thành một tỉ lệ thức

2. Từ đẳng thức $18.36 = 24.27$ ta suy ra được bốn tỉ lệ thức sau :

$$\frac{18}{24} = \frac{27}{36} \quad \frac{18}{27} = \frac{24}{36} \quad \frac{36}{27} = \frac{24}{18} \quad \frac{36}{24} = \frac{27}{18}$$

B. Bài tập cơ bản

44. Thay tỉ số giữa các số hữu tỉ bằng tỉ số giữa các số nguyên

a) $1,2 : 3,24$, b) $2\frac{1}{5} : \frac{3}{4}$, c) $\frac{2}{7} : 0,42$

45. Tìm các số tỉ số bằng nhau trong các tỉ số sau đây rồi lập thành tỉ lệ thức :

$28 : 14$; $2\frac{1}{2}$; 2 ; $8 : 4$; $\frac{1}{2} : \frac{2}{3}$; $3 : 10$; $2,1 : 7$; $3 : 0,3$

46. Tìm x trong các tỉ lệ thức sau :

a) $\frac{x}{27} = \frac{-2}{3,6}$; b) $-0,52 : x = -9,36 : 16,38$; c) $\frac{4}{2} : \frac{1}{8} = \frac{x}{161}$

47. Lập lại cả các tỉ lệ thức có thể được từ các đẳng thức sau :

a) $6 : 63 = 9 : 42$; b) $0,24 : 1,61 = 0,84 : 0,46$

48. Lập lại cả các tỉ lệ thức có thể được từ tỉ lệ thức sau : $\frac{-15}{5,1} = \frac{-35}{11,9}$

Bài giải

44. a) $1,2 : 3,24 = \frac{12}{10} : \frac{324}{100}$; b) $2\frac{1}{5} : \frac{3}{4} = \frac{11}{5} : \frac{3}{4}$;

c) $\frac{2}{7} : 0,42 = \frac{2}{7} : \frac{42}{100}$

45. * Ta có : $\frac{28}{14} = \frac{8}{4}$;

* Ta có $\left\{ \begin{array}{l} 3 : 10 = 0,3 \\ \text{và} \quad 2,1 : 7 = 0,3 \end{array} \right\}$ Vậy $\frac{3}{10} = \frac{2,1}{7}$

46. a) $\frac{x}{27} = \frac{-2}{3,6} \Rightarrow x = \frac{-2 \cdot 27}{3,6} \Rightarrow x = \frac{-54}{3,6} = -15$

b) $-0,52 : x = -9,36 : 16,38 \Rightarrow x = -0,52 : (-9,36 : 16,38) = 0,91$

c) $\frac{4}{2} : \frac{1}{8} = \frac{x}{161} \Rightarrow x = \frac{\frac{4}{2} \cdot 161}{\frac{1}{8}} = 4,76$

47. a) Từ đẳng thức $6 : 63 = 9 : 42$ ta có các tỉ lệ thức :

$\frac{6}{9} = \frac{42}{63}$; $\frac{6}{42} = \frac{9}{63}$; $\frac{63}{9} = \frac{42}{6}$; $\frac{9}{6} = \frac{63}{42}$

b) Từ đẳng thức $0,24 : 1,61 = 0,84 : 0,46$ ta có các tỉ lệ thức :

$$\frac{0,24}{0,84} = \frac{0,46}{1,61}; \quad \frac{0,24}{0,46} = \frac{0,84}{1,61}; \quad \frac{0,84}{0,24} = \frac{1,61}{0,46}; \quad \frac{0,46}{0,24} = \frac{1,61}{0,84}$$

48. Từ tỉ lệ thức $\frac{-15}{5,1} = \frac{-35}{11,9}$ ta có được các tỉ lệ thức:

$$\frac{11,9}{5,1} = \frac{-35}{-15}; \quad \frac{-15}{-35} = \frac{5,1}{11,9}; \quad \frac{5,1}{-15} = \frac{11,9}{-35}$$

Luyện tập

49. Các tỉ số sau đây có lập thành tỉ lệ thức không?

- a) $3,5 : 5,25$ và $14 : 21$; b) $39\frac{3}{10} : 52\frac{2}{5}$ và $2,1 : 3,5$;
c) $6,51 : 15,19$ và $3 : 7$; d) $-7 : 4\frac{2}{3}$ và $0,9 : (-0,5)$

50. Tên một tác phẩm nổi tiếng của Hưng Đạo Vương Trần Quốc Tuấn

Điền số thích hợp vào ô vuông để có tỉ lệ thức. Sau đó, viết các chữ tương ứng với các số tìm được vào các ô ở hàng dưới cùng của bài em sẽ biết được tên một tác phẩm nổi tiếng của Hưng Đạo Vương Trần Quốc Tuấn (1228 - 1300), vị anh hùng của dân tộc ta đồng thời là danh nhân quân sự của thế giới.

N. $\square : 6 = 7 : 3$ Y. $\frac{4}{5} : 1\frac{2}{5} = 2\frac{2}{5} : \square$

H. $20 : \square = (-12) : 15$ Q. $\frac{1}{2} : 1\frac{1}{4} = \square : 3\frac{1}{3}$

G. $6 : 27 = \square : 72$ B. $\frac{1}{2} : \square = \frac{3}{4} : 5\frac{1}{4}$

L. $(-15) : 36 = 27 : \square$ U. $\square : 1\frac{1}{4} = 1\frac{1}{5} : 2$ U. $\frac{-4,4}{9,9} = \frac{\square}{1,89}$

L. $\frac{\square}{2,7} = \frac{0,7}{6,3}$ E. $\frac{-0,65}{0,91} = \frac{-6,55}{\square}$ T. $\frac{2,4}{\square} = \frac{5,4}{13,5}$

$3\frac{1}{2}$	14	6	-0,84	9,17	0,3	$1\frac{1}{3}$
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>
-63	-25	-25	$4\frac{1}{5}$	$\frac{3}{4}$	-0,84	16

51. Lập tất cả các tỉ lệ thức có thể được từ bốn số sau: $1,5$; 2 ; $3,6$; $4,8$

52. Tỉ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ với $a, b, c, d \neq 0$, ta có thể suy ra:

- A) $\frac{a}{c} = \frac{d}{b}$; B) $\frac{a}{b} = \frac{d}{c}$; C) $\frac{d}{b} = \frac{c}{a}$; D) $\frac{a}{d} = \frac{b}{c}$

Hãy chọn câu trả lời đúng

$$53. \text{Đề: Tỉ số } \frac{6\frac{1}{5}}{5\frac{1}{6}} \text{ có thể "rút gọn" như sau}$$

(“Rút gọn” bằng cách xóa bỏ phần phân số ở hai hỗn số, giữ lại phần nguyên là được kết quả). Ta được kết quả đúng (Hãy kiểm tra!)
 Đó em viết được một tỉ số khác cũng có thể “rút gọn” như vậy!

Giải

49. Hướng dẫn: Áp dụng tính chất 2 để kiểm tra xem các tỉ số đã cho có lập thành tỉ lệ thức không

$$a) \left. \begin{array}{l} \text{Ta có } 3,5 \cdot 21 = 73,5 \\ \text{và } 5,25 \cdot 14 = 73,5 \end{array} \right\} \text{Vậy } 3,5 \cdot 21 = 5,25 \cdot 14 \Rightarrow \frac{3,5}{5,25} = \frac{14}{21}$$

$$b) \text{Ta có } 39 \frac{3}{10} \cdot 3,5 = 137,55 \text{ và } 52 \frac{2}{5} \cdot 2,1 = 110,04$$

$$\text{Vì } 137,55 \neq 110,04 \Rightarrow 39 \frac{3}{10} \cdot 3,5 \neq 52 \frac{2}{5} \cdot 2,1$$

Vậy tỉ số trên không lập thành tỉ lệ thức

$$c) \text{Ta có } 6,51 \cdot 7 = 45,57 \text{ và } 15,19 \cdot 3 = 45,57$$

$$\text{Vậy } 6,51 \cdot 7 = 15,19 \cdot 3 \Rightarrow \frac{6,51}{15,19} = \frac{3}{7}$$

$$d) \text{Ta có } -7 \cdot (-0,5) = 3,5 \text{ và } 4 \frac{2}{3} \cdot 0,9 = 4,2 \text{ Vì } 3,5 \neq 4,2$$

$$\Rightarrow -7 \cdot (-0,5) \neq 4 \frac{2}{3} \cdot 0,9 \text{ Vậy tỉ số trên không lập thành tỉ lệ thức}$$

$$50. N \quad \square \cdot 6 = 7 : 3 \Rightarrow \square = \frac{6 \cdot 7}{3} = 14$$

$$H \quad 30 : \square = (-12) : 15 \Rightarrow \square = \frac{15 \cdot 20}{-12} = -25$$

$$C \quad 6 \cdot 27 = \square \cdot 72 \Rightarrow \square = \frac{72 \cdot 6}{27} = 16$$

$$I \quad (-15) \cdot 35 = 27 \cdot \square \Rightarrow \square = \frac{35 \cdot 27}{-15} = -63$$

$$U \quad \frac{-4,4}{9,9} = \frac{1}{1,89} \Rightarrow \square = \frac{-4,4 \cdot 1,89}{9,9} = -0,84$$

$$E \quad \frac{-0,65}{0,91} = \frac{-6,55}{\square} \Rightarrow \square = \frac{0,91 \cdot (-6,55)}{-0,65} = 9,17$$

$$Y \quad \frac{4}{5} \cdot 1\frac{2}{5} = 2\frac{2}{5} \cdot \square \Rightarrow \square = \frac{1\frac{2}{5} \cdot 2\frac{2}{5}}{2\frac{2}{5}} = 1\frac{1}{5}$$

$$G \quad \frac{1}{2} \cdot 1\frac{1}{4} = \square \cdot 3\frac{1}{3} \Rightarrow \square = \frac{1\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2}}{3\frac{1}{3}} = 1\frac{1}{3}$$

$$B \quad \frac{1}{2} \cdot \square = \frac{3}{4} \cdot 5\frac{1}{4} \Rightarrow \square = \frac{1\frac{5}{4} \cdot \frac{3}{4}}{\frac{1}{2}} = 3\frac{1}{2}$$

$$U \quad \square : 1\frac{1}{4} = 1\frac{1}{5} : 2 \Rightarrow \square = \frac{1\frac{1}{5} \cdot 1\frac{1}{4}}{2} = \frac{3}{4}$$

$$L \quad \frac{\square}{2,7} = \frac{0,7}{6,3} \Rightarrow \square = \frac{2,7 \cdot 0,7}{6,3} = 0,3$$

$$T \quad \frac{2,4}{\square} = \frac{5,4}{13,5} \Rightarrow \square = \frac{2,4 \cdot 13,5}{5,4} = 6$$

$$3\frac{1}{2} \quad 14 \quad 6 \quad -0,84 \quad 9,17 \quad 0,3 \quad 1\frac{1}{3}$$

B	I	N	H	T	H	U	Y	K	U	L	U	Q	T
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

$$-63 \quad -25 \quad -25 \quad 4\frac{1}{5} \quad \frac{3}{4} \quad -0,84 \quad 6$$

Vậy tên một tác phẩm nổi tiếng của Hoàng Đạo Vương Trần Quốc "ẩn" đó là BÌNH THƯ YẾU LƯỢC

51. Với bốn số 1,5; 2; 3,6; 4,8 ta lập được các tỉ lệ thức sau :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Ta có : } 1,5 \cdot 4,8 = 7,2 \\ \text{và } 2 \cdot 3,6 = 7,2 \end{array} \right\} \text{Vậy } 1,5 \cdot 4,8 = 2 \cdot 3,6$$

$$\text{Suy ra : } \frac{1,5}{2} = \frac{3,6}{4,8} ; \quad \frac{1,5}{3,6} = \frac{2}{4,8} ; \quad \frac{2}{1,5} = \frac{4,8}{3,6} ; \quad \frac{3,6}{1,5} = \frac{4,8}{2}$$

52. Ta có : $ad = bc$ với $a \neq 0, b \neq 0$. Nhân hai vế của đẳng thức với $\frac{1}{ab}$ ta được

$$ad \cdot \frac{1}{ab} = bc \cdot \frac{1}{ab} \quad \text{hay} \quad \frac{ad}{ab} = \frac{bc}{ab} \Rightarrow \frac{d}{b} = \frac{c}{a} \quad \text{Chon câu C}$$

$$53. \text{ Tỉ số } \frac{6\frac{1}{5}}{5\frac{1}{6}} \text{ có thể "rút gọn" như sau : } \frac{6\frac{1}{5}}{5\frac{1}{6}} = \frac{6}{5}$$

$$\text{Thứ hai} \quad \text{Thứ ba} \quad \frac{\frac{1}{5} - \frac{31}{6}}{\frac{1}{5} - \frac{31}{6}} = \frac{31 - 6}{5 - 31} = \frac{6}{5} \text{ (đúng)}$$

Ta có thể viết được các tỉ số khác cùng có thể rút gọn như vậy

$$\text{Ví dụ} \quad \frac{7 - \frac{1}{6}}{6 - \frac{1}{7}} = \frac{9 - \frac{1}{5}}{5 - \frac{1}{9}} = \frac{12 - \frac{1}{9}}{9 - \frac{1}{12}}$$

§8. TÍNH CHẤT CỦA DÃY TỈ SỐ BẰNG NHAU

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Tính chất của dãy tỉ số bằng nhau :

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a+c}{b+d} = \frac{a-c}{b-d} \quad (b \neq \pm d)$$

$$\text{Mở rộng} \quad \frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f} \Rightarrow \frac{a+c+e}{b+d+f} = \frac{a-c+e}{b-d+f}$$

2. Số tỉ lệ : Khi nói các số a, b, c tỉ lệ với các số $3, 5, 7$ tức là ta có :

$$\frac{a}{3} = \frac{b}{5} = \frac{c}{7}$$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Tìm 2 số x, y biết $\frac{x}{7} = \frac{y}{13}$, biết $x + y = 40$.

2. Tìm 2 số x và y biết $\frac{x}{19} = \frac{y}{21}$ và $x - y = 4$.

Bài giải

1. Áp dụng tính chất dãy tỉ số bằng nhau, ta có :

$$\frac{x}{7} = \frac{y}{13} = \frac{x+y}{7+13} = \frac{40}{20} = 2$$

$$\text{Vậy} \quad \frac{x}{7} = 2 \quad \Rightarrow \quad x = 7 \cdot 2 = 14$$

$$\frac{y}{13} = 2 \quad \Rightarrow \quad y = 13 \cdot 2 = 26$$

$$\text{Vậy} \quad x = 14, \quad y = 26$$

$$2. \text{ Tương tự: } \frac{x}{19} - \frac{y}{21} = \frac{x - y}{19 - 21} = \frac{4}{-2} = -2$$

$$\text{Vậy } \frac{x}{19} = 2 \quad \Rightarrow \quad x = 19(2) = 38$$

$$\frac{y}{21} = 2 \quad \Rightarrow \quad y = 21(2) = 42$$

$$\text{Vậy } x = 38, \quad y = 42$$

B. Bài tập sách giáo khoa

$$54. \text{ Tìm hai số } x \text{ và } y \text{ biết } \frac{x}{3} - \frac{y}{5} \text{ và } x + y = 16$$

$$55. \text{ Tìm hai số } x \text{ và } y \text{ biết } x : 2 = y : (-5) \text{ và } x - y = -7$$

$$56. \text{ Tìm diện tích của một hình chữ nhật biết rằng tỉ số giữa hai cạnh của nó bằng } \frac{2}{5} \text{ và chu vi bằng } 28\text{m.}$$

$$57. \text{ Số viên bi của ba bạn Minh, Hùng, Dũng tỉ lệ với các số } 2, 4, 5. \text{ Tính số viên bi của mỗi bạn biết rằng ba bạn có tất cả } 44 \text{ viên bi.}$$

$$58. \text{ Hai lớp } 7A \text{ và } 7B \text{ đi lao động trồng cây. Biết rằng tỉ số giữa cây trồng được của lớp } 7A \text{ và lớp } 7B \text{ là } 0,8 \text{ và lớp } 7B \text{ trồng nhiều hơn lớp } 7A \text{ là } 20 \text{ cây. Tính số cây mỗi lớp đã trồng.}$$

Giải

$$54. \text{ Áp dụng tính chất của dãy tỉ số bằng nhau, ta có:}$$

$$\frac{x}{3} = \frac{y}{5} = \frac{x + y}{3 + 5} = \frac{16}{8} = 2$$

$$\text{Vậy } \frac{x}{3} = 2 \quad \Rightarrow \quad x = 6$$

$$\frac{y}{5} = 2 \quad \Rightarrow \quad y = 10$$

$$55. \text{ Áp dụng tính chất của dãy tỉ số bằng nhau, ta có:}$$

$$\frac{x}{2} = \frac{y}{-5} = \frac{x - y}{2 - (-5)} = \frac{-7}{7} = -1$$

$$\text{Vậy } \frac{x}{2} = -1 \quad \Rightarrow \quad x = -2$$

$$\frac{y}{-5} = -1 \quad \Rightarrow \quad y = 5$$

$$56. \text{ Gọi } x \text{ (m); } y \text{ (m) là các cạnh của hình chữ nhật. Theo đề bài ta có}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{2}{5} \text{ và } 2(x + y) = 28$$

$$\text{Suy ra } \frac{x}{2} = \frac{y}{5} \text{ và } x + y = 14$$

$$\text{Ta có } \frac{x}{2} = \frac{y}{5} \Rightarrow \frac{x+y}{2+5} = \frac{14}{7} = 2$$

$$\text{Suy ra } \frac{x}{2} = 2 \Rightarrow x = 4$$

$$\text{Và } \frac{y}{5} = 2 \Rightarrow y = 10$$

Vậy diện tích hình chữ nhật là $S = x \cdot y = 4 \cdot 10 = 40 \text{ (m}^2\text{)}$

57. Gọi x, y, z lần lượt là số bi của bạn Minh, Hùng, Dũng tỉ lệ với 2, 4, 5

Theo tính chất của dãy số tỉ lệ ta có

$$\frac{x}{2} = \frac{y}{4} = \frac{z}{5} = \frac{x+y+z}{2+4+5} = \frac{44}{11} = 4$$

$$\text{Vậy } \frac{x}{2} = 4 \Rightarrow x = 8$$

$$\frac{y}{4} = 4 \Rightarrow y = 16$$

$$\frac{z}{5} = 4 \Rightarrow z = 20$$

Vậy số bi của bạn Minh, Hùng, Dũng lần lượt là 8 viên, 16 viên và 20 viên

58. Gọi x (cây) và y (cây) lần lượt là số cây của lớp 7A và lớp 7B trồng được

Theo đề bài ta có

$$\frac{x}{0,8} = \frac{y}{1} \text{ và } y - x = 20 \Rightarrow \frac{x}{0,8} = \frac{y}{1} \Rightarrow \frac{y-x}{1-0,8} = \frac{20}{0,2} = 100$$

$$\text{Vậy } \frac{x}{0,8} = 100 \Rightarrow x = 80 \text{ (cây)}$$

$$\frac{y}{1} = 100 \Rightarrow y = 100 \text{ (cây)}$$

Vậy lớp 7A trồng được 80 cây và lớp 7B trồng được 100 cây

Luyện tập

59. Thay tỉ số giữa các số hữu tỉ bằng tỉ số giữa các số nguyên

$$\text{a) } 2,04 : (-3,12); \quad \text{b) } \left(-1\frac{1}{2}\right) : 1,25; \quad \text{c) } 4 : 5\frac{3}{4}; \quad \text{d) } 10\frac{3}{7} : 5\frac{3}{14}$$

60. Tìm x trong tỉ lệ thức sau:

$$\text{a) } \left(\frac{1}{3}x\right) : \frac{2}{3} = 1\frac{3}{4} : \frac{2}{5}$$

$$\text{b) } 4,5 : 0,3 = 2,25 : (0,1 \cdot x)$$

$$c) 8 \cdot \left(\frac{1}{4} x \right) = 2 : 0,02 ;$$

$$d) 3 \cdot 2 \frac{1}{4} = \frac{3}{4} \quad (6x)$$

61. Tìm ba số x, y, z biết rằng $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{y}{4} = \frac{z}{5}$ và $x + y + z = 10$

62. Tìm hai số x và y biết rằng $\frac{x}{2} = \frac{y}{5}$ và $xy = 10$.

63. Chứng minh rằng tỉ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ($a, b \neq 0, c, d \neq 0$) ta có thể suy ra tỉ lệ thức

$$\text{thức } \frac{a+b}{a-b} = \frac{c+d}{c-d}$$

64. Số học sinh bốn khối 6, 7, 8, 9 tỉ lệ với các số 2, 3, 7, 5. Biết rằng số học sinh khối 9 ít hơn số học sinh khối 7 là 70 học sinh. Tính số học sinh mỗi khối

Bài giải

59. a) $2,04 : (-3,12) = \frac{2,04}{-3,12} = \frac{204}{-312}$

b) $\left(-1 \frac{1}{2} \right) : 1,25 = \frac{-1 \frac{1}{2}}{1,25} = \frac{-\frac{3}{2}}{1,25} = \frac{-3}{1,25 \cdot 2} = \frac{-150}{125}$

c) $4 \cdot 5 \frac{3}{4} = \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} = \frac{4}{23} = \frac{16}{23}$

d) $10 \frac{3}{7} : 5 \frac{3}{14} = \frac{10 \frac{3}{7}}{5 \frac{3}{14}} = \frac{\frac{73}{7}}{\frac{73}{14}} = \frac{73}{7} \cdot \frac{14}{73} = 2$

60. a) $\left(\frac{1}{3} x \right) : \frac{2}{3} = 1 \frac{3}{4} = \frac{7}{4}$ hay $\frac{1}{3} x : \frac{3}{2} = \frac{7}{4} \cdot \frac{6}{2}$

hay $\frac{x}{2} = \frac{35}{8} \Rightarrow x = \frac{35 \cdot 2}{8} = \frac{35}{4}$. Vậy $x = \frac{35}{4}$

b) $4,5 : 0,3 = 2,25 \cdot (0,1x) \Rightarrow 0,1x = \frac{2,25 \cdot 0,3}{4,5}$

$$\Rightarrow 0,1x = 0,15 \Rightarrow x = \frac{0,15}{0,1} = 1,5 \text{ Vậy } x = 1,5$$

c) $8 \cdot \left(\frac{1}{4} x \right) = 2 : 0,02$ hay $\frac{32}{x} = 100 \Rightarrow x = \frac{32}{100} = 0,32$. Vậy $x = 0,32$

d) $3 \cdot 2 \frac{1}{4} = \frac{3}{4} ; (6x)$ hay $3 : \frac{9}{4} = \frac{3}{4} = 6x$

$$\text{hay } \frac{12}{9} = \frac{1}{24x} \quad \text{hay } \frac{1}{8x} = \frac{4}{3} \Rightarrow x = \frac{3}{32} \quad \text{Vậy } x = \frac{3}{32}$$

$$61. \text{Ta có } \frac{x}{2} = \frac{y}{3} \Rightarrow \frac{x}{2} = \frac{y}{3} = 4 \text{ hay } \frac{x}{8} = \frac{y}{12} \quad (1)$$

$$\text{Ta có } \frac{y}{4} = \frac{z}{5} \Rightarrow \frac{y}{4} = \frac{z}{5} = 3 \text{ hay } \frac{y}{12} = \frac{z}{15} \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2) ta có } \frac{x}{8} = \frac{y}{12} = \frac{z}{15} = \frac{x+y+z}{8+12+15} = \frac{10}{5} = 2$$

$$\text{Vậy } \frac{x}{8} = 2 \Rightarrow x = 16, \quad \frac{y}{12} = 2 \Rightarrow y = 24, \quad \frac{z}{15} = 2 \Rightarrow z = 30$$

$$62. \text{Ta đặt } \frac{x}{2} = \frac{y}{5} = k \Rightarrow x = 2k, y = 5k$$

$$\Rightarrow x \cdot y = 10k^2 \text{ hay } 10k^2 = 10 \text{ (vì } x \cdot y = 10) \Leftrightarrow k^2 = 1 \Rightarrow k = \pm 1$$

$$\text{Với } k = 1 \text{ thì } \frac{x}{2} = 1 \Rightarrow x = 2, \quad \frac{y}{5} = 1 \Rightarrow y = 5$$

$$\text{Với } k = -1 \text{ thì } \frac{x}{2} = -1 \Rightarrow x = -2, \quad \frac{y}{5} = -1 \Rightarrow y = -5$$

$$63. \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{c} = \frac{b}{d} = \frac{a+b}{c+d} = \frac{a-b}{c-d}$$

$$\frac{a+b}{c+d} = \frac{a-b}{c-d} \Rightarrow \frac{a+b}{a-b} = \frac{c+d}{c-d}$$

64. Gọi x, y, z, t (thực sinh) lần lượt là số học sinh của khối 6, 7, 8, 9 ($x, y, z, t \in \mathbb{N}^*$)

$$\text{Theo đề bài ta có: } \frac{x}{9} = \frac{y}{8} = \frac{z}{7} = \frac{t}{6} \text{ và } y - t = 70$$

$$\text{Áp dụng tính chất dãy tỉ số bằng nhau, ta có: } \frac{y}{8} = \frac{t}{6} = \frac{y-t}{8-6} = \frac{70}{2} = 35$$

$$\text{Vậy } \frac{x}{9} = 35 \Rightarrow x = 315 \text{ (thực sinh); } \frac{y}{8} = 35 \Rightarrow y = 280 \text{ (học sinh)}$$

$$\frac{z}{7} = 35 \Rightarrow z = 245 \text{ (thực sinh); } \frac{t}{6} = 35 \Rightarrow t = 210 \text{ (học sinh)}$$

§9. SỐ THẬP PHÂN HỮU HẠN. SỐ THẬP PHÂN VÔ HẠN TUẦN HOÀN

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

- Số thập phân hữu hạn, số thập phân vô hạn tuần hoàn
 - Nếu một phân số tối giản với mẫu dương mà mẫu không có ước nguyên tố khác 2 và 5 thì phân số đó viết được dưới dạng số thập phân hữu hạn.
 - Nếu một phân số tối giản với mẫu dương mà mẫu có ước nguyên tố khác 2 và 5 thì phân số đó viết được dưới dạng số thập phân vô hạn tuần hoàn.
- Chú ý
 - Mỗi số hữu tỉ được biểu diễn bởi một số thập phân hữu hạn hoặc vô hạn tuần hoàn.
 - Ngược lại, mỗi số thập phân hữu hạn hoặc vô hạn tuần hoàn đều biểu diễn một số hữu tỉ nào đó.

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

- Viết các phân số sau đây dưới dạng số thập phân : $\frac{25}{40}$; $\frac{35}{77}$.
- Viết các số thập phân tuần hoàn sau dưới dạng phân số : $0,(703)$; $2,4(3)$

Bài giải

- Ta có : $\frac{25}{40} = \frac{5}{8} = 0,625$; $\frac{35}{77} = \frac{5}{11} = 0,(45)$
- $0,(703) = \frac{19}{27}$; $2,4(3) = 2\frac{31}{76}$

B. Bài tập cần làm

- Giải thích vì sao các phân số sau viết được dưới dạng số thập phân hữu hạn rồi viết chúng dưới dạng đó : $\frac{3}{8}$; $\frac{-7}{5}$; $\frac{13}{20}$; $\frac{-13}{125}$.
- Giải thích vì sao các phân số sau viết được dưới dạng số thập phân vô hạn tuần hoàn rồi viết chúng dưới dạng đó : $\frac{1}{6}$; $\frac{-5}{11}$; $\frac{4}{9}$; $\frac{-7}{18}$.

67. Cho phân số $A = \frac{3}{2}$. Hãy điền vào ô vuông một số nguyên tố có một

chữ số để phân số A viết được dưới dạng số thập phân hữu hạn. Có thể
điền mấy số như vậy ?

Bài giải:

65. Các phân số $\frac{3}{8}$, $\frac{7}{5}$, $\frac{13}{20}$, $\frac{13}{125}$ đều là các phân số tối giản, có mẫu số
là số dương và mẫu không chia hết cho số nguyên tố nào khác 2 và 5, do
đó các phân số trên viết được dưới dạng số thập phân hữu hạn:

$$\begin{aligned} \text{Ta có } \frac{3}{8} &= \frac{3}{2 \cdot 2 \cdot 2} = 0,375; & \frac{7}{5} &= 1,4 \\ \frac{13}{20} &= \frac{13}{2 \cdot 2 \cdot 5} = 0,65; & \frac{13}{125} &= \frac{13}{5 \cdot 5 \cdot 5} = -0,104 \end{aligned}$$

66. Các phân số $\frac{1}{6}$, $\frac{5}{11}$, $\frac{4}{9}$, $\frac{7}{18}$ đều là các phân số tối giản với mẫu số là
số dương và mẫu chưa chia hết cho số nguyên tố khác 2 và 5, do đó các phân số
trên viết được dưới dạng số thập phân vô hạn tuần hoàn:

$$\begin{aligned} \text{Ta có } \frac{1}{6} &= \frac{1}{2 \cdot 3} = 0,1\overline{6}; & \frac{5}{11} &= 0,4\overline{54} \\ \frac{4}{9} &= \frac{4}{3 \cdot 3} = 0,4\overline{4}; & \frac{7}{18} &= \frac{7}{2 \cdot 3 \cdot 3} = 0,3\overline{8} \end{aligned}$$

67. $A = \frac{3}{2}$. Ta có thể điền vào ô vuông số nguyên tố 2 hoặc 5 để phân số

$A = \frac{3}{2}$ trở thành số thập phân hữu hạn (lí luận như bài tập 65 ở trên)

$$\text{Ta có } A = \frac{3}{2 \cdot 2} = 0,75 \text{ hoặc } A = \frac{3}{2 \cdot 5} = 0,3$$

Luyện tập

68. a) Trong các phân số sau đây, phân số nào viết được dưới dạng số thập
phân hữu hạn, phân số nào viết được dưới dạng số thập phân vô hạn
tuần hoàn?

$$\frac{5}{8}, \frac{-3}{20}, \frac{4}{11}, \frac{15}{22}, \frac{-7}{12}, \frac{14}{35}$$

b) Viết các phân số trên dưới dạng số thập phân hữu hạn hoặc số thập
phân vô hạn tuần hoàn (viết gọn với chu kì trong dấu ngoặc).

69. Dùng dấu ngoặc để chỉ rõ chu kì trong thương (viết dưới dạng số thập
phân vô hạn tuần hoàn) của các phép chia sau

$$\text{a) } 8,5 : 3; \quad \text{b) } 18,7 : 6; \quad \text{c) } 58 : 11; \quad \text{d) } 14,2 : 3,33.$$

70. Viết các số thập phân hữu hạn sau đây dưới dạng phân số tối giản:
 a) 0,32 ; b) 0,124 ; c) 1,28 ; d) 3,12
71. Viết các phân số $\frac{1}{99}$, $\frac{1}{999}$ dưới dạng số thập phân.
72. **Đố** Các số sau đây có bằng nhau không ? 0,(31) ; 0,3(13)

Giải

68. a) Trước hết, ta nhận thấy phân số $\frac{14}{35}$ chưa tối giản, nên ta rút gọn

$$\text{phân số này: } \frac{14}{35} = \frac{2}{5}$$

$$\text{Ta có } 8 = 2^3 ; 20 = 2^2 \cdot 5 ; 5$$

Từ đây suy ra các phân số $\frac{5}{8}$; $\frac{-3}{20}$; $\frac{14}{35}$ có thể viết được dưới dạng số thập phân hữu hạn.

Ngược các phân số trên, các phân số $\frac{4}{11}$, $\frac{15}{22}$, $\frac{-7}{12}$ có mẫu chưa tích thừa số nguyên khác 2 và 5 nên các phân số này viết được dưới dạng số thập phân vô hạn tuần hoàn.

$$\begin{aligned} \text{b) Ta có: } \frac{5}{8} &= 0,625 ; & \frac{-3}{20} &= -0,15 ; & \frac{14}{35} &= \frac{2}{5} = 0,4 \\ \frac{4}{11} &= 0,(36) ; & \frac{15}{22} &= 0,6(81) ; & \frac{-7}{12} &= -0,58(3). \end{aligned}$$

69. a) $8,5 ; 3 = 2,8333... = 2,8(3)$
 b) $18,7 ; 6 = 3,116666... = 3,11(6)$
 c) $58 ; 11 = 5,272727... = 5,(27)$
 d) $14,2 ; 3,33 = 4,264264264... = 4,(264)$

$$\begin{aligned} 70. \text{ a) } 0,32 &= \frac{32}{100} = \frac{8}{25} & \text{ b) } -0,124 &= -\frac{124}{1000} = -\frac{31}{250} \\ \text{ c) } 1,28 &= \frac{128}{100} = \frac{32}{25} & \text{ d) } -3,12 &= -\frac{312}{100} = -\frac{78}{25} \end{aligned}$$

$$71. \text{ Ta có: } \frac{1}{99} = 0,010101... = 0,(01) ; \quad \frac{1}{999} = 0,001001... = 0,(001)$$

$$72. \text{ Ta có: } 0,31 = 0,31313131... ; \quad 0,3(13) = 0,313131313... \\ \text{Vậy } 0,(31) = 0,3(13).$$

Hoặc có thể làm như sau: Áp dụng cách viết một số thập phân vô hạn tuần hoàn dưới dạng phân số, ta có

Số thập phân 0,(31) có chu kì là 31, chu kì có hai số nên dạng phân số của nó là: $0,(31) = \frac{31}{99} \quad (1)$

Số thập phân $0,31\overline{3}$ là số thập phân tuần hoàn tạp, có phần bất thường là 3, chu kỳ là 13 có hai chữ số nên dạng phân số của nó là

$$0,31\overline{3} = \frac{313 - 3}{990} = \frac{330}{990} = \frac{31}{99} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) suy ra $0,31\overline{3} = 0,31\overline{13}$

§10. LÀM TRÒN SỐ

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

Quy ước làm tròn số

1. Nếu chữ số đầu tiên bỏ đi nhỏ hơn 5 ta giữ nguyên bộ phận còn lại.
Ví dụ: Làm tròn số 86,149 đến chữ số thập phân thứ nhất. Trong trường hợp số nguyên thì ta thay các chữ số bị bỏ đi bằng các chữ số 0. Ta có $86,149 \approx 86,1$ (chính xác đến một chữ số thập phân).
2. Chữ số đầu tiên bỏ đi lớn hơn hoặc bằng 5 thì ta cộng thêm 1 vào chữ số cuối cùng của bộ phận còn lại. Trong trường hợp số nguyên thì ta thay các chữ số bị bỏ đi bằng các chữ số 0.
Ví dụ: Làm tròn số 0,0861 đến chữ số thập phân thứ 2 : $0,0861 \approx 0,09$ (chính xác đến hai chữ số thập phân)

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

- a) Làm tròn số 69,3826 đến chữ số thập phân thứ ba.
- b) Làm tròn số 69,3826 đến chữ số thập phân thứ hai.
- c) Làm tròn số 69,3826 đến chữ số thập phân thứ nhất.

Bài giải

- a) Làm tròn số $69,3826 \approx 69,383$ đến chữ số thập phân thứ ba.
- b) Làm tròn số $69,3826 \approx 69,38$ đến chữ số thập phân thứ hai.
- c) Làm tròn số $69,3826 \approx 69,4$ đến chữ số thập phân thứ nhất.

B. Bài tập cần làm

79. Làm tròn các số sau đến chữ số thập phân thứ hai :

7,923; 17,418; 79,1384; 50,401; 0,155; 60,996

74. Hết học kì I, điểm toán của bạn Cường như sau :

Hệ số 1 : 7, 8, 6, 10 ; Hệ số 2 : 7, 8, 5, 9 ; Hệ số 3 : 8

Em hãy tính điểm trung bình môn toán học kì I của bạn Cường (chính xác đến một chữ số thập phân).

75. Trong thực tế, khi đếm hay đo các đại lượng, ta thường chỉ được các số gần đúng. Để có thể thu được kết quả có nhiều khả năng sát số đúng nhất, ta thường phải đếm hay đo nhiều lần rồi tính trung bình cộng của các số gần đúng tìm được.

Hãy tìm giá trị có nhiều khả năng sát số đúng nhất của số đo chiều dài lớp học của em sau khi đo năm lần chiều dài ấy.

76. Kết quả cuộc Tổng điều tra dân số ở nước ta tính đến 0 giờ ngày 1/4/1999 cho biết: dân số nước ta là 76 324 753 người, trong đó có 3 696 cụ u 100 tuổi trở lên. Hãy làm tròn các số 76 324 753 và 3 696 đến hàng chục, hàng trăm, hàng nghìn.

77. Ta có thể áp dụng quy ước làm tròn số để ước lượng kết quả các phép tính. Nhờ đó dễ dàng phát hiện ra những đáp số không hợp lí. Việc ước lượng này lại càng cần thiết khi sử dụng máy tính bỏ túi trong trường hợp xuất hiện những kết quả sai do ta bấm nhầm nút.

Chẳng hạn, để ước lượng kết quả của phép nhân $6\,439,384$, ta làm như sau:

- Làm tròn đến chữ số ở hàng cao nhất của mỗi thừa số.

$$6439 \approx 6000; \quad 384 \approx 400$$

Nhận hai số làm tròn : $6000, 400 \approx 2\,400\,000$.

Như vậy, tích phải tìm sẽ là một số xấp xỉ 2 triệu.

Ở đây, tích đúng là : $6439,384 \approx 2\,472\,576$.

Theo cách trên, hãy ước lượng kết quả các phép tính sau:

- a) $495,52$; b) $82,38,5,1$; c) $8730 \cdot 48$

Bài giải

73. Ta có :
- $7,923 \approx 7,92$ (chấn đến 2 chữ số thập phân)
 - $17,418 \approx 17,42$ (chấn đến 2 chữ số thập phân)
 - $79,1384 \approx 79,14$ (chấn đến 2 chữ số thập phân)
 - $50,401 \approx 50,40$ (chấn đến 2 chữ số thập phân)
 - $0,155 \approx 0,18$ (chấn đến 2 chữ số thập phân)
 - $60,996 \approx 61,00$ (chấn đến 2 chữ số thập phân)

74. Điểm trung bình môn toán học kì I của bạn Cường là :

$$Tb_c = \frac{(7 + 8 + 8 + 10) + (2 + 7 + 6 + 5 + 9) + 3,8}{15} = \frac{109}{15} \approx 7,3$$

75. Học sinh tự làm

76. - Làm tròn đến hàng chục : $76\,324\,753 \approx 76324750$; $3696 \approx 3700$
 - Làm tròn đến hàng trăm : $76\,324\,753 \approx 76324800$; $3696 \approx 3700$
 - Làm tròn đến hàng nghìn : $76\,324\,753 \approx 76325000$; $3696 \approx 4000$

77. a) Làm tròn số đến chữ số ở hàng cao nhất của mỗi thừa số

$$495 \approx 500; \quad 52 \approx 50$$

Khi đó ước lượng ta được kết quả : $500.50 = 25\,000$

$$\text{ta } 82,36 \approx 80,$$

$$5,1 \approx 5$$

Khi đo ước lượng ta được kết quả $80 : 5 = 160$

$$\text{c) } 6730 \approx 7000,$$

$$48 \approx 50$$

Khi đo ước lượng ta được kết quả $7000 : 50 = 140$

Luyện tập

78. Khi nói đến tivi loại 21 in-sô, ta hiểu rằng đường chéo màn hình của chiếc tivi này dài 21 in-sô (in-sô (inch) là hiệu "in" là đơn vị đo chiều dài theo hệ thống Anh, Mĩ, $1\text{ in} = 2,54\text{cm}$). Vậy đường chéo màn hình của chiếc tivi này dài khoảng bao nhiêu xentimét?

79. Tính chu vi và diện tích của một mảnh vườn hình chữ nhật có chiều dài là 10,234m và chiều rộng là 4,7m (làm tròn đến hàng đơn vị)

80. Pao (pound) là hiệu "lb" còn gọi là cân Anh là đơn vị đo khối lượng của Anh, $1\text{ lb} \approx 0,45\text{kg}$. Hỏi 1kg gần bằng bao nhiêu pao (làm tròn đến chữ số thập phân thứ hai)?

81. Tính giá trị (làm tròn đến hàng đơn vị) của các biểu thức sau bằng hai cách

Cách 1 : Làm tròn các số trước rồi mới thực hiện phép tính

Cách 2 : Thực hiện phép tính rồi làm tròn kết quả.

Số sánh các kết quả tìm được qua hai cách làm

$$\text{a) } 14,61 + 7,18 + 3,2,$$

$$\text{b) } 7,66 : 5,173,$$

$$\text{c) } 73,95 - 14,2,$$

$$\text{d) } \frac{21,73 \cdot 0,815}{7,3}$$

Ví dụ: Tính giá trị (làm tròn đến hàng đơn vị) của biểu thức $A = \frac{17,68 \cdot 5,8}{8,9}$

$$\text{Cách 1 : } A \approx \frac{18,6}{9} = 2$$

$$\text{Cách 2 : } A \approx \frac{102,344}{8,9} = 11,521797 \approx 12$$

Bài giải

78. Vì một inch xấp xỉ 2,5cm nên 21 inch là:

$$2,5 \cdot 21 = 52,5 \text{ (cm)} \approx 53 \text{ (cm)}$$

79. Ta có $10,234\text{m} \approx 10\text{m}$, $4,7\text{m} \approx 5\text{m}$

Chu vi của hình chữ nhật $(10 + 5) \cdot 2 = 30\text{m}$

Diện tích của hình chữ nhật $10 \cdot 5 = 50\text{m}^2$

80. Ta có $1\text{ lb} \approx 0,45\text{kg}$

Suy ra $1\text{kg} \approx 1 : 0,45 \approx 2,2$

Đáp số : $1\text{kg} \approx 2,2\text{pao}$

81. a) $A = 14,61 - 7,15 + 3,2$

Cách 1 : $A = 15 - 7 + 3 = 11$

Cách 2 : $A = 10,66 = 11$

Hai kết quả này giống nhau

b) $B = 7,56.5,173$

Cách 1 : $B = 8.5 = 40$

Cách 2 : $B = 7,56.5,173 = 39,1 \approx 39$

Hai kết quả này khác nhau

c) $C = 73,95.14,2$

Cách 1 : $C = 74 : 14 = 5,2 \approx 5$

Cách 2 : $C = 73,95 \cdot 14,2 \approx 5,2 \approx 5$

Hai kết quả này giống nhau

d) $D = \frac{21.730,815}{7,3}$

Cách 1 : $D = \frac{22.1}{7} \approx 3,1 \approx 3$

Cách 2 : $D = \frac{21.730,815}{7,3} \approx 2,42 \approx 2$

Hai kết quả này khác nhau

§11. SỐ VÔ TỈ . KHÁI NIỆM VỀ CĂN BẬC HAI

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Số vô tỉ :

Số vô tỉ là số có thể viết dưới dạng số thập phân vô hạn không tuần hoàn. Tập hợp số vô tỉ được kí hiệu là \mathbb{I} .

Cô vô số số vô tỉ.

2. Khái niệm về căn bậc hai :

a) Định nghĩa : Căn bậc hai của một số a không âm là một số x sao cho $x^2 = a$

b) Tính chất : Với hai số dương bất kì a và b

- Nếu $a = b$ thì $\sqrt{a} = \sqrt{b}$

- Nếu $a < b$ thì $\sqrt{a} < \sqrt{b}$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Tính $\sqrt{49}$, $\sqrt{0,01}$; $\sqrt{\frac{4}{25}}$; $\sqrt{0,0016}$

2. Viết gọn các căn bậc hai của 3; 10; 25

3. So sánh hai số 13 và $\sqrt{170}$, 5 và $\sqrt{25}$

Bài giải

1. $\sqrt{49} = 7$ vì $7^2 = 49$.

$\sqrt{0,01} = 0,1$ vì $0,1^2 = 0,01$

$\sqrt{\frac{4}{25}} = \frac{2}{5}$ vì $\left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25}$.

$\sqrt{0,0016} = 0,04$ vì $(0,04)^2 = 0,0016$

2. Viết gọn các căn bậc hai của 3; 10; 25 lần lượt là: $\pm\sqrt{3}$; $\pm\sqrt{10}$; $\pm\sqrt{25}$

3. • Ta có $13 = \sqrt{169} < \sqrt{170}$. Vậy $13 < \sqrt{170}$

• Ta có $\sqrt{25} = 5$

B. Bài tập căn bản

82. Theo mẫu: Vì $2^2 = 4$ nên $\sqrt{4} = 2$, hãy hoàn thành bài tập sau:

a) Vì $5^2 = \dots$ nên $\sqrt{\dots} = 5$;

b) Vì $7^2 = 49$ nên $\dots = 7$;

c) Vì $1^2 = 1$ nên $\sqrt{1} = \dots$;

d) Vì $\left(\frac{2}{3}\right)^2 = \dots$ nên $\dots = \dots$;

83. Ta có: $\sqrt{25} = 5$; $-\sqrt{25} = -5$; $\sqrt{(-5)^2} = \sqrt{25} = 5$

Theo mẫu trên, hãy tính:

a) $\sqrt{36}$; b) $-\sqrt{16}$; c) $\sqrt{\frac{9}{25}}$; d) $\sqrt{3^2}$; e) $\sqrt{(-3)^2}$

84. Nếu $\sqrt{x} = 2$ thì x^2 bằng.

A) 2

B) 4

C) 8

D) 16.

Hãy chọn câu trả lời đúng.

85. Điền số thích hợp vào ô trống:

x	4		0,25		$(-3)^2$		10^4		$\frac{9}{4}$	
\sqrt{x}		4		0,25		$(-3)^2$		10^4		$\frac{9}{4}$

86. Sử dụng máy tính bỏ túi. Nút dấu căn bậc hai $\sqrt{\quad}$

Tính	Nút ấn	Kết quả
$\sqrt{5,7121}$	$\boxed{5} \boxed{.} \boxed{7} \boxed{1} \boxed{2} \boxed{1} \boxed{\sqrt{}}$	2,39
$\sqrt{108,48}$	$\boxed{1} \boxed{0} \boxed{8} \boxed{.} \boxed{4} \boxed{8} \boxed{.} \boxed{\sqrt{}}$	72
$\sqrt{\frac{6,3+8,2}{3,5}}$	$\boxed{8} \boxed{.} \boxed{3} \boxed{+} \boxed{8} \boxed{.} \boxed{2} \boxed{-}$ $\boxed{+} \boxed{3} \boxed{.} \boxed{5} \boxed{=} \boxed{\sqrt{}}$	2,0384000
$\frac{\sqrt{7,9}}{1,5}$	$\boxed{7} \boxed{.} \boxed{9} \boxed{\sqrt{}} \boxed{=} \boxed{1} \boxed{.} \boxed{5} \boxed{=}$	1,6737950

Dùng máy tính bỏ túi để tính: $\sqrt{3783025}$; $\sqrt{112545}$; $\sqrt{\frac{0,3+1,2}{0,7}}$; $\frac{\sqrt{6,4}}{1,2}$

Bài giải

82. a) Vì $5^2 = 25$ nên $\sqrt{25} = 5$; b) Vì $7^2 = 49$ nên $\sqrt{49} = 7$
 c) Vì $1^2 = 1$ nên $\sqrt{1^2} = 1$; d) Vì $\left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$ nên $\sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{2}{3}$

83. a) $\sqrt{36} = 6$; c) $\sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{3}{5}$;
 b) $-\sqrt{16} = -4$; d) $\sqrt{3^2} = 3$; e) $\sqrt{(-3)^2} = \sqrt{9} = 3$

84. $\sqrt{x} = 2 \Rightarrow x = 2^2 \Leftrightarrow x = 4 \Rightarrow x^2 = 4^2 \Leftrightarrow x^2 = 16$ Chọn câu D

85.

x	4	18	0,25	0,0625	$(-3)^2$	81	10^4	10^8	$\frac{9}{4}$	$\frac{81}{16}$
\sqrt{x}	2	4	0,5	0,25	3	$(-3)^2$	10^2	10^4	$\frac{3}{2}$	$\frac{9}{4}$

86. $\sqrt{3783025} = 1945$; $\sqrt{112545} = 225$

$$\sqrt{\frac{0,3+1,2}{0,7}} = 1,46385\dots$$

$$\frac{\sqrt{6,4}}{1,2} = 2,108185\dots$$

§12. SỐ THỰC

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Số hữu tỉ và số vô tỉ được gọi chung là số thực.

Tập hợp các số thực được kí hiệu là \mathbb{R} .

2. Trục số thực

Mỗi số thực được biểu diễn bởi một điểm trục số.

Ngược lại, mỗi điểm trên trục số đều biểu diễn một số thực.



Các phép toán trong tập hợp các số thực cũng có các tính chất tương tự như các phép toán trong tập hợp các số hữu tỉ (giao hoán, kết hợp, phân phối,...). Ta có $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}$.

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Cách viết $x \in \mathbb{R}$ cho ta biết điều gì?

2. So sánh các số thực. a) $2,(35)$ và $2,3691215\dots$; b) $-0,(63)$ và $-\frac{7}{11}$

- c) Điền các dấu \in, \notin thích hợp vào ô trống.

$$5 \square \mathbb{Q},$$

$$-3 \square \mathbb{R},$$

$$-3,5 \square \mathbb{Q}$$

$$0,2(35) \square \mathbb{I},$$

$$1 \square \mathbb{Q},$$

$$1 \square \mathbb{R}$$

Giải

1. Viết $x \in \mathbb{R}$ cho ta biết x là một phần tử thuộc tập hợp các số thực

2. a) Ta có $2,(35) < 2,3691215$

$$\text{b) Ta có } -\frac{7}{11} = -0,(63)$$

3. Ta có $5 \square \mathbb{Q}, \quad -3 \square \mathbb{R}, \quad -3,5 \square \mathbb{Q}$
 $0,2(35) \square \mathbb{I}, \quad 1 \square \mathbb{Q}, \quad 1 \square \mathbb{R}$

B. Bài tập căn bản

87. Điền các dấu \in, \notin thích hợp vào ô trống

$$3 \square \mathbb{Q};$$

$$3 \square \mathbb{R};$$

$$3 \square \mathbb{I};$$

$$-2,63 \square \mathbb{Q};$$

$$0,2(35) \square \mathbb{I};$$

$$\mathbb{N} \square \mathbb{Z};$$

$$1 \square \mathbb{R}$$

88. Điền vào chỗ trống () trong các phát biểu sau

- a) Nếu a là số thực thì a là số \dots hoặc số \dots .

b) Nếu b là số vô tỉ thì b viết được dưới dạng ...

88. Trong các câu sau đây, câu nào đúng, câu nào sai?

- a) Nếu a là số nguyên thì a cũng là số thực ;
 b) Chỉ có số 0 không là số hữu tỉ dương và cũng không là số hữu tỉ âm .
 c) Nếu a là số tự nhiên thì a không phải là số vô tỉ.

90. Thực hiện các phép tính :

$$a) \left(\frac{9}{25} - 2,18 \right) : \left(3\frac{4}{5} + 0,2 \right);$$

$$b) \frac{5}{18} - 1,456 : \frac{7}{25} + 4,5 \cdot \frac{4}{5}$$

Đáp giải

87. Ta có :

$$3 \begin{array}{|c|} \hline a \\ \hline \end{array} Q;$$

$$3 \begin{array}{|c|} \hline a \\ \hline \end{array} R;$$

$$3 \begin{array}{|c|} \hline a \\ \hline \end{array} I;$$

$$-2,53 \begin{array}{|c|} \hline a \\ \hline \end{array} Q$$

$$0,2(35) \begin{array}{|c|} \hline a \\ \hline \end{array} I;$$

$$N \begin{array}{|c|} \hline a \\ \hline \end{array} Z;$$

$$I \begin{array}{|c|} \hline a \\ \hline \end{array} R$$

88. a) Nếu a là số thực thì a là số hữu tỉ hoặc số vô tỉ

b) Nếu b là số vô tỉ thì b viết được dưới dạng số thập phân vô hạn không tuần hoàn.

89. a) Đúng

b) Sai, vì số vô tỉ cũng không là số hữu tỉ dương và không là số hữu tỉ âm.

c) Đúng

$$\begin{aligned} 90. a) \left(\frac{9}{25} - 2,18 \right) : \left(3\frac{4}{5} + 0,2 \right) &= \left(\frac{9}{25} - 36 \right) : \left(\frac{19}{5} + \frac{1}{5} \right) = \left(\frac{9 - 900}{25} \right) : \frac{20}{5} \\ &= \frac{-891}{25} : 4 = \frac{-891}{25} \cdot \frac{1}{4} = \frac{-891}{100} = -8,91 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b) \frac{5}{18} - 1,456 : \frac{7}{25} + 4,5 \cdot \frac{4}{5} &= \frac{5}{18} - \frac{1456}{1000} : \frac{7}{25} + \frac{45}{10} \cdot \frac{4}{5} \\ &= \frac{5}{18} - \frac{1456}{1000} \cdot \frac{25}{7} + \frac{45}{10} \cdot \frac{4}{5} = \frac{5}{18} - \frac{26}{8} + \frac{18}{5} = \frac{5}{18} - \frac{8}{5} = \frac{-119}{90} = -1\frac{29}{90} \end{aligned}$$

Luyện tập

91. Điền chữ số thích hợp vào ô vuông :

$$a) -3,02 < -3, \begin{array}{|c|} \hline \\ \hline \end{array} 1;$$

$$b) -7,5 \begin{array}{|c|} \hline \\ \hline \end{array} 8 > -7,513$$

$$c) -0,4 \begin{array}{|c|} \hline \\ \hline \end{array} 854 < -0,49828,$$

$$d) -1, \begin{array}{|c|} \hline \\ \hline \end{array} 0785 < -1,892$$

$$92. Sắp xếp các số thực : -3,2; \quad 1; \quad -\frac{1}{2}; \quad 7,4; \quad 0; \quad -1,5$$

a) Theo thứ tự từ nhỏ đến lớn;

b) Theo thứ tự từ nhỏ đến lớn của các giá trị tuyệt đối của chúng

93. Tìm x , biết a) $3,2x + (-1,2)x + 2,7 = -4,9$

b) $(-5,6)x + 2,9x - 3,86 = -9,8$

94. Hãy tìm các tập hợp

a) $Q \cap I$,

b) $R \cap I$.

95. Tính giá trị của các biểu thức

$$A = -5,13 \cdot \left(5\frac{5}{28} - 1\frac{8}{9} \cdot 1,25 + 1\frac{16}{63} \right).$$

$$B = \left(3\frac{1}{3} \cdot 19 + 19,5 - 4\frac{1}{3} \right) \cdot \left(\frac{62}{75} - \frac{4}{25} \right)$$

Giải

91. a) $-3,0\overline{2} < -3, \left[\overline{0} \right] 1$.

b) $-7,5 \left[\overline{0} \right] 8 > -7,513$

c) $-0,4 \left[\overline{9} \right] 854 < -0,49826$.

d) $-1, \left[\overline{9} \right] 0765 < -1,892$

92. a) Sắp xếp theo thứ tự từ nhỏ đến lớn : $-3,2 < -1,5 < -\frac{1}{2} < 0 < 1 < 7,4$

b) Sắp xếp theo thứ tự từ nhỏ đến lớn của các giá trị tuyệt đối của chúng

$$\text{Ta có } |-3,2| = 3,2; \quad |-1,5| = 1,5; \quad \left| -\frac{1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\text{Khi đó : } 0 < \left| -\frac{1}{2} \right| < 1 < |-1,5| < |-3,2| < 7,4.$$

93. a) $3,2x + (-1,2)x + 2,7 = -4,9 \Rightarrow 3,2x - 1,2x = -4,9 - 2,7$

$$\Rightarrow 2x = -7,6 \Rightarrow x = \frac{-7,6}{2} = -3,8$$

$$\text{Vậy } x = -3,8$$

b) $(-5,6)x + 2,9x - 3,86 = -9,8 \Rightarrow -5,6x + 2,9x = -9,8 + 3,86$

$$\Rightarrow -2,7x = -5,94 \Rightarrow x = \frac{-5,94}{-2,7} = 2,2$$

$$\text{Vậy } x = 2,2$$

94. a) Q là tập hợp các số hữu tỉ, I là tập hợp các số vô tỉ. Giữa hai tập hợp này không có phần tử nào chung nên giao của chúng là tập rỗng $Q \cap I = \emptyset$.

b) Vì tập hợp R bao gồm tất cả tập hợp Q và tập hợp I nên tập hợp I của số vô tỉ là tập hợp con của tập R các số thực, do đó ta có $R \cap I = I$

95. $A = -5,13 \cdot \left(5\frac{5}{28} - 1\frac{8}{9} \cdot 1,25 + 1\frac{16}{63} \right) = -5,13 \cdot \left(\frac{145}{28} - \frac{17}{9} \cdot \frac{125}{100} + \frac{79}{63} \right)$

$$= -5,13 \cdot \left(\frac{145}{28} - \frac{17}{9} \cdot \frac{5}{4} + \frac{79}{63} \right) = -5,13 \cdot \left(\frac{145}{28} - \frac{85}{36} + \frac{79}{63} \right)$$

$$= -5,13 \cdot \frac{57}{14} = 5,13 \cdot \frac{14}{57} \cdot \frac{71,82}{57} = 1,26$$

$$\begin{aligned} B &= \left(3\frac{1}{3} \cdot 1,9 + 19,5 - 4\frac{1}{3} \right) \cdot \left(\frac{62}{75} - \frac{4}{25} \right) = \left(\frac{10}{3} \cdot 1,9 + 19,5 \cdot \frac{13}{3} - \frac{62}{75} \cdot \frac{15}{1} \right) \\ &= \left(\frac{19}{3} + \frac{58,5}{13} \right) \cdot \frac{50}{75} - \left(\frac{19}{3} + 4,5 \right) \cdot \frac{2}{3} = \frac{19 + 13,5}{3} \cdot \frac{2}{3} \\ &= \frac{32,5}{3} \cdot \frac{2}{3} = \frac{65}{9} = 7\frac{2}{9} \end{aligned}$$

ÔN TẬP CHƯƠNG I

96. Thực hiện phép tính (bằng cách hợp lý nếu có thể) .

a) $1\frac{4}{23} + \frac{5}{21} - \frac{4}{23} + 0,5 + \frac{16}{21}$;

b) $\frac{3}{7} - 19\frac{1}{3} - \frac{3}{7} - 33\frac{1}{3}$;

c) $9\left(-\frac{1}{3}\right)^3 + \frac{1}{3}$.

d) $15\frac{1}{4} \cdot \left(-\frac{5}{7}\right) - 25\frac{1}{4} \cdot \left(-\frac{5}{7}\right)$

97. Tính nhanh

a) $(-8,37 \cdot 0,4) \cdot 2,5$.

b) $(-0,125) \cdot (-5,3) \cdot 8$.

c) $(-2,5) \cdot (-4) \cdot (-7,9)$;

d) $(-0,375) \cdot 4\frac{1}{3} \cdot (-2)^2$

98. Tìm y biết :

a) $-\frac{3}{5}y = \frac{21}{10}$;

b) $y = \frac{3}{8} - 1\frac{31}{33}$;

c) $1\frac{2}{5}y + \frac{3}{7} = -\frac{4}{5}$;

d) $\frac{11}{12}y + 0,25 = \frac{5}{6}$

99. Tính giá trị của các biểu thức sau :

$$P = \left(-0,5 - \frac{3}{5}\right) : (-3) + \frac{1}{3} - \left(-\frac{1}{6}\right) : (-2)$$

$$Q = \left(\frac{2}{25} - 1,008\right) : \frac{4}{7} : \left[\left(3\frac{1}{4} - 6\frac{5}{9}\right) 2\frac{2}{17}\right]$$

100. Mẹ bạn Minh gửi tiết kiệm 2 triệu đồng theo thể thức "có kì hạn 6 tháng".
Hết thời hạn 6 tháng, mẹ bạn Minh được tính cả vốn lẫn lãi là 2 063 400đ.
Tính lãi suất hàng tháng của thể thức gửi tiết kiệm này.

101. Tìm x biết :

a) $|x| = 2,5$;

b) $|x| = -1,2$;

c) $|x| + 0,573 = 2$;

d) $\left|x + \frac{1}{3}\right| - 4 = -1$

102. Cho tỉ lệ thức $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ($a, b, c, d \neq 0$; $a \neq -b$, $c \neq -d$) hãy suy ra các tỉ lệ thức sau:

$$\begin{array}{lll} \text{a)} \quad \frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d}, & \text{b)} \quad \frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d}, & \text{c)} \quad \frac{a+b}{a} = \frac{c+d}{c}, \\ \text{d)} \quad \frac{a-b}{a} = \frac{c-d}{c}, & \text{e)} \quad \frac{a}{a+b} = \frac{c}{c+d}, & \text{f)} \quad \frac{a}{a-b} = \frac{c}{c-d} \end{array}$$

103. Theo hợp đồng, hai tổ sản xuất chia lãi với nhau theo tỉ lệ 3 : 5. Hỏi mỗi tổ được chia bao nhiêu nếu tổng số lãi là 12 600 000 đồng?

104. Một cửa hàng có ba tấm vải dài tổng cộng 108m. Sau khi bán đi $\frac{1}{2}$ tấm thứ nhất, $\frac{2}{3}$ tấm thứ hai và $\frac{3}{4}$ tấm thứ ba thì số mét vải còn lại ở ba tấm bằng nhau. Tính chiều dài mỗi tấm vải lúc đầu?

105. Tính giá trị của các biểu thức sau:

$$\text{a)} \quad \sqrt{0,01} - \sqrt{0,25}, \quad \text{b)} \quad 0,5\sqrt{100} - \sqrt[3]{4}$$

Giải

$$96. \text{ a)} \quad 1 - \frac{4}{23} + \frac{5}{21} - \frac{4}{23} + 0,5 + \frac{16}{21} = 1 + \frac{4}{23} + \frac{5}{21} - \frac{4}{23} + 0,5 + \frac{16}{21} = 1 + 0,5 + 1 = 2,5$$

$$\begin{aligned} \text{b)} \quad \frac{3}{7} - 19\frac{1}{3} - \frac{3}{7} - 33\frac{1}{3} &= \frac{3}{7} \left(19\frac{1}{3} - 33\frac{1}{3} \right) = \frac{3}{7} \left(19 + \frac{1}{3} - 33 - \frac{1}{3} \right) \\ &= \frac{3}{7} \cdot (-14) = -\frac{42}{7} = -6 \end{aligned}$$

$$\text{c)} \quad 9 \left(-\frac{1}{3} \right) + \frac{1}{3} = 9 \left(-\frac{1}{27} \right) + \frac{1}{3} = -\frac{1}{3} + \frac{1}{3} = 0$$

$$\begin{aligned} \text{d)} \quad 15\frac{1}{4} \left(-\frac{5}{7} \right) - 25\frac{1}{4} \left(-\frac{5}{7} \right) &= \left(15\frac{1}{4} - 25\frac{1}{4} \right) \left(-\frac{5}{7} \right) \\ &= \left(15 + \frac{1}{4} - 25 - \frac{1}{4} \right) \left(-\frac{5}{7} \right) = -10 \left(-\frac{5}{7} \right) = \frac{70}{5} = 14 \end{aligned}$$

$$97. \text{ a)} \quad (-6,37)(0,4)(2,5) = -6,37(0,4)(2,5) = -6,37(1) = -6,37$$

$$\text{b)} \quad (-0,125)(-5,3)(8) = (-0,125)(8)(-5,3) = -1(-5,3) = 5,3$$

$$\text{c)} \quad (-2,5)(-4)(-7,9) = [(-2,5)(-4)](-7,9) = 10(-7,9) = -79$$

$$\begin{aligned} \text{d)} \quad (-0,375)4\frac{1}{3}(-2)^3 &= (-0,375)(-8)4\frac{1}{3} = [(-0,375)(-8)]4\frac{1}{3} \\ &= 3 \cdot 4\frac{1}{3} = 3 \left(4 + \frac{1}{3} \right) = 13 \end{aligned}$$

$$98. \text{ a) } \frac{3}{5}y = -\frac{21}{10} \Rightarrow y = \frac{21}{10} : \left(-\frac{3}{5}\right) = -\frac{21}{10} \cdot \left(-\frac{5}{3}\right) = -\frac{7}{2} = -3\frac{1}{2}$$

$$\text{b) } y - \frac{3}{8} = -1\frac{31}{33} \Rightarrow y = 1\frac{31}{33} - \frac{64}{8} = \frac{6}{11}$$

$$\text{c) } 1\frac{2}{5}y = \frac{3}{7} = -\frac{4}{5} \Rightarrow \frac{7}{5}y = -\frac{4}{5} \cdot \frac{3}{7} = -\frac{43}{35}$$

$$\Rightarrow y = -\frac{43}{35} \cdot \frac{5}{7} = -\frac{43}{35} \cdot \frac{5}{7} = -\frac{43}{49}$$

$$\text{d) } -\frac{11}{12}y + 0,25 = \frac{5}{6} \Rightarrow -\frac{11}{12}y = \frac{5}{6} - 0,25 = \frac{5}{6} - \frac{1}{4} = \frac{7}{12}$$

$$\Rightarrow y = \frac{7}{12} : \left(-\frac{11}{12}\right) = -\frac{7}{11}$$

$$99. \text{ a) } P = \left(-0,5 - \frac{3}{5}\right) : (-3) + \frac{1}{3} - \left(-\frac{1}{6}\right) : (-2)$$

$$= \left(-\frac{5,5}{5}\right) \cdot \left(-\frac{1}{3}\right) + \frac{1}{3} + \frac{1}{6} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{5,5}{15} + \frac{1}{3} - \frac{1}{12} = \frac{22+20-5}{60} = \frac{37}{60}$$

$$\text{Vậy } P = \frac{37}{60}$$

$$\text{b) } Q = \left(\frac{3}{25} - 1,006\right) : \frac{4}{7} : \left[\left(3\frac{1}{4} - 6\frac{5}{9}\right) \pm \frac{2}{17}\right]$$

$$= \left(\frac{2-25,2}{25}\right) : \frac{4}{7} : \left[\left(\frac{13}{4} - \frac{59}{9}\right) \frac{36}{17}\right] - \left(\frac{-23,2}{25} \cdot \frac{7}{4}\right) : \left[\left(\frac{117-236}{36}\right) \cdot \frac{36}{17}\right]$$

$$= \left(\frac{-162,4}{100}\right) : \left(\frac{-119}{36} \cdot \frac{36}{17}\right) = (-1,624) : (-7)$$

$$\text{Vậy } Q = 0,232.$$

100. Sau 6 tháng tiền lãi mẹ bạn Minh nhận được :

$$2\,662\,400 - 2\,000\,000 = 662\,400 \text{ (đ)}$$

$$\text{Vậy tiền lãi một tháng là } 662\,400 : 6 = 110\,400 \text{ (đ)}$$

Suy ra lãi suất hàng tháng của thẻ thanh toán tiết kiệm này là

$$110\,400 : 2\,000\,000 = 0,0052 = 0,52\%$$

Đáp số : 0,52% / tháng

$$101. \text{ a) } |x| = 2,5 \Rightarrow x = 2,5 \text{ hoặc } x = -2,5. \text{ Vậy } x = \pm 2,5$$

$$\text{b) } |x| = -1,2 \text{ Vì } |x| \geq 0 \text{ và } -1,2 < 0$$

Do đó không có giá trị nào của $x \in \mathbb{R}$ để $|x| = -1,2$

$$\text{c) } |x| + 0,573 = 2 \Rightarrow |x| = 2 - 0,573 = 1,427$$

$$\Rightarrow x = \pm 1,427$$

$$\text{d) } \left| x + \frac{1}{3} \right| = 4 \quad | \quad \left| x + \frac{1}{3} \right| = 4 \quad | \quad | = 3$$

$$x + \frac{1}{3} = 3 \text{ hoặc } x + \frac{1}{3} = -3$$

$$\bullet \text{ Với } x + \frac{1}{3} = 3 \quad \Rightarrow \quad x = 3 - \frac{1}{3} = \frac{8}{3}$$

$$\bullet \text{ Với } x + \frac{1}{3} = -3 \quad \Rightarrow \quad x = -3 - \frac{1}{3} = -\frac{10}{3}$$

$$\text{Vậy } x = \frac{8}{3} \text{ hoặc } x = -\frac{10}{3}$$

$$102, \text{ a) Ta có: } \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{c} = \frac{b}{d} = \frac{a-b}{c-d}$$

$$\frac{b}{d} = \frac{a+b}{c+d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d}$$

$$\text{b) Ta có: } \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{c} = \frac{b}{d} = \frac{a-b}{c-d}$$

$$\frac{b}{d} = \frac{a-b}{c-d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d}$$

$$\text{c) Ta có: } \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{c} = \frac{b}{d} = \frac{a+b}{c+d}$$

$$\frac{a}{c} = \frac{a+b}{c+d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a+b}{a} = \frac{c+d}{c}$$

$$\text{d) Ta có: } \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{c} = \frac{b}{d} = \frac{a-b}{c-d}$$

$$\frac{a}{c} = \frac{a-b}{c-d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a-b}{a} = \frac{c-d}{c}$$

$$\text{e) Ta biết q và r có cùng c), ta có: } \frac{a}{c} = \frac{a+b}{c+d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{a+b} = \frac{c}{c+d}$$

$$\text{f) Ta biết q và r có cùng d), ta có: } \frac{a}{c} = \frac{a-b}{c-d} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{a-b} = \frac{c}{c-d}$$

103, Gọi a và b lần lượt là số được chia còn lại từ hai tổ sản xuất. Theo đề bài ta có:

$$\frac{a}{b} = \frac{3}{5} \quad \Rightarrow \quad \frac{a}{3} = \frac{b}{5} = \frac{a+b}{3+5} = \frac{12\,800\,000}{8} = 1\,600\,000$$

$$\text{Ta có: } \frac{a}{3} = 1\,600\,000 \quad \Rightarrow \quad a = 4\,800\,000$$

$$\frac{b}{5} = 1\,600\,000 \quad \Rightarrow \quad b = 8\,000\,000$$

Vây tổ thứ nhất được chôn lần 4,8 triệu đồng và tổ thứ hai được chôn lần 8 triệu đồng

104. Gọi x, y, z (mét) lần lượt là chiều dài của ba tấm vải lúc đầu

Sau khi bán $\frac{1}{2}$ tấm thứ nhất, chiều dài còn lại là $\frac{1}{2}x$

Sau khi bán $\frac{2}{3}$ tấm thứ hai, chiều dài còn lại là $\frac{1}{3}y$

Sau khi bán $\frac{3}{4}$ tấm thứ ba, chiều dài còn lại là $\frac{1}{4}z$

Theo đề bài ta có $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{4} = \frac{x+y+z}{2+3+4} = \frac{108}{9} = 12$

$$\bullet \quad \frac{x}{2} = 12 \Rightarrow x = 24 \text{ (m)}$$

$$\bullet \quad \frac{y}{3} = 12 \Rightarrow y = 36 \text{ (m)}$$

$$\bullet \quad \frac{z}{4} = 12 \Rightarrow z = 48 \text{ (m)}$$

Vây chiều dài mỗi tấm vải lúc đầu là 24 mét, 36 mét và 48 mét

105. a) $\sqrt{0,01} - \sqrt{0,25} = \sqrt{0,1^2} - \sqrt{0,5^2} = 0,1 - 0,5 = -0,4$

b) $0,5\sqrt{100} - \sqrt{\frac{1}{4}} = 0,5\sqrt{10^2} - \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} = 0,5 \cdot 10 - \frac{1}{2} = 5 - \frac{1}{2} = \frac{9}{2}$

CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG I

1. Chọn câu trả lời đúng. Tổng các số đôi của các số $\frac{2}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{6}$ là
 A $\frac{3}{12}$ B $\frac{3}{12}$ C $\frac{5}{12}$ D $\frac{6}{12}$
2. Chọn câu trả lời đúng. Cho $X = \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{100^2}$. Giá trị của X là
 A $X = \frac{99}{100}$ B $X < \frac{99}{100}$ C $X > \frac{99}{100}$ D $X > 1$
3. Nếu $m = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{999}{1000}$ và $n = \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{998}{999}$ thì trong các kết luận sau, kết luận nào đúng?
 A $m = n$ B $m < n$ C $m > n$ D $m - n = 1$
4. Chọn câu trả lời đúng. Cho $X = 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{6} - \frac{1}{15} + \dots + \frac{1}{n^2 + 2n}$ (với $n = 98$). Giá trị của X là
 A 198% B $1\frac{48}{50}$ C 199% D $1,99$
5. Chọn câu trả lời đúng. Tuổi của tuổi con và tuổi mẹ là $37,5\%$. Tổng số tuổi của hai mẹ con là 44. Vậy:
 A Mẹ 31 tuổi, con 13 tuổi B Mẹ 32 tuổi, con 12 tuổi
 C Mẹ 30 tuổi, con 14 tuổi D Mẹ 34 tuổi, con 10 tuổi
6. Chọn câu trả lời đúng. Cho $Y = \frac{-3535}{1919} + \frac{313131}{383838}$. Giá trị của Y bằng
 A $\frac{101}{38}$ B $\frac{39}{38}$ C $\frac{39}{38}$ D $\frac{101}{38}$
7. Chọn câu trả lời đúng. Tìm x để $|x + 4,3| - |2,8| = 0$
 A $x = 1,5$ B $x = -1,5$
 C $x = -7,1$ D $x = -1,5$ hoặc $-7,1$
8. Chọn câu trả lời đúng. Hãy viết phép nhân sau đây thành dạng một lũy thừa $(6x - 6x - 6x - 6x - 6x - 6)$.
 A 66 B -6^6 C 6^6 D -66
9. Chọn câu trả lời đúng. Biết rằng $a^3 \cdot a = a^{17}$, $b^k \cdot b^l = b^9$; $(c^3)^m = c^{12}$. Tìm a, k, m ta được
 A $a = 17$, $k = 6$, $m = 5$ B $a = 16$, $k = 6$, $m = 5$
 C $a = 16$, $k = 6$, $m = 12$ D $a = 16$, $k = 8$, $m = 5$

10. Chọn câu trả lời đúng. Cho $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ và $b, d \neq 0$. Ta chứng minh được

A. $\frac{ac}{bd} = \frac{a+b}{b+d}$

B. $\frac{ac}{bd} = \frac{a^2 + c^2}{3b^2 + d^2}$

C. $\frac{a+c}{b+d} = \left(\frac{a}{b}\right)^3 = \left(\frac{c}{d}\right)^3$

D. $\frac{ac}{bd} = \left(\frac{a+c}{b+d}\right)^2$

11. Chọn câu trả lời đúng. Cho $-8,3513 < 835 \square$. Số trong ô vuông có thể là

A. 0 ; 1 ; 2

B. 0 ; 1

C. 0 ; 1 ; 2 ; ... ; 9

D. 1 ; 2 ; ... ; 9

12. Chọn câu trả lời đúng. Cho : $\frac{2x}{5} = x - \left(-\frac{1}{5}\right)^3$. Tìm x.

A. $x = \frac{8}{625}$

B. $x = -\frac{1}{75}$

C. $-\frac{3}{625}$

D. $x = \frac{1}{75}$

13. Chọn câu trả lời đúng. Nếu $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ($a, b, c, d \neq 0$; $a \neq b$; $c \neq d$) thì :

A. $\frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{c-d}$

B. $\frac{a+b}{a} = \frac{c+d}{c}$

C. $\frac{a}{a-b} = \frac{c-d}{c}$

D. $\frac{a-b}{a} = \frac{c}{c-d}$

14. Chọn câu trả lời đúng. Cho biểu thức $\left[\left(\frac{8}{17}\right)^3\right]^{40}$. Biểu thức này có thể viết dưới dạng :

A. $\left(\frac{8}{17}\right)^{300}$

B. $\left(\frac{8}{17}\right)^{40}$

C. $\left(\frac{8}{17}\right)^{35}$

D. $\left(\frac{8}{17}\right)^8$

15. Chọn câu trả lời đúng. Giá trị của 0,001001 bằng

A. 0,0010101...

B. 0,001001...

C. 0010101...

D. 0,00101...

16. Chọn câu trả lời đúng. Trong một kì thi số điểm 10 của ba bạn Dương, Hương, Ngân tỉ lệ với 3 ; 1 ; 2. Tổng số điểm 10 của cả ba bạn đạt được là 24. Vậy số điểm 10 của bạn Ngân là :

A. 6

B. 7

C. 8

D. 9

ĐÁP ÁN CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG I

1. $\frac{2}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{6}, \frac{3}{12}$ Chọn câu B

2. $\frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{100^2} < \frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \dots + \frac{1}{99 \cdot 100}$

Mà $\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \dots + \frac{1}{99 \cdot 100} = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{99} - \frac{1}{100} = \frac{1}{1} - \frac{1}{100} = \frac{99}{100}$

Chọn câu B

3. $\frac{1}{2} < \frac{2}{3} < \frac{2}{3} < \frac{3}{4} < \dots < \frac{997}{998} < \frac{998}{999} < \frac{999}{1000} < \frac{1000}{1000} = 1$.

Có đó $\frac{1}{2} < \frac{3}{4} < \frac{997}{998} < \frac{999}{1000} < \frac{2}{3} < \frac{998}{999}$, $1 \Rightarrow m < n$. Chọn câu B

4. $1 - \frac{1}{3}, 1 - \frac{1}{6}, 1 - \frac{1}{15}, \dots$ (98 thừa số) $= \frac{2^2}{1 \cdot 3} \cdot \frac{3^2}{2 \cdot 4} \cdot \frac{4^2}{3 \cdot 5} \cdot \frac{99^2}{98 \cdot 100}$
 $= \frac{(2 \cdot 3 \cdot 99)(2 \cdot 3 \cdot 99)}{(1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 98)(3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 100)} = \frac{99 \cdot 2}{100} \cdot \frac{99}{50} = 1,98 = \frac{198}{100}$

Chọn câu A

5. Phần số chỉ 44 tuổi là $37,5\% + 100\% = 137,5\%$ (tuổi mẹ)

Tuổi mẹ là: $44 \cdot 100 : 137,5 = 32$ tuổi

Chọn câu B

6. $\frac{3535}{1919} + \frac{313131}{383838} = \frac{-35 \cdot 101}{19 \cdot 101} + \frac{31 \cdot 10101}{38 \cdot 10101} = \frac{-39}{38}$. Chọn câu C

7. Ta có: $|x + 4,3| - |2,8| = 0 \Leftrightarrow |x + 4,3| = 2,8$

$\Leftrightarrow x = -1,5$ hoặc $x = -7,1$. Chọn câu D

8. Chọn câu C

9. $a^{2+1} = a^3$; $b^{3-2} = b^1$; $c^{3m} = c^{3m}$. Chọn câu B

10. $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{a+c}{b+d} = \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{b+d} = \frac{(a+c)^2}{(b+d)^2} \Leftrightarrow \frac{ac}{bd} = \frac{(a+c)^2}{(b+d)^2}$ Chọn câu D

11. Hai chữ số 0 và 1. Chọn câu B

12. $\frac{2}{5}x - x = \left(-\frac{1}{5}\right)^3 = -\frac{1}{125} \Rightarrow x = \frac{1}{75}$. Chọn câu D

13. Chọn câu B

14. $\left[\left(\frac{8}{17}\right)^5\right]^{45} = \left(\frac{8}{17}\right)^{405}$. Chọn câu A

15. $0,0(31) = 0,0010101\dots$ Chọn câu A

16. Chọn câu C

HÀM SỐ VÀ ĐỒ THỊ

§1. ĐẠI LƯỢNG TỈ LỆ THUẬN

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Định nghĩa

Nếu đại lượng y liên hệ với đại lượng x theo công thức $y = kx$, với k là một hằng số khác 0, thì ta nói y tỉ lệ thuận với x theo hệ số tỉ lệ k .

2. Tính chất

Tỉ số hai giá trị tương ứng của hai đại lượng tỉ lệ thuận luôn không đổi và bằng hệ số tỉ lệ.

$$\frac{y_1}{x_1} = \frac{y_2}{x_2} = \frac{y_3}{x_3} = \dots = k$$

- Tỉ số hai giá trị bất kì của đại lượng này bằng tỉ số hai giá trị tương ứng của đại lượng kia

$$\frac{y_1}{y_2} = \frac{x_1}{x_2}; \quad \frac{y_3}{y_2} = \frac{x_3}{x_2}$$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Hãy viết công thức tính :

- Chu vi C (cm) theo cạnh a (cm) của hình vuông
- Quãng đường đi được S (km) theo thời gian t (h) của một chuyển động đều với vận tốc 15 (km/h).
- Khối lượng m (kg) theo thể tích V (cm³) của thanh kim loại đồng chất có khối lượng riêng D (kg/cm³).

2. Cho biết y tỉ lệ thuận với x theo hệ số tỉ lệ $k = -\frac{3}{5}$.

Hỏi x tỉ lệ thuận với y theo hệ số tỉ lệ nào ?

Đáp giải

- Công thức tính chu vi hình vuông theo cạnh a là $C = 4a$
- Công thức tính quãng đường theo thời gian là $S = 15t$
- Công thức tính khối lượng của thanh kim loại đồng chất $m = D \cdot V$

2. Vì y tỉ lệ thuận với x theo hệ số tỉ lệ $k = \frac{3}{5}$ nên ta có công thức

$$y = \frac{3}{5}x \Rightarrow x = \frac{5}{3}y \quad \text{Vậy } x \text{ tỉ lệ thuận với } y \text{ theo hệ số tỉ lệ } \frac{5}{3} \left(\frac{1}{k} \right)$$

B. Bài tập căn bản

- Cho biết hai đại lượng x và y tỉ lệ thuận với nhau và khi $x = 6$ thì $y = 4$
 - Tìm hệ số tỉ lệ k của y đối với x .
 - Hãy biểu diễn y theo x .
 - Tính giá trị của y khi $x = 9$; $x = 15$.
- Cho biết x và y là hai đại lượng tỉ lệ thuận. Điền số thích hợp vào ô trống trong bảng sau

x	3	-1	1	2	5
y				4	

- Các giá trị tương ứng của V và m được cho trong bảng sau

V	1	2	3	4	5
m	7,8	15,6	23,4	31,2	39
$\frac{m}{V}$					

- Điền số thích hợp vào các ô trống trong bảng trên.
 - Hai đại lượng m và V có tỉ lệ thuận với nhau không? Vì sao?
4. Cho biết z tỉ lệ thuận với y theo hệ số tỉ lệ k và y tỉ lệ thuận với x theo hệ số tỉ lệ n . Hãy chứng tỏ rằng z tỉ lệ thuận với x và tìm hệ số tỉ lệ.

Đáp giải

- a) Hệ số tỉ lệ k của y đối với x là $k = \frac{y}{x} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$

b) Khi đó ta biểu diễn y theo x bởi công thức $y = \frac{2}{3}x$

c) Khi $x = 9$ thì $y = \frac{2}{3} \cdot 9 = 6$

- Khi $x = 15$ thì $y = \frac{2}{3} \cdot 15 = 10$

- Vì y và x là hai đại lượng tỉ lệ thuận nên ta có công thức sau : $y = kx$ (1)

Khi $x = 2$; $y = 4$ thì $k = \frac{y}{x} = \frac{4}{2} = 2$

Có x, k , ta lần lượt thay vào công thức (1) để tính các giá trị của y trong bảng ta có

x	-3	-1	1	2	5
y	-6	-2	2	4	10

3. a) Điền vào các ô trống trong bảng

V	1	2	3	4	5
m	7,8	15,6	23,4	31,2	39
$\frac{m}{V}$	7,8	7,8	7,8	7,8	7,8

- b) Ta thấy các giá trị của $\frac{m}{V}$ đều bằng 7,8

Vậy m và V là hai đại lượng tỉ lệ thuận với nhau và hệ số tỉ lệ là $k = 7,8$

4. Vì x tỉ lệ thuận với y theo hệ số tỉ lệ k, nên ta có $x = k \cdot y$ (1)

và y tỉ lệ thuận với x theo hệ số tỉ lệ h, nếu ta có $y = h \cdot x$ (2)

Thay $y = h \cdot x$ vào (1) ta được $x = k(h \cdot x) = (k \cdot h) \cdot x$

Điều này chứng tỏ rằng x tỉ lệ với x theo hệ số tỉ lệ là k.h

§2. MỘT SỐ BÀI TOÁN VỀ ĐẠI LƯỢNG TỈ LỆ THUẬN

Bài tập sách giáo khoa

5. Các đại lượng x và y tỉ lệ thuận với nhau hay không, nếu

a)

x	1	2	3	4	5
y	9	18	27	36	45

b)

x	1	2	5	6	9
y	12	24	60	72	90

6. Thay cho việc đo chiều dài của các cuộn dây thép người ta thường cân chúng. Cho biết mỗi mét dây nặng 25g.

- a) Giả sử x mét dây nặng y gam. Hãy biểu diễn y theo x.
b) Cuộn dây dài bao nhiêu mét biết rằng nó nặng 4,5kg ?

Luyện tập

7. Hạnh và Vân định làm mứt dẻo từ 2,5kg dâu.

Theo công thức, cứ 2kg dâu thì cần 3kg đường. Hạnh bảo họ cần 3,75kg đường, còn Vân bảo cần 3,25kg. Theo bạn, ai đúng vì sao ?

8. Học sinh của ba lớp 7 cần phải trồng và chăm sóc 24 cây xanh. Lớp 7A có 32 học sinh, lớp 7B có 28 học sinh, lớp 7C có 36 học sinh. Hỏi mỗi lớp

Phải trồng và chăm sóc bao nhiêu cây xanh, biết rằng số cây xanh tỉ lệ với số học sinh ?

9. Đồng Bạch là một loại hoa kim của nước, kềm và đồng với khối lượng mỗi loại tỉ lệ với 3, 4 và 3. Hỏi cần bao nhiêu kilogram nước, kềm và đồng để sản xuất 1500 g đồng Bạch ?
10. Biết các cạnh của một tam giác tỉ lệ với 2, 3, 4 và chu vi của nó là 45cm. Tính các cạnh của tam giác đó.
11. **Đố :** Có em nào được khen là chiếc đồng hồ kim giờ quay được một vòng thì kim phút, kim giây quay được bao nhiêu vòng ?

Giải

3. a) Ta có $\frac{x}{y} = \frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10} \Rightarrow y = 2x$

Vậy x và y là hai đại lượng tỉ lệ thuận với nhau

b) Ta có $\frac{x}{y} = \frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{5}{10} = \frac{6}{12} = \frac{9}{18}$

Vậy x và y là hai đại lượng không tỉ lệ thuận với nhau

4. a) Ta biết rằng cuộn dây thép nặng 25 gam thì có chiều dài là 1 mét

Suy ra cuộn dây thép nặng 1gam thì có chiều dài bằng $\frac{1}{25}$ mét

Vậy cuộn dây thép nặng y (gam) thì dài là $\frac{1}{25} \times y$ (mét) hay $y = \frac{1}{25} \times$

b) Cuộn dây nặng 4,5kg = 4500g có chiều dài là

$$x = 25y = 25 \cdot 4500 = 112\,500 \text{ (m)} = 11,25 \text{ (km)}$$

7. Là luận như bài 6), ta có :

$$20 \text{ g dầu} \rightarrow 1 \text{ kg đường}$$

$$\text{Suy ra } 1 \text{ kg dầu} \rightarrow \frac{3}{2} \text{ kg đường}$$

$$\text{Vậy } 2,5 \text{ kg dầu} \rightarrow \frac{3}{2} \cdot 2,5 = 3,75 \text{ kg đường}$$

Như vậy bạn Hạnh trả lời đúng.

8. Là luận tương tự như bài 6), ta có :

$$\text{Học sinh 3 lớp 7} \rightarrow 24 \text{ cây xanh}$$

$$\text{hay } 96 \text{ học sinh lớp 7} \rightarrow 24 \text{ cây xanh}$$

Ta biết rằng số cây xanh tỉ lệ thuận với số học sinh nên :

$$1 \text{ cây xanh cần } \rightarrow \frac{96}{24} = 4 \text{ (học sinh) chăm sóc}$$

- Lớp 7A có 32 học sinh thì phải trồng và chăm sóc 8 cây
- Lớp 7B có 28 học sinh thì phải trồng và chăm sóc 7 cây.
- Lớp 7C có 32 học sinh thì phải trồng và chăm sóc 8 cây

9. Gọi x, y, z (kg) lần lượt là khối lượng của niken, kẽm và đồng

Theo đề bài ta có

$$\frac{x}{3} = \frac{y}{4} = \frac{z}{13} = \frac{x+y+z}{3+4+13} = \frac{150}{20} = 7,5$$

$$\text{hay } \frac{x}{3} = 7,5 \Rightarrow x = 22,5 \text{ (kg)}$$

$$\frac{y}{4} = 7,5 \Rightarrow y = 30 \text{ (kg)}$$

$$\frac{z}{13} = 7,5 \Rightarrow z = 97,5 \text{ (kg)}$$

Vậy ta cần 22,5kg niken, 30kg kẽm và 97,5kg đồng để sản xuất 150kg đồng bạch.

10. Gọi x, y, z (cm) lần lượt là chiều dài ba cạnh của tam giác đã cho

Theo đề bài ta có

$$\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{4} = \frac{x+y+z}{2+3+4} = \frac{45}{9} = 5$$

$$\text{hay } \frac{x}{2} = 5 \Rightarrow x = 10 \text{ (cm)}$$

$$\frac{y}{3} = 5 \Rightarrow y = 15 \text{ (cm)}$$

$$\frac{z}{4} = 5 \Rightarrow z = 20 \text{ (cm)}$$

Vậy ba cạnh của tam giác có chiều dài lần lượt là : 10cm, 15cm, 20m.

11. Ta biết rằng 1 giờ = 60 phút = 3600 giây

Do đó khi kim giờ đi được 1 giờ thì kim phút quay được 1 vòng và kim giây quay được 60 vòng trên mặt đồng hồ

Vậy trên mặt đồng hồ khi kim giờ quay 1 vòng thì kim phút quay được $1.12 = 12$ (vòng)

Khi kim giờ quay được 1 vòng thì kim giây quay được $60.12 = 720$ vòng.

§3. ĐẠI LƯỢNG TỈ LỆ NGHỊCH

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Định nghĩa Nếu đại lượng y liên hệ với đại lượng x theo công thức $y = \frac{a}{x}$ hay $xy = a$, với a là một hằng số khác 0, thì ta nói y tỉ lệ nghịch với x theo hệ số tỉ lệ a .

2. Tính chất

Tích của một giá trị bất kì của đại lượng này với giá trị tương ứng của đại lượng kia luôn là một hằng số (bằng hệ số tỉ lệ nghịch)

$$x_1 y_1 = x_2 y_2 = x_3 y_3 = \dots = a$$

Tỉ số hai giá trị bất kì của đại lượng này bằng nghịch đảo của tỉ số hai giá trị tương ứng của đại lượng kia

$$\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_2}{y_1}, \quad \frac{x_1}{x_3} = \frac{y_3}{y_1}$$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Hãy viết công thức tính
- ánh y (cm) theo cạnh x (cm) của hình chữ nhật thay đổi nhưng luôn có diện tích bằng 12 (cm²)
 - lượng gạo y theo lượng gạo x (kg) trong mỗi bao khi chia đều 500kg vào các bao
 - vận tốc v (km/h) theo thời gian t (h) của chuyển động đều trên quãng đường 16 (km).
2. Khi biết y tỉ lệ nghịch với x theo hệ số tỉ lệ a . Hỏi x tỉ lệ nghịch với y theo hệ số tỉ lệ nào?

Bài giải

1. a) $y = \frac{12}{x}$ b) $y = \frac{500}{x}$ c) $v = \frac{16}{t}$
2. Khi tỉ lệ nghịch với x theo hệ số tỉ lệ a , ta có công thức $y = \frac{a}{x} \Rightarrow x = \frac{a}{y}$

Điều này chứng tỏ rằng x tỉ lệ nghịch với y cũng theo hệ số tỉ lệ a

B. Bài tập cơ bản

12. Cho biết hai đại lượng x và y tỉ lệ nghịch với nhau và khi $x = 8$ thì $y = 15$.
- Tìm hệ số tỉ lệ
 - Hãy biểu diễn y theo x

c) Tính giá trị của y khi $x = 6$, $x = 10$

13. Cho biết x và y là hai đại lượng tỉ lệ nghịch. Điền số thích hợp vào ô trống trong bảng sau :

x	0,5	-1,2			4	6
y			3	-2	1,5	

14. Cho biết 35 công nhân xây một ngôi nhà hết 158 ngày. Hỏi 28 công nhân xây ngôi nhà đó hết mấy ngày ? Biết rằng năng suất làm việc của mỗi người là như nhau.
15. a) Cho biết đội A dùng x máy cày (các máy cày có cùng năng suất) để cày xong một cánh đồng hết y giờ. Hai đại lượng x và y có tỉ lệ nghịch với nhau không ?
- b) Cho biết x là số trang đã đọc xong và y là số trang còn lại chưa đọc của một quyển sách. Hỏi x và y có phải là hai đại lượng tỉ lệ nghịch không ?
- c) Cho biết a (mét) là chu vi của bánh xe, b là số vòng quay được của bánh xe trên đoạn đường xe lăn từ A đến B. Hỏi a và b có phải là hai đại lượng tỉ lệ nghịch không ?

Đáp giải

12. a) Vì x và y là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau nên ta có công thức

$$y = \frac{a}{x} \quad \Rightarrow \quad a = yx = 15.6 = 120$$

b) Ta có : $a = yx = 120 \quad \Rightarrow \quad y = \frac{120}{x}$

c) - Khi $x = 6$ thì $y = \frac{120}{6} = 20$

- Khi $x = 10$ thì $y = \frac{120}{10} = 12$

13. Vì x và y là 2 đại lượng tỉ lệ nghịch nên ta có công thức :

$$y = \frac{a}{x} \Rightarrow a = xy = 1,5.4 = 6$$

Với $xy = 6$, ta có bảng sau

x	0,5	-1,2	2	3	4	6
y	12	-5	3	2	1,5	1

14. Ta biết số công nhân và thời gian xây xong ngôi nhà là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau. Do vậy, biết 35 công nhân xây xong ngôi nhà hết 56 ngày thì 1 công nhân xây xong ngôi nhà hết $35.56 = 1960$ (ngày).

Vậy 28 công nhân xây xong ngôi nhà hết $\frac{1960}{28} = 70$ (ngày)

Đáp số . 70 ngày

15. a) Ta biết rằng cùng cây một diện tích, nếu càng nhiều máy cày thì cây xong cánh đồng càng mất một thời gian ít hơn và ngược lại. Điều này chứng tỏ rằng số máy cày và thời gian cày xong cánh đồng là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau (các máy cày có cùng năng suất).
- b) Trong cùng một cuốn sách thì x là số trang đã đọc xong và y là số trang còn lại chưa đọc không phải là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau.
- c) Ta biết rằng chu vi bánh xe càng lớn thì số vòng quay được của bánh xe trên đoạn đường xe lăn từ A đến B càng ít và ngược lại.
- Vậy a (mối) và b (tròng quay) là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau.

§4. MỘT SỐ BÀI TOÁN VỀ ĐẠI LƯỢNG TỈ LỆ NGHỊCH

Bài tập căn bản

16. Các đại lượng x và y có tỉ lệ nghịch với nhau hay không, nếu :

a)

x	1	2	4	5	8
y	120	60	30	24	15

b)

x	2	3	4	5	6
y	30	20	15	12,5	10

17. Cho biết các đại lượng x và y tỉ lệ nghịch với nhau. Điền vào ô trống trong bảng sau.

x	1				-8	10
y		8	-4	$2\frac{2}{3}$		1,6

18. Cho biết 3 người làm cỏ một cánh đồng hết 6 giờ. Hỏi 12 người (với cùng năng suất như thế) làm cỏ cánh đồng đó hết bao nhiêu thời gian?

Bài giải

18. a) Ta biết rằng hai đại lượng x và y tỉ lệ nghịch với nhau $x_1y_1 = x_2y_2 = a$ (a là một hằng số khác không).

$$\text{Ta có : } xy = 1 \cdot 120 = 2 \cdot 60 = 4 \cdot 30 = 5 \cdot 24 = 8 \cdot 15$$

Điều này chứng tỏ rằng x và y là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau.

- b) Ta có : $xy = 2 \cdot 30 = 3 \cdot 20 = 4 \cdot 15 = 6 \cdot 10 = 5 \cdot 12,5$

Điều này chứng tỏ rằng x và y là hai đại lượng không tỉ lệ nghịch với nhau.

17. Với x và y là hai đại lượng tỉ lệ nghịch nên ta có

$$x_1y_1 = x_2y_2 = x_3y_3 = \dots = a$$

Trong bảng cho ta $xy = 10$ $1,6 = 16$

Từ đó ta có bảng sau

x	1	2	-4	8	8	10
y	16	8	-4	$2\frac{2}{3}$	-2	1,6

18. Ta biết rằng số người và thời gian làm xong có một cách đồng là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau

Giả sử gọi x (giờ) là thời gian 12 người làm xong có cách đồng, ta có

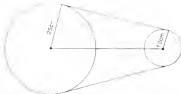
$$\frac{3}{12} = \frac{x}{6} \Rightarrow x = \frac{3,6}{12} = \frac{18}{2} = 9 \frac{1}{2} \text{ (giờ)}$$

Vậy với 12 người thì làm xong có cách đồng hết 1 giờ 30 phút

Luyện tập

19. Với cùng số tiền để mua 51 mét vải loại I có thể mua được bao nhiêu mét vải loại II, biết rằng giá tiền 1 mét vải loại II chỉ bằng 85% giá tiền 1 mét vải loại I ?
20. **Đố vui** : Trong một cuộc thi chạy tiếp sức $4 \times 100m$, đội thi gồm voi, sư tử, chó săn và ngựa chạy với vận tốc tỉ lệ thuận với 1, 1,5, 1,8, 2. Hỏi đội tuyển đó có phá được "kỷ lục thế giới" là 39 giây không, biết rằng voi chạy hết 12 giây ?
21. Ba đội máy san đất làm ba khối lượng công việc như nhau. Đội thứ nhất hoàn thành công việc trong 4 ngày, đội thứ hai trong 6 ngày và đội thứ ba trong 8 ngày. Hỏi mỗi đội có bao nhiêu máy (có cùng năng suất), biết rằng đội thứ nhất có nhiều hơn đội thứ hai 2 máy?
22. Một bánh răng cưa có 20 răng quay một phút được 60 vòng. Nó khớp với một bánh răng cưa khác có x răng. Giả sử bánh răng cưa thứ hai quay một phút được y vòng. Hãy biểu diễn y qua x
23. Hai bánh xe nối với nhau bởi một dây đai (hình dưới). Bánh xe lớn có bán kính 25cm, bánh xe nhỏ có bán kính 10cm. Một phút bánh xe lớn quay được 60 vòng. Hỏi một phút bánh xe nhỏ quay được bao nhiêu vòng?





Đáp giải

19. Vải sơ tiền không đủ thì một vãi mua được và giá vãi là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau

Gọi số mét vãi loại II mua được là x , ta có

$$\frac{51}{x} = \frac{85}{100} \quad \Rightarrow \quad x = \frac{100 \cdot 51}{85} = 60(\text{m})$$

Vậy số mét vãi loại II mua được là 60 mét

20. Học sinh tự làm

21. Vãi khác lượng công việc như nhau thì thời gian để hoàn thành công việc và số máy là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau

Gọi số máy của các đội I, II, III theo thứ tự là x, y, z

$$\text{Theo đề bài, ta có} \quad \begin{cases} 4x - 6y = 8z & (1) \\ x - y = 2 & (2) \end{cases}$$

$$\text{Từ (1) suy ra} \quad \frac{x}{6} = \frac{y}{4} = \frac{z}{3} \quad (\text{chia cho 24})$$

Áp dụng tính chất dãy tỉ số bằng nhau, ta có

$$\frac{x}{6} = \frac{y}{4} = \frac{z}{3} = \frac{x}{6} = \frac{y}{4} = \frac{z}{3} = 1$$

$$\text{Suy ra} \quad \frac{x}{6} = 1 \quad \Rightarrow \quad x = 6$$

$$\frac{y}{4} = 1 \quad \Rightarrow \quad y = 4$$

$$\frac{z}{3} = 1 \quad \Rightarrow \quad z = 3$$

Vậy số máy của các đội I, II, III lần lượt là 6, 4 và 3 máy

22. Ta biết rằng số răng của phụ thuộc vào bán kính của bánh răng của. Mà bán kính của bánh răng của tỉ lệ nghịch với vận tốc của vòng quay thay số răng của trên bánh răng càng nhiều thì bánh răng của quay càng chậm! Nên ta có:

$$20 \cdot 60 = x \cdot y \quad \Rightarrow \quad y = \frac{1200}{x}$$

23. Gọi x (vòng/ phút) là vận tốc quay của bánh xe nhỏ

Vì bán kính của bánh xe tỉ lệ nghịch với vận tốc quay của bánh xe
bánh xe càng lớn thì vận tốc quay càng chậm nên ta có

$$25 \cdot 60 = 10 \cdot x \quad \Rightarrow \quad x = \frac{25 \cdot 60}{10} = 150 \text{ (vòng/ phút)}$$

Vậy vận tốc quay của bánh xe nhỏ là 150 vòng/ phút

§5. HÀM SỐ

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Khái niệm

Giả sử x và y là hai đại lượng biến thiên và nhận các giá trị số

Nếu y phụ thuộc vào đại lượng thay đổi x sao cho với mỗi giá trị của x ta xác định được chỉ một giá trị tương ứng của y thì y được gọi là hàm số của x và x gọi là biến số

2. Chú ý

Hàm số có thể được cho bằng bảng, bằng lời, bằng công thức. Khi hàm số được cho bằng công thức thì ta hiểu rằng biến số x chỉ nhận những giá trị làm cho công thức có nghĩa

Hàm số thường được kí hiệu $y = f(x)$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Cho hàm số $y = 4x$. Giả sử x nhận các giá trị 1, 2, 5, 7, 15. Tính và lập bảng các giá trị tương ứng của y

2. a) Hàm số $y = f(x)$ được cho bằng bảng sau :

x	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	1	2	3	4
$y = f(x)$	6	4	2	1	2	1
					3	2

Tìm $f\left(\frac{1}{2}\right)$; $f(1)$; $f(3)$

b) Hàm số $y = f(x)$ được cho bởi công thức $y = 3x^2 + 1$. Tính $f\left(\frac{1}{2}\right)$, $f(1)$, $f(3)$, $f(0)$

Bài giải

1. Với $x = 1$ thì $y = 4x = 4 \cdot 1 = 4$, Với $x = 2$ thì $y = 4x = 4 \cdot 2 = 8$,
 Với $x = 5$ thì $y = 4x = 4 \cdot 5 = 20$ Với $x = 7$ thì $y = 4x = 4 \cdot 7 = 28$,
 Với $x = 15$ thì $y = 4x = 4 \cdot 15 = 60$

Ta có bảng sau

x	1	2	5	7	15
$y = 4x$	4	8	20	28	60

2. a) Nhận vào bảng đã cho ta tìm ngay được

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = 4 \quad f(1) = 2, \quad f(3) = \frac{2}{3}$$

- b) Ta có $y = f(x) = 3x^2 + 1$

$$\text{Khi đó} \quad f\left(\frac{1}{2}\right) = 3\left(\frac{1}{2}\right)^2 + 1 = \frac{3}{4} + 1 = \frac{7}{4}$$

$$f(1) = 3(1)^2 + 1 = 4$$

$$f(3) = 3(3)^2 + 1 = 28$$

$$f(0) = 3(0)^2 + 1 = 0 + 1 = 1$$

B. Bài tập cơ bản

24. Các giá trị tương ứng của hai đại lượng x và y được cho trong bảng sau

x	-4	3	-2	-1	1	2	3	4
y	16	9	4	1	1	4	9	16

Đại lượng y có phải là hàm số của đại lượng x không ?

25. Cho hàm số $y = f(x) = 3x^2 + 1$. Tính $f\left(\frac{1}{2}\right)$, $f(1)$, $f(3)$

26. Cho hàm số $y = 5x - 1$. Lập bảng các giá trị tương ứng của y khi

$$x = -5; -4; -3; -2; 0; \frac{1}{5}$$

Bài giải

24. Dựa vào định nghĩa hàm số để chúng ta nhận xét và trả lời

Ta nhận xét thấy rằng với mỗi giá trị của x tập hợp xác định được chỉ một giá trị tương ứng của y . Vậy y là hàm số của x

25. Ta có $y = f(x) = 3x^2 + 1$

$$\text{Khi đó} \quad f\left(\frac{1}{2}\right) = 3\left(\frac{1}{2}\right)^2 + 1 = \frac{3}{4} + 1 = \frac{7}{4}$$

$$f(1) = 3(1)^2 + 1 = 3 + 1 = 4$$

$$f(3) = 3(3)^2 + 1 = 27 + 1 = 28$$

26. Ta có $y = 5x - 1$

Khi đó

$$\begin{aligned}
 x = 5 \text{ thì } y &= 5(5) - 1 = 26 \\
 x = 4 \text{ thì } y &= 5(4) - 1 = 21 \\
 x = 3 \text{ thì } y &= 5(3) - 1 = 16 \\
 x = 2 \text{ thì } y &= 5(2) - 1 = 11 \\
 x = 0 \text{ thì } y &= 5(0) - 1 = -1 \\
 x = \frac{1}{5} \text{ thì } y &= 5\left(\frac{1}{5}\right) - 1 = 0
 \end{aligned}$$

Ta được bảng các giá trị tương ứng của y

x	-5	-4	-3	-2	0	$\frac{1}{5}$
y	26	21	16	11	1	0

Luyện tập

27. Đại lượng y có phải là hàm số của đại lượng x không, nêu bảng các giá trị tương ứng của chúng là

a)

x	-3	-2	-1	$\frac{1}{2}$	1	2
y	5	-7,5	-15	30	15	7,5

?

b)

x	0	1	2	3	4
y	2	2	2	2	2

?

28. Cho hàm số $y = f(x) = \frac{12}{x}$

a) Tính $f(5)$; $f(-3)$.

b) Hãy điền các giá trị tương ứng của hàm số vào bảng sau.

x	-6	-4	-3	2	5	6	12
$f(x) = \frac{12}{x}$			-2	0			

29. Cho hàm số $y = f(x) = x^2 - 2$. Hãy tính $f(2)$, $f(1)$, $f(0)$; $f(-1)$, $f(-2)$

30. Cho hàm số $y = f(x) = 1 - 8x$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

a) $f(-1) = 9$? b) $f\left(\frac{3}{2}\right) = -3$? c) $f(3) = 25$?

31. Cho hàm số $y = \frac{2}{3}x$. Điền số thích hợp vào ô trống trong bảng sau

x	-0,5			4,5	9
$f(x) = \frac{2}{3}x$		-2	0		

Giải

27. a) Ta thấy mỗi với một giá trị của x thì có một giá trị xác định của y . Vậy y là một hàm số của x .

Nhận xét: $x(x - 1)(x + 5)(x + 2)(7x - 1) = 27,5 = 15$ nên y và x là hai số trái ngược nhau.

- b) Ta thấy ứng với mỗi giá trị của x thì có một giá trị của y . Vậy y là một hàm số của x .

Nhận xét: Với mọi x thì y luôn nhận một giá trị là 2 nên đây là một hàm hằng $y = 2$.

28. a) $f(5) = \frac{12}{5}$ b) $f(x) = \frac{12}{x} = 4$

- b) Tương tự như a) thay các giá trị của x , ta được các giá trị của y tương ứng và được bảng sau:

x	6	1	3	2	5	6	12
$f(x) = \frac{12}{x}$	2	12	4	6	2,4	2	1

29. Ta có $y = f(x) = x^2 - 2$

Khi đó $f(2) = (2)^2 - 2 = 4 - 2 = 2$

$f(1) = (1)^2 - 2 = 1 - 2 = -1$

$f(0) = (0)^2 - 2 = 0 - 2 = -2$

$f(-1) = (-1)^2 - 2 = 1 - 2 = -1$

$f(-2) = (-2)^2 - 2 = 4 - 2 = 2$

30. $y = f(x) = 1 - 8x$

$f(1) = 1 - 8(1) = 9$ $f\left(\frac{1}{2}\right) = 1 - 8\left(\frac{1}{2}\right) = -3$

$f(3) = 1 - 8(3) = -23$

Vậy các khẳng định a) và b) đúng, c) sai.

31. Ta có $y = \frac{2}{3}x > x = \frac{3}{2}y$

Lần lượt thế các giá trị x, y được cho trong bảng vào hai biến thức trên để tính các giá trị còn lại trong bảng.

§6. MẶT PHẪNG TỌA ĐỘ

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Mặt phẳng tọa độ

- Trên mặt phẳng, ta vẽ hai trục Ox , Oy vuông góc với nhau và cắt nhau tại gốc của mỗi trục số. Khi đó ta có hệ trục tọa độ Oxy

Các trục Ox , Oy gọi là các trục tọa độ.

Trục nằm ngang Ox gọi là trục hoành.

Trục thẳng đứng Oy gọi là trục tung

Giao điểm O biểu diễn số 0 của hai trục gọi là gốc tọa độ.

Mặt phẳng có hệ trục tọa độ Oxy gọi là mặt phẳng tọa độ Oxy



2. Tọa độ của một điểm trong mặt phẳng tọa độ :

- Trên mặt phẳng tọa độ Oxy mỗi điểm được xác định bởi một cặp số duy nhất (x, y) .

Ngược lại, mỗi cặp số (x, y) được biểu diễn bởi một điểm M duy nhất và được kí hiệu là $M(x, y)$.

- Cặp số (x, y) gọi là tọa độ của điểm M

x : hoành độ điểm M

y : tung độ điểm M



II. BÀI TẬP

A. Bài tập căn bản

32. a) Viết tọa độ các điểm M , N , P , Q trong hình bên

b) Em có nhận xét gì về tọa độ của các cặp điểm M và N , P và Q

33. Vẽ một hệ trục tọa độ Oxy và đánh dấu vị trí của các điểm

$$A\left(3, -\frac{1}{2}\right),$$

$$B\left(-4, \frac{2}{4}\right).$$

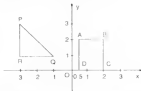
$$C(0; 2,5)$$



Luyện tập

- 3f. Một điểm bất kì trên trục hoành có tung độ bằng bao nhiêu?
 g) Một điểm bất kì trên trục tung có hoành độ bằng bao nhiêu?

- 3g. Tìm tọa độ các đỉnh của hình chữ nhật ABCD và của hình tam giác PQR trong hình bên.



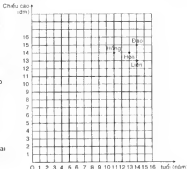
- 3h. Vẽ một hệ trục Oxy và đánh dấu các điểm $A(4; -1)$; $B(2; -1)$; $C(2; 3)$; $D(4; 3)$. Tứ giác ABCD là hình gì?
 3i. Hàm số y được cho trong bảng sau:

x	0	1	2	3	4
y	0	2	4	6	8

- a) Viết tất cả các cặp giá trị tương ứng $(x; y)$ của hàm số trên.
 b) Vẽ một hệ trục tọa độ Oxy và xác định các điểm biểu diễn các cặp giá trị tương ứng của x và y ở câu a.

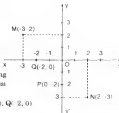
- 3j. Chiều cao và tuổi của bốn bạn Hồng, Hoa, Đào, Liên được biểu diễn trên một phẳng tọa độ (hình bên). Hãy cho biết:

- a) Ai là người cao nhất và cao bao nhiêu?
 b) Ai là người ít tuổi nhất và bao nhiêu tuổi?
 c) Hồng và Liên ai cao hơn và ai nhiều tuổi hơn?



Giải

32. a) Ta có tọa độ các điểm M, N, P, Q trên hình vẽ như sau:
 $M(-3; 2)$, $N(2; -3)$,
 $P(0; -2)$, $Q(-2; 0)$



- b) Nhận xét về tọa độ các cặp điểm

i. M(-3; 2) và N(2; -3)

Ta có hoành độ của điểm M là tung độ của điểm N và tung độ của điểm M là hoành độ của điểm N

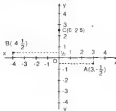
ii. Tương tự cho cặp điểm P(0; -2), Q(-2; 0)

* Chú ý :

Một điểm có tung độ bằng 0 thì nằm trên trục hoành

Một điểm có hoành độ bằng 0 thì nằm trên trục tung

Các tọa độ O có tọa độ là (0; 0)



33. Hình vẽ bên

$$\text{Lưu ý: } \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

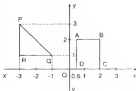
34. a) Một điểm bất kì trên trục hoành luôn có tung độ bằng 0
 b) Một điểm bất kì trên trục tung luôn có hoành độ bằng 0

35. Tọa độ các đỉnh hình chữ nhật ABCD và của hình tam giác PQR như sau

Tọa độ các đỉnh hình chữ nhật ABCD : A(0,5; 2); B(2; 2); C(2; 0); D(0,5; 0)

Tọa độ các đỉnh của tam giác PQR

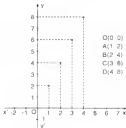
P(-3; 3), Q(-1; 1), R(-3; 1)



36. Trên hệ trục tọa độ vuông góc Oxy , các điểm A, B, C được đánh dấu như sau.
Tọa giác $ABCD$ là hình vuông.



37. a) Các cặp giá trị tương ứng của hàm số $(0, 0), (1, 2), (2, 4), (3, 6), (4, 8)$
b) Các điểm biểu diễn các cặp tương ứng



38. Nhìn vào đồ thị ta thấy

Đào 14 tuổi và cao 15dm

Hồng 11 tuổi và cao 14dm

Hoa 13 tuổi và cao 14dm

– Liên 14 tuổi và cao 13dm

a) Đào là người cao nhất và cao 15dm

b) Hồng là người ít tuổi nhất là 11 tuổi

c) Hồng và Liên thì Hồng cao hơn còn Liên thì nhiều tuổi hơn

§7. ĐỒ THỊ HÀM SỐ $y = ax$ ($a \neq 0$)

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Đồ thị hàm số là gì ?

Đồ thị hàm số $y = f(x)$ là tập hợp tất cả các điểm biểu diễn các cặp giá trị tương ứng (x, y) của hàm số trên mặt phẳng tọa độ

2. Đồ thị hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$)

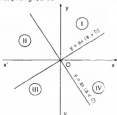
Đồ thị hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$) là một đường thẳng đi qua gốc tọa độ.

- Khi $a > 0$: đồ thị nằm các góc phần tư thứ I và thứ III

Khi $a < 0$: đồ thị nằm ở các góc phần tư thứ II và thứ IV

* Đặc biệt

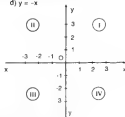
- Khi $a = 1$: Đồ thị hàm số $y = x$ là đường phân giác của các góc phần tư thứ I và thứ III.
- Khi $a = -1$: Đồ thị hàm số $y = -x$ là đường phân giác của các góc phần tư thứ II và thứ IV.



II. BÀI TẬP CƠ BẢN

39. Vẽ trên cùng một hệ trục tọa độ Oxy đồ thị của các hàm số :

a) $y = x$, b) $y = 3x$, c) $y = -2x$, d) $y = -x$



40. Đồ thị hàm số $y = ax$ nằm ở những góc phần tư nào của mặt phẳng tọa độ Oxy (hình bên) nếu .

- a) $a > 0$?
b) $a < 0$?

41. Những điểm nào sau đây thuộc đồ thị của hàm số $y = -3x$

$A\left(-\frac{1}{3}; 1\right)$, $B\left(\frac{1}{3}; -1\right)$, $C(0, 0)$

Bài giải

39. a) Đồ thị hàm số $y = x$ là một đường thẳng đi qua hai điểm $O(0, 0)$ và $A(1, 1)$.
- b) Đồ thị hàm số $y = 3x$ là một đường thẳng đi qua hai điểm $O(0, 0)$ và $B(1, 3)$.
- c) Đồ thị hàm số $y = -2x$ là một đường thẳng đi qua hai điểm $O(0, 0)$ và $C(1, -2)$.
- d) Đồ thị hàm số $y = -x$ là một đường thẳng đi qua hai điểm $O(0, 0)$ và $D(1, -1)$.



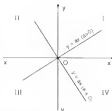
40. Đồ thị hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$)

a) Khi $a > 0$

Trong công thức $y = ax$, nếu $a > 0$ thì các giá trị của x và y luôn luôn cùng dấu. Vì thế, trong trường hợp này, đồ thị hàm số $y = ax$ nằm ở góc phần tư thứ I và thứ III.

b) Khi $a < 0$

Tương tự, khi $a < 0$, các giá trị của x và y luôn luôn trái dấu nên đồ thị của hàm số $y = ax$ nằm ở góc phần tư thứ II và thứ IV.



41. Với $A\left(-\frac{1}{3}, 1\right)$, thay $x = -\frac{1}{3}$ và $y = 1$ vào hàm số ta được

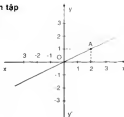
$$1 = -3 \left(-\frac{1}{3}\right) \Leftrightarrow 1 = 1 \text{ (đúng)} \quad \text{Vậy } A \text{ thuộc đồ thị hàm số}$$

Tương tự với $B\left(-\frac{1}{3}, -1\right) \Rightarrow -1 = -3 \left(-\frac{1}{3}\right) \Leftrightarrow -1 = 1$ (sai). Vậy B không thuộc đồ thị với $C(0, 0) \Rightarrow 0 = -3 \cdot 0 \Leftrightarrow 0 = 0$ (đúng). Vậy C thuộc đồ thị

Luyện tập

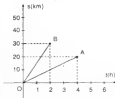
42. Đồ thị của hàm số $y = ax$. Đường thẳng OA trong hình bên là

- Hãy xác định hệ số a .
- Đánh dấu điểm trên đồ thị có hoành độ bằng $\frac{1}{2}$.
- Đánh dấu điểm trên đồ thị có tung độ bằng 1.



43. Trong hình bên, cho đồ thị biểu diễn chuyển động của người đi bộ (đoạn thẳng OA) và của người đi xe đạp (đoạn thẳng OB). Mỗi đơn vị trên trục Ot biểu thị một giờ, mỗi đơn vị trên trục Os biểu thị 10km. Qua đồ thị, em hãy cho biết

- Thời gian chuyển động của người đi bộ, của người đi xe đạp?
- Quãng đường đi được của người đi bộ, của người đi xe đạp?
- Vận tốc (km/h) của người đi bộ, của người đi xe đạp?



Giải

42. a) Ta có: $y = ax$ ($a \neq 0$) $\Rightarrow a = \frac{y}{x}$

Ta có đồ thị hàm số $y = ax$ là đường thẳng OA với tọa độ điểm

$$A(x_A = 2; y_A = 1)$$

Suy ra $a = \frac{y_A}{x_A} = \frac{1}{2}$ Vậy $a = \frac{1}{2}$

- b) Đường thẳng OA là đồ thị của hàm số $y = \frac{1}{2}x$

Khi $x = \frac{1}{2}$ thì $y = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$

Khi đó điểm B trên đồ thị có tọa độ là $\left(\frac{1}{2}; \frac{1}{4}\right)$



Đường thẳng OA là đồ thị của hàm số $y = \frac{1}{2}x$

Khi $x = 1$ thì $y = \frac{1}{2}x = \frac{1}{2}$ Vậy điểm C trên đồ thị có tọa độ $(2; 1)$

43. a) Thời gian chuyển động của người đi bộ (đường thẳng OA) hết 1 giờ

Thời gian chuyển động của người xe đạp (đường thẳng OB) hết 2 giờ

b) Quãng đường đi được của người đi bộ là 20km, quãng đường của người đi xe đạp là 30km

- c) Từ kết quả câu a) và b) ta suy ra được

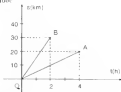
Vận tốc của người đi bộ

quãng đường
thời gian } là

$$\frac{20}{1} = 20 \text{ (km/h)}$$

Vận tốc của người đi xe đạp là

$$\frac{30}{2} = 15 \text{ (km/h)}$$



Luyện tập

44. Vẽ đồ thị của hàm số $y = f(x) = -0,5x$. Bảng đồ thị hãy tìm

- a) $f(2)$, $f(-2)$, $f(4)$, $f(0)$
b) Giá trị của x khi $y = -1$, $y = 0$, $y = 2,5$.
c) Giá trị của x khi y dương, khi y âm

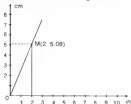
45. Hai cạnh của hình chữ nhật có độ dài là 3m và x (m). Hãy viết công thức biểu diễn diện tích y (m^2) theo x . Vì sao đại lượng y là hàm số của đại lượng x . Vẽ đồ thị của hàm số đó

Xem đồ thị hãy cho biết

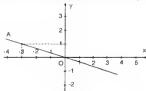
- a) Diện tích của hình chữ nhật bằng bao nhiêu khi $x = 3m$? $x = 4m$?
b) Cạnh x bằng bao nhiêu khi diện tích y của hình chữ nhật bằng $6m^2$? $9m^2$?

46. Đồ thị trong hình bên được sử dụng để đổi đơn vị độ dài từ in-sơ sang xentimet?

Xem đồ thị, hãy cho biết 2 in, 3 in bằng khoảng bao nhiêu xentimet?



47. Đồ thị hàm số $y = ax$ là đường thẳng OA. Hệ số a bằng bao nhiêu ?



Bài giải

44. Đồ thị hàm số $y = -0,5x$ là một đường thẳng đi qua hai điểm $O(0; 0)$ và $A(2; -1)$.

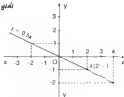
a) Bảng đồ thị ta có

$$f(2) = -1$$

$$f(-2) = 1$$

$$f(4) = -2$$

$$f(0) = 0$$



b) Khi $y = -1$, ta có $-0,5x = -1 \Rightarrow x = \frac{-1}{-0,5} = 2$

$$\text{Khi } y = 0, \text{ ta có } -0,5x = 0 \Rightarrow x = 0$$

$$\text{Khi } y = 2,5, \text{ ta có } -0,5x = 2,5 \Rightarrow x = \frac{2,5}{-0,5} = -5$$

c) Các giá trị của x : Khi y dương, ta có $y = -0,5x \Rightarrow x = \frac{y}{-0,5} < 0$

Vậy khi y dương thì các giá trị của x luôn luôn âm.

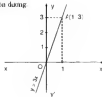
$$\text{Khi } y \text{ âm, ta có } y = -0,5x \Rightarrow x = \frac{y}{-0,5} > 0$$

Vậy khi y âm thì các giá trị của x luôn luôn dương.

45. - Hàm số biểu diễn diện tích y theo x là $y = f(x) = 3x$

Đồ thị hàm số $y = 3x$ là một đường thẳng đi qua gốc tọa độ $O(0; 0)$ và đi qua điểm $A(1; 3)$

a) - Khi $x = 3$ (m) thì diện tích hình chữ nhật là $y = 3.3 = 9$ (m²)



Khi $x = 1$ (m) thì diện tích hình chữ nhật là $y = 3(1 - 1,2) = 0$ (m²)

Khi diện tích hình chữ nhật bằng 6 (m²) thì cạnh hình chữ nhật là

$$3(1 - x) = x - 6 \Rightarrow 1 = 2 \text{ (m)}$$

Khi diện tích hình chữ nhật bằng 9 (m²) thì cạnh hình chữ nhật là

$$3(1 - x) = x - 9 \Rightarrow 1 = 3 \text{ (m)}$$

16. Đồ thị của đồ thị số lượng trên là như:

$$2 \text{ m/s} \rightarrow 2,08 \text{ m/s} \quad 1 \text{ m/s} \rightarrow 2,08 \Rightarrow 2 \rightarrow 2,08 \text{ m/s}$$

$$A(x, 1 \text{ m/s}) \rightarrow 2,5 \text{ s} \Rightarrow A \rightarrow 7,02 \text{ m/s}$$

17. Đồ thị hàm số là một đường thẳng đi qua gốc tọa độ $O(0, 0)$ và nên có dạng $y = ax$.

Vì đường thẳng đi qua điểm $A(3, 1)$ nên tọa độ điểm A nghiệm đúng phương trình đường thẳng, nghĩa là

$$1 = a(3) \Rightarrow a = \frac{1}{3}$$

Vậy hàm số được xác định bởi công thức $y = \frac{x}{3}$.

ÔN TẬP CHƯƠNG II

• Câu hỏi ôn tập

1. Khi nào thì hai đại lượng x và y tỉ lệ thuận với nhau? Tỉ lệ nghịch với nhau? Cho ví dụ.
2. Gọi x và y theo thứ tự là độ dài cạnh và chu vi của tam giác đều. Đại lượng y tỉ lệ thuận hay tỉ lệ nghịch với đại lượng x ?
3. Gọi y (m³) và x (m) theo thứ tự là diện tích đáy và chiều cao của hình hộp chữ nhật thay đổi nhưng luôn có thể tích 36 (m³). Đại lượng y tỉ lệ thuận hay tỉ lệ nghịch với đại lượng x ?
4. Đồ thị của hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$) có hình dạng như thế nào?

Trả lời

1. Học sinh tự làm.
2. Chu vi của tam giác đều là $y = x + x + x = 3x$.
Với công thức $y = 3x$ chứng tỏ rằng đại lượng y tỉ lệ thuận với đại lượng x .
3. Ta biết thể tích hình hộp chữ nhật bằng diện tích đáy nhân với chiều cao.

$$\text{Theo đề bài ta có } 36 = y \cdot x \Rightarrow y = \frac{36}{x}$$

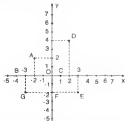
Với công thức này chứng tỏ rằng đại lượng y tỉ lệ nghịch với đại lượng x .



4. Đồ thị hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$) là một đường thẳng đi qua gốc tọa độ $O(0;0)$.

Bài tập

48. Một tấn nước biển chứa 25kg muối. Hỏi 250g nước biển đó chứa bao nhiêu gam muối?
49. Hai thanh sắt và chì có khối lượng bằng nhau. Hỏi thanh nào có thể tích lớn hơn và lớn hơn bao nhiêu lần nếu biết rằng khối lượng riêng của sắt là $7,8 \text{ g/cm}^3$ và của chì là $11,3 \text{ g/cm}^3$?
50. Ông Minh dự định xây một bể nước có thể tích là V , nhưng sau đó phải thay đổi kích thước so với dự định ban đầu như sau. Cả chiều dài và chiều rộng đáy bể đều giảm đi một nửa. Hỏi chiều cao phải thay đổi như thế nào để bể xây được vẫn có thể tích là V ?
51. Tọa độ các điểm A, B, C, D, E, F, G trong hình dưới.



52. Trong mặt phẳng tọa độ vẽ tam giác ABC với các đỉnh $A(3; 5)$; $B(3; -1)$; $C(-5; -1)$. Tam giác ABC là tam giác gì?

53. Một vận động viên xe đạp đi được quãng đường 140km từ TP Hồ Chí Minh đến Vĩnh Long với vận tốc 35km/h. Hãy vẽ đồ thị của chuyển động trên trong hệ trục tọa độ Oxy (với một đơn vị trên trục hoành biểu thị một giờ và một đơn vị trên trục tung biểu thị 20km).

54. Vẽ trên cùng một hệ trục tọa độ đồ thị của các hàm số.

a) $y = -x$;

b) $y = \frac{1}{2}x$;

c) $y = -\frac{1}{2}x$

55. Những điểm nào sau đây không thuộc đồ thị của hàm số $y = 3x - 1$

A $\left(-\frac{1}{3}; 0\right)$;

B $\left(\frac{1}{3}; 0\right)$;

C(0; 1);

D(0; 1) ?

56. **Đố** Xem hình 33 (SGK trang 78), đó em biết được.

- a) Trẻ em trên 5 tuổi (60 tháng) cân nặng bao nhiêu là bình thường, là suy dinh dưỡng vừa, là suy dinh dưỡng nặng, là suy dinh dưỡng rất nặng?
- b) Một em bé cân nặng 9,5kg khi trên 24 tháng tuổi thuộc loại bình thường, suy dinh dưỡng vừa, suy dinh dưỡng nặng, suy dinh dưỡng rất nặng?

Bài giải

48. Ta có: 1 lít nước biển chứa 25kg muối

$$\text{Số lít 1kg nước biển chứa} = \frac{25}{1000} = \frac{1}{40} \text{ (kg) nước}$$

$$\text{Hay 1 250g muối biển chứa} = \frac{1000}{40} = 25\text{g muối}$$

$$\text{Số lít 250g muối biển chứa} = \frac{25}{1} = 6,25\text{g muối}$$

Vậy với 250 gam muối biển đựng trong cốc chứa 6,25g muối

49. Ta biết rằng công thức tính khối lượng của thanh kim loại đồng chất

$$\text{đơn vị theo công thức} \quad m = D \cdot V \quad \left| \begin{array}{l} m \text{ khối lượng (g)} \\ V \text{ thể tích (cm}^3\text{)} \\ D \text{ khối lượng riêng (g/cm}^3\text{)} \end{array} \right.$$

$$\text{Gọi số với thanh sắt, ta có} \quad m = D \cdot V = 7,8 \cdot V$$

$$\text{và thanh chì, ta có} \quad m' = D' \cdot V' = 11,3 \cdot V'$$

$$\text{Vì } m = m' \text{ nên } 7,8 \cdot V = 11,3 \cdot V' \quad \rightarrow \quad \frac{V}{V'} = \frac{11,3}{7,8} \approx 1,45$$

Vậy thanh sắt có thể tích lớn hơn và lớn hơn 1,45 lần so với thể tích thanh chì

50. Gọi x, y, z lần lượt là chiều dài, chiều rộng, chiều cao của bể nước ban đầu dự định xây

$$\text{Ta có} \quad V = x \cdot y \cdot z$$

$$\text{Sau khi thay đổi kế hoạch thì chiều dài bể còn lại là } \frac{x}{2}, \text{ chiều rộng là } \frac{y}{2}$$

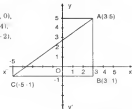
$$\text{Khả đo thể tích của bể nước là} \quad V' = \frac{x}{2} \cdot \frac{y}{2} \cdot z' \quad (z' \text{ là chiều cao mới}) = \frac{x \cdot y \cdot z'}{4}$$

Đề cho thể tích bể nước vẫn không thay đổi, nghĩa là $V = V'$ hay

$$xyz = \frac{xyz'}{4} \quad \text{thì } z' = 4z \text{ hay chiều cao mới phải bằng 4 lần chiều cao của}$$

cái bể ban đầu dự định xây

51. a) Ta có
- | | |
|-----------|-----------|
| A(-2, 2), | B(4, 0), |
| C(1, 0), | D(2, 4), |
| E(3, -2), | F(0, -2), |
| G(-3, -2) | |



32. Tam giác ABC là tam giác vuông tại B

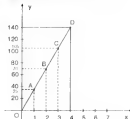
33. Ta có hàm số biểu thị sự chuyển động

$$y = 35t \text{ (} y \text{ – quãng đường, } t \text{ – thời gian)}$$

Ta có bảng giá trị như sau

x	1	2	3	4
$y = 35x$	35	70	105	140

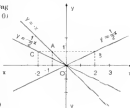
và đồ thị của chuyển động trên hệ trục Oxy



34. a) Đồ thị hàm số $y = x$ là một đường thẳng đi qua gốc tọa độ $O(0, 0)$ và đi qua điểm $A(1, 1)$

b) Đồ thị hàm số $y = \frac{1}{2}x$ là một đường thẳng đi qua gốc tọa độ $O(0, 0)$ và đi qua điểm $B(2, 1)$.

c) Đồ thị hàm số $y = -\frac{1}{2}x$ là một đường thẳng đi qua gốc tọa độ $O(0, 0)$ và đi qua điểm $C(-2, 1)$



35. Gọi (D) là đồ thị của hàm số $y = 3x - 1$.

Một điểm $A(x_A, y_A) \in (D)$ khi và chỉ khi $y_A = 3x_A - 1$

Với điểm $A\left(-\frac{1}{3}; 0\right)$, ta có $3x_A - 1 = 3\left(-\frac{1}{3}\right) - 1 = -1 - 1 = -2 \neq y_A = 0$

Vậy $A\left(-\frac{1}{3}; 0\right) \notin (D)$

$$\text{Vậy } B_1 = \frac{1}{2} \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right) \text{ và } B_2 = \frac{1}{2} \left(\cos \frac{5\pi}{6} + i \sin \frac{5\pi}{6} \right) = \frac{1}{2} \left(-\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$$

$$\text{Vậy } B_1 = \frac{1}{2} \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$$

$$\text{Vậy } \cos \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2} \text{ và } \sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2} \Rightarrow \cos \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2} \text{ và } \sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2} \text{ Vậy } \cos \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}$$

$$\text{Vậy } \cos \frac{5\pi}{6} = -\frac{1}{2} \text{ và } \sin \frac{5\pi}{6} = \frac{1}{2} \Rightarrow \cos \frac{5\pi}{6} = -\frac{1}{2} \text{ và } \sin \frac{5\pi}{6} = \frac{1}{2} \text{ Vậy } \cos \frac{5\pi}{6} = -\frac{1}{2}$$

20. Từ đó tìm ta thấy trọng tâm của tam giác

19kg là bình thường,

14kg là suy dinh dưỡng vừa,

12kg là suy dinh dưỡng nặng

10kg là suy dinh dưỡng rất nặng

b) là khi trên 21 tháng mà chỉ nặng 9,5kg là thuộc loại suy dinh dưỡng vừa

CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG II

- Chọn câu trả lời đúng* Cho biết hai đại lượng x và y tỉ lệ thuận với nhau, khi $x = 3$ thì $y = 6$. Vậy giá trị của y là 15 khi x bằng

A 2 B 2 C 15 D 15

A 15 B 15 C 2 D 2
- Chọn câu trả lời đúng* Cho biết x_1 tỉ lệ thuận với x_2 theo hệ số k ($k \neq 0$), y_1 tỉ lệ thuận với x_2 theo hệ số k thì

A $y_1 + y_2$ tỉ lệ thuận với $x_1 + x_2$ theo hệ số tỉ lệ $2k$

B $y_1 + y_2$ tỉ lệ thuận với $x_1 + x_2$ theo hệ số k^2

C $y_1 + y_2$ tỉ lệ thuận với $x_1 + x_2$ theo hệ số k

D $y_1 + y_2$ tỉ lệ nghịch với $x_1 + x_2$ theo hệ số k
- Chọn câu trả lời đúng* Một các cạnh của tam giác tỉ lệ với 3, 4, 5 và chu vi là 60cm. Độ dài các cạnh lần lượt là

A 15, 18, 27 B 15, 21, 24

C 16, 20, 24 D 15, 20, 25
- Chọn câu trả lời đúng* Cho x và y là hai đại lượng tỉ lệ nghịch với nhau, khi $x = 5$ thì $y = 8$. Hệ số tỉ lệ a bằng

A 5 B $\frac{8}{5}$ C 40 D 13

A $\frac{5}{8}$ B $\frac{8}{5}$ C 40 D 13
- Chọn câu trả lời đúng* Cho hàm số $y = f(x) = x^2 - 2x + 2$. Ta có

A $f(1) = 1$ B $f\left(\frac{1}{2}\right) = 1\frac{3}{4}$ C $f(2) = 3$ D $f(0) = 4$

A $f(1) = 1$ B $f\left(\frac{1}{2}\right) = 1\frac{3}{4}$ C $f(2) = 3$ D $f(0) = 4$

8. Chọn câu trả lời sai

Cho hình vẽ bên

Ta có

- A $A(3, 1)$
 B $B(2, -3)$
 C $C(2, -2)$
 D $D(4, 0)$



7. Chọn câu trả lời đúng

- A Đồ thị của hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$) là một đường thẳng song song với trục hoành
 B Đồ thị của hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$) là một đường thẳng song song với trục tung
 C Đồ thị của hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$) đi qua góc tọa độ O
 D Đồ thị của hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$) không đi qua góc tọa độ O

6. Chọn câu trả lời sai. Điểm thuộc đồ thị hàm số $y = \frac{1}{2}x + 1$

- A $M\left(1, \frac{1}{2}\right)$ B $N(4, 2)$ C $P\left(3, \frac{3}{2}\right)$ D $Q(6, 3)$

9. Chọn câu trả lời đúng. Đường thẳng

OM trong hình là đồ thị của hàm số $y = ax$, do vậy

- A $a = 2$ B $a = \frac{1}{2}$
 C $a = 4$ D $a = -\frac{1}{2}$



10. Chọn câu trả lời đúng.

Đường thẳng ON trong hình vẽ sau là đồ thị của hàm số

- A $y = \frac{2}{3}x$ B $y = \frac{3}{2}x$
 C $y = \frac{2}{3}x$ D $y = \frac{3}{2}x$



ĐÁP ÁN CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG II

1. Hệ số tỉ lệ là $k = \frac{y}{x} = \frac{6}{3} = 2$

Với $y = 15$ ta có $x = \frac{y}{k} = \frac{15}{2} = 7,5$ Chọn câu C

2. Ta có $\begin{cases} k = \frac{y_1}{x_1} \\ k = \frac{y_2}{x_2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y_1 = kx_1 \\ y_2 = kx_2 \end{cases} \Rightarrow y_1 + y_2 = k(x_1 + x_2)$

Hãy $k = \frac{y_1 + y_2}{x_1 + x_2}$

Vậy $y_1 + y_2$ tỉ lệ thuận với $x_1 + x_2$ theo hệ số k Chọn câu C

3. Gọi độ dài các cạnh tương ứng là a, b, c

Ta có $\frac{a}{3} = \frac{b}{4} = \frac{c}{5} = \frac{a+b+c}{3+4+5} = \frac{60}{12} = 5$

$\therefore a = 15, b = 20, c = 25$

Chọn câu D

4. Hệ số tỉ lệ $a = x/y = 5/8 = 40$ Chọn câu C

5. Ta có: $f(1) = 1^2 - 2 \cdot 1 + 2 = 1$ Chọn câu A

6. Ta có: C (2, -2) Chọn câu C

7. Chọn câu C

8. Chọn câu B (khi $x = 4$ thì $y = -2$)

9. Đồ thị hàm số đi qua O (0, 0) và K (4, 2) nên hàm số là $y = \frac{1}{2}x$ hay $a = \frac{1}{2}$

Chọn câu B

10. Đồ thị hàm số đi qua O (0, 0) và N (3, 2) nên hàm số là $y = \frac{2}{3}x$

Chọn câu C

PHẦN HÌNH HỌC

Chương I.

ĐƯỜNG THẲNG VUÔNG GÓC. ĐƯỜNG THẲNG SONG SONG

§1. HAI GÓC ĐỐI ĐỈNH

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Thế nào là hai góc đối đỉnh ?

Hai góc đối đỉnh là hai góc mà mỗi cạnh của góc này là tia đối của một cạnh góc kia.

2. Tính chất của hai góc đối đỉnh

Hai góc đối đỉnh thì bằng nhau

$$\widehat{O_1} \text{ và } \widehat{O_3} \text{ đối đỉnh} \Rightarrow \widehat{O_1} = \widehat{O_3}$$

$$\widehat{O_2} \text{ và } \widehat{O_4} \text{ đối đỉnh} \Rightarrow \widehat{O_2} = \widehat{O_4}$$



II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Cho góc xOy có số đo bằng 45° , vẽ góc $x'Oy'$ đối đỉnh với góc xOy . Tính góc $x'Oy'$ có số đo bằng bao nhiêu độ ?
2. Đường thẳng xx' cắt đường thẳng yy' tại điểm O (xem hình bên).

Biết góc $\widehat{O_1} = 50^\circ$.

Tính góc O_2, O_3, O_4



Bài giải

1. Vì góc xOy' đối đỉnh với góc xOy và
 $xOy = 45^\circ$

Vậy góc $xOy' = 45^\circ$

2. Ta có \hat{O}_1 và \hat{O}_2 là hai góc đối đỉnh

Suy ra $\hat{O}_1 = \hat{O}_2 = 50^\circ$

Vậy $\hat{O}_1 = 50^\circ$

Ta có \hat{O}_3 và \hat{O}_1 là hai góc kề bù nên

$$\hat{O}_3 + \hat{O}_1 = 180^\circ$$

$$\hat{O}_3 = 180^\circ - \hat{O}_1$$

$$= 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$

Vậy $\hat{O}_3 = 130^\circ$

Ta có \hat{O}_4 và \hat{O}_2 là hai góc đối đỉnh

Suy ra $\hat{O}_4 = \hat{O}_2 = 50^\circ$

Vậy $\hat{O}_4 = 50^\circ$



B. Bài tập căn bản

1. Vẽ hai đường thẳng xx' và yy' cắt nhau tại O như hình bên. Hãy điền vào chỗ trống trong các phát biểu sau:

a) Góc xOy và góc ... là hai góc đối đỉnh
 vì cạnh Ox là tia đối của cạnh Ox' và
 cạnh Oy là ... của cạnh Oy'

b) Góc $x'Oy$ và góc xOy' là ... vì cạnh Ox
 là tia đối của cạnh ... và cạnh ...

2. Hãy điền vào chỗ trống trong các phát biểu sau:

a) Hai góc có mỗi cạnh của góc này là tia đối của một cạnh của góc kia được gọi là hai góc ...

b) Hai đường thẳng cắt nhau tạo thành hai cặp góc ...

3. Vẽ hai đường thẳng xx' và yy' cắt nhau tại A . Hãy viết tên hai cặp góc đối đỉnh.

4. Vẽ góc xBy có số đo bằng 60° . Vẽ góc đối đỉnh với góc xBy . Hỏi góc này có số đo bằng bao nhiêu độ?



Bài giải

1. Học sinh tự làm.

2. Học sinh tự làm.

3. Ta có $\widehat{A_1}$ và $\widehat{A_2}$ là 2 góc đối đỉnh
 $\widehat{A_3}$ và $\widehat{A_4}$ là hai góc đối đỉnh



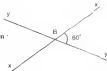
4. Xem hình vẽ bên:

Góc đối đỉnh với góc \widehat{xOy} là góc $\widehat{x'O'y'}$

- Vì góc \widehat{xOy} và $\widehat{x'O'y'}$ là hai góc đối đỉnh nên:

$$\widehat{x'O'y'} = \widehat{xOy} = 60^\circ$$

Vậy $\widehat{x'O'y'} = 60^\circ$



Luyện tập

- a) Vẽ góc \widehat{ABC} có số đo bằng 56°
 b) Vẽ góc $\widehat{ABC'}$ kề bù với góc \widehat{ABC} . Hỏi số đo góc $\widehat{ABC'}$?
 c) Vẽ góc $\widehat{C'BA'}$ kề bù với góc $\widehat{ABC'}$. Tính số đo của góc $\widehat{C'BA'}$?
- Vẽ hai đường thẳng cắt nhau sao cho các góc tạo thành có một góc 47° . Tính số đo các góc còn lại.
- Ba đường thẳng xx' , yy' , zz' cùng đi qua điểm O . Hãy viết tên các cặp góc bằng nhau.
- Vẽ hai góc có chung đỉnh và có cùng số đo là 70° , nhưng không đối đỉnh.
- Vẽ góc vuông \widehat{xAy} . Vẽ góc $\widehat{x'Ay'}$ đối đỉnh với góc \widehat{xAy} . Hãy viết tên hai góc vuông không đối đỉnh.
- Đố:** Hãy vẽ một đường thẳng màu đỏ cắt một đường thẳng màu xanh trên một tờ giấy (giấy trong hoặc giấy mỏng). Phải gấp tờ giấy như thế nào để chứng tỏ hai góc đối đỉnh thì bằng nhau ?

Bắt đầu

5. a) Vẽ góc $\widehat{ABC} = 56^\circ$

Trước hết vẽ tia BC . Ta đặt thước đo góc sao cho tâm của thước trùng với điểm B và tia BC đi qua vạch 0° của thước, kẻ tia BA đi qua vạch 56° của thước đo góc.

Góc $\widehat{ABC} = 56^\circ$ là góc phải vẽ

- b) Vẽ góc $\widehat{ABC'}$ kề bù với góc \widehat{ABC}

Số đo của $\widehat{ABC'}$ = ?

- Trên nửa mặt phẳng bờ chứa tia BC ta vẽ tia BC' là tia đối của tia BC khi đó tia BC' tạo với tia BA thành góc $\widehat{ABC'}$ kề bù với góc \widehat{ABC}



Điểm M' nằm bên ngoài góc \widehat{ABC} nên

$$\widehat{ABM} + \widehat{MBM'} = 180^\circ \quad \text{vì} \quad \widehat{ABM} = 180^\circ - \widehat{ABC}$$

$$\Rightarrow \widehat{ABM'} = 180^\circ - 56^\circ \quad \text{hay} \quad \widehat{ABM'} = 124^\circ$$

⇒ Vì điểm C' nằm bên trong góc \widehat{ABC} . Tính số đo của góc $\widehat{C'BA}$.

Trên nửa mặt phẳng bờ chứa tia BA ta vẽ tia BA' là tia đối của tia BA . Khi đó tia BA' tạo với tia BC thành góc $\widehat{C'BA}$ kề bù với góc $\widehat{ABM'}$.

Vì BC' và BA' là hai tia đối của hai tia BC và BA của góc \widehat{ABC} . Vậy góc \widehat{ABC} và $\widehat{A'BC'}$ là hai góc đối đỉnh nên $\widehat{C'BA} = \widehat{CBA} = 56^\circ$.

6. Góc tương tự hạn tập mẫu số 2 và 41

7. Ba đường thẳng xx' , yy' , zz' cắt nhau tại O tạo thành các cặp góc đối đỉnh bằng nhau sau đây

$$\widehat{x'Oz'}, \widehat{x'Oy'}, \quad \widehat{x'Oz}, \widehat{x'Oy}$$

$$\widehat{z'Oy}, \widehat{z'Ox'}, \quad \widehat{y'Oz}, \widehat{y'Ox'}$$

$$\widehat{x'Ox}, \widehat{x'Oy}, \quad \widehat{y'Ox}, \widehat{y'Oy}$$



8. Hai góc có chung đỉnh và có cùng số đo là 70° thường là không đối đỉnh

Vì dụ: Hai góc \widehat{xOy} và $\widehat{x'Oy'}$ đều có số đo bằng 70° và chung đỉnh O nhưng không là hai góc đối đỉnh



9. Về góc $\widehat{xAy'}$. Trên nửa mặt phẳng chứa góc \widehat{xAy} ta lấy hạt vè tia Ax' và Ay' là tia đối của tia Ax và Ay của góc \widehat{xAy} , ta được góc $\widehat{xAy'}$ là góc đối đỉnh với góc \widehat{xAy}

Khi đó $\widehat{A_1} = \widehat{A_2} = 90^\circ$ (đối đỉnh)

$$\widehat{A_1} + \widehat{A_2} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{A_2} = 90^\circ \text{ (hai góc kề bù)}$$

Vậy $\widehat{A_1} = \widehat{A_2} = 90^\circ$ (không đối đỉnh)

Tương tự $\widehat{A_3} = \widehat{A_4}$ hoặc $\widehat{A_3} = \widehat{A_4}$

hoặc $\widehat{A_1} = \widehat{A_4}$ (không đối đỉnh)



10. Hướng dẫn

Em hãy thử gấp tờ giấy đó theo tia phân giác của 1 góc tạo bởi 2 đường thẳng cắt nhau để

§2. HAI ĐƯỜNG THẲNG VUÔNG GÓC

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Định nghĩa hai đường thẳng vuông góc

Hai đường thẳng xx' và yy' cắt nhau và trong các góc tạo thành có một góc vuông được gọi là hai đường thẳng vuông góc và được kí hiệu là $xx' \perp yy'$



2. Vẽ hai đường thẳng vuông góc

Ta thường dùng êke và thước thẳng để vẽ hai đường thẳng vuông góc

Ta thừa nhận tính chất sau: Có một và chỉ một đường thẳng a' đi qua điểm O cho trước và vuông góc với đường thẳng a cho trước



3. Đường trung trực của đoạn thẳng

Đường thẳng vuông góc với một đoạn thẳng tại trung điểm của nó gọi là đường trung trực của đoạn thẳng ấy.

$$\left. \begin{array}{l} xy \perp AB \text{ tại } I \\ IA = IB \end{array} \right\}$$

$\Rightarrow xy$ là đường trung trực của đoạn thẳng AB.



II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

- Vẽ góc xOy và lấy điểm A không nằm trên Ox, Oy, qua A vẽ những đường thẳng lần lượt vuông góc với các đường thẳng Ox, Oy
 - Vẽ hai đường thẳng aa' , bb' vuông góc với nhau tại A, tiếp đó vẽ đường thẳng cc' cắt aa' ở B và cắt bb' ở C, cuối cùng vẽ đường thẳng ee' đi qua A và vuông góc với đường thẳng cc'
- Biết hai góc kề bù xOy và yOx' bằng nhau. Tính số đo của mỗi góc
 - Qua điểm O nằm trên đường thẳng xx' kẻ được mấy đường thẳng vuông góc với đường thẳng xx' ? Vì sao?

Bài giải

1. a) Trường hợp điểm A nằm ngoài góc \widehat{xOy}

Trường hợp điểm A nằm trong góc \widehat{xOy}



b)



2. a) Vì $\widehat{xOy} + \widehat{yOx'} = 180^\circ$

Mà hai góc đó lại bằng nhau nên

$$\widehat{xOy} + \widehat{yOx'} = 2\widehat{xOy} = 2\widehat{yOx'} = 180^\circ$$

$$\text{Vậy } \widehat{xOy} = \widehat{yOx'} = \frac{180}{2} = 90^\circ$$



- b) Qua điểm O nằm trên đường thẳng xx' ta kẻ được một và chỉ một đường thẳng vuông góc với đường thẳng ấy và trên nửa mặt phẳng có bờ là đường thẳng xx' có một và chỉ một tia Oy sao cho $\widehat{xOy} = 90^\circ$

B. Bài tập căn bản

11. Điền vào chỗ trống trong các phát biểu sau.

- Hai đường thẳng vuông góc với nhau là hai đường thẳng
- Hai đường thẳng a và a' vuông góc với nhau được kí hiệu là
- Cho trước một điểm A và một đường thẳng d , đường thẳng d' đi qua A và vuông góc với d .

12. Trong hai câu sau, câu nào đúng ? Câu nào sai ? Hãy bác bỏ câu sai bằng một hình vẽ

- Hai đường thẳng vuông góc thì cắt nhau.
- Hai đường thẳng cắt nhau thì vuông góc

13. Vẽ một đoạn thẳng AB trên giấy trong hoặc giấy mỏng. Hãy gấp tờ giấy để nếp gấp trùng với đường trung trực của đoạn thẳng ấy.

14. Cho đoạn thẳng CD dài 3cm. Hãy vẽ đường trung trực của đoạn thẳng ấy.

Hướng dẫn Dùng thước kẻ chia khoảng vẽ đoạn thẳng $CD = 3\text{cm}$ và trung điểm I của CD rồi dùng êke vẽ đường thẳng vuông góc với CD tại I .

Trải nghiệm

11. a) cắt nhau và tạo thành một góc vuông

b) và $a' \perp a'$

c) Có một và chỉ một



12. Câu a) đúng

Câu b) sai Vì hai đường thẳng cắt nhau thì chưa chắc vuông góc (xem hình vẽ).

13. Hướng dẫn Gấp tờ giấy sao cho điểm A trùng với điểm B . Nếp gấp trùng với đường trung trực của đoạn thẳng AB .

14. Hướng dẫn Dùng thước kẻ chia khoảng vẽ đoạn thẳng $CD = 3\text{cm}$. Tìm trung điểm I của đoạn CD , ($IC = ID = 1,5\text{cm}$). Dùng êke để kẻ đường vuông góc với CD và đi qua I ta được đường trung trực đoạn CD .

Luyện tập

15. Vẽ đường thẳng xy và điểm O thuộc đường thẳng đó trên giấy trong (như hình a). Gấp giấy như hình b, c. Trải phẳng tờ giấy rồi tô xanh nếp gấp z (hình c). Hãy nêu những kết luận rút ra từ các hoạt động trên.



a)



b)



c)

16. Vẽ đường thẳng d' đi qua điểm A và vuông góc với đường thẳng d cho trước bằng êke. (Hướng dẫn: Xem hình vẽ).



17. Dùng êke hãy kiểm tra xem hai đường thẳng a và a' ở hình a, b, c có vuông góc với nhau hay không?

18. Vẽ hình theo cách vẽ đồ bằng tay.

Vẽ góc xOy có số đo bằng 60° . Lấy điểm B bất kỳ nằm trong góc xOy . Vẽ qua A đường thẳng a song song với cạnh Ox và Oy . Vẽ qua A đường thẳng d vuông góc với tia Oy như sau:

19. Vẽ tại hình vẽ cho trước hình tứ giác.
Chú ý: Có thể vẽ theo nhiều hình tứ giác khác nhau.



20. Vẽ đoạn thẳng AB dài 2cm và đoạn thẳng BC dài 3cm rồi vẽ đường trung trực của mỗi đoạn thẳng ấy.
(Vẽ hình trong hai trường hợp: ba điểm A, B, C không thẳng hàng, ba điểm A, B, C thẳng hàng).

Bài giải

15. Đọc xuôi từ trái.

16. Đọc xuôi từ trái.

17. $\angle A$ và $\angle A'$ không vuông góc.

$$\sin A \neq \sin A'$$

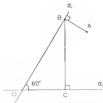
$$\cos A \neq \cos A'$$

18. Hình vẽ như sau:



19. Trên mặt phẳng lấy một điểm O bất kỳ qua O vẽ đường thẳng d_1 và đường thẳng d_2 tạo thành một góc 60° .

Từ một điểm A bất kỳ nằm trong góc O vẽ $AB \perp d_1$, $BC \perp d_2$ ứng với $BC \perp d_2$ ($C \in d_2$).



20. Trường hợp 1

A, B, C không thẳng hàng

d_1 là đường trung trực đoạn AB

d là đường trung trực đoạn BC



Trường hợp 2.

A, B, C thẳng hàng



§3. CÁC GÓC TẠO BỞI MỘT ĐƯỜNG THẲNG CẮT HAI ĐƯỜNG THẲNG

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Góc so le trong - Góc đồng vị

- \hat{A}_1 và \hat{B}_2 và \hat{A}_4 và \hat{B}_3 là hai cặp góc so le trong
- \hat{A}_1 và \hat{B}_1 , \hat{A}_2 và \hat{B}_2 , \hat{A}_3 và \hat{B}_3 , \hat{A}_4 và \hat{B}_4 là bốn cặp góc đồng vị



2. Tính chất

Nếu đường thẳng c cắt hai đường thẳng a và b và trong các cặp góc tạo thành có một cặp góc so le trong bằng nhau thì:

- Hai góc so le trong còn lại bằng nhau,
- Hai góc đồng vị bằng nhau

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

Trên hình bên, cho $\hat{A}_4 = \hat{B}_4 = 45^\circ$

a) Không đo góc, hãy giải thích tại sao

$$\hat{A}_1 = \hat{B}_3 = 135^\circ$$

b) Không đo góc, hãy giải thích tại sao

$$\hat{A}_2 = \hat{B}_2 = 45^\circ$$

c) Hãy viết tên ba cặp góc đồng vị còn lại với số đo của chúng



Bài giải

- a) Ta có $\hat{A} + \hat{A}_1$ là hai góc kề bù nên $\hat{A} + \hat{A}_1 = 180^\circ$
 $\hat{A} = 180^\circ - \hat{A}_1 = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ$

Tương tự $\hat{B} + \hat{B}_1$ là hai góc kề bù nên

$$\hat{B} = 180^\circ - \hat{B}_1 = 180^\circ - 45^\circ = 135^\circ$$

$$\text{Vậy } \hat{A} = \hat{B} = 135^\circ$$

- b) Ta có $\hat{A} + \hat{A}_1$ là hai góc đối đỉnh nên $\hat{A} = \hat{A}_1 = 45^\circ$
 Tương tự $\hat{B} = \hat{B}_1 = 45^\circ$

- c) Ta có \hat{A} và \hat{B} là hai góc đồng vị. Hơn nữa $\hat{A} = \hat{A}_1$ và $\hat{B} = \hat{B}_1$ nên $\hat{A} = \hat{B} = 135^\circ$

Ta có \hat{A}_1 và \hat{B} là hai góc đồng vị. Hơn nữa $\hat{A} = \hat{A}_1 = 135^\circ$ (đối đỉnh)

$$\hat{B} = \hat{B}_1 = 45^\circ$$

$$\text{Vậy } \hat{A}_1 = \hat{B} = 45^\circ$$

Ta có \hat{A}_1 và \hat{B} là hai góc đồng vị. Hơn nữa $\hat{A} = \hat{A}_1 = 135^\circ$ (đối đỉnh)

$$\hat{B} = \hat{B}_1 = 135^\circ \text{ (đối đỉnh)}$$

$$\text{Vậy } \hat{A} = \hat{B} = 135^\circ$$

B Bài tập căn bản

21. Xem hình bên rồi điền vào chỗ trống trong các câu sau

- \widehat{IPO} và \widehat{POR} là một cặp góc
- \widehat{OPI} và \widehat{TNO} là một cặp góc
- \widehat{PIO} và \widehat{NTO} là một cặp góc
- \widehat{OPR} và \widehat{POT} là một

22. a) Vẽ lại hình bên

b) Ghi tiếp số đo ứng với các góc còn lại

- c) Cặp góc \hat{A}_1, \hat{B}_1 và cặp góc \hat{A}_2, \hat{B}_2 được gọi là hai cặp góc trong cùng phía

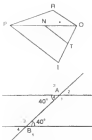
$$\text{Tính } \hat{A}_1 + \hat{B}_1$$

$$\hat{A}_2 + \hat{B}_2$$

23. Hãy nêu hình ảnh của các cặp góc so le trong và các cặp góc đồng vị trong thực tế

Bài giải

- \widehat{IPO} và \widehat{POR} là một cặp góc kề bù trong
- \widehat{OPI} và \widehat{TNO} là một cặp góc đồng vị



- c) \widehat{PIO} và \widehat{NTO} là một cặp góc so le trong
 d) \widehat{OPR} và \widehat{POI} là một cặp góc so le trong

22. a) Học sinh tự vẽ
 b) Học sinh tự ghi

$$\widehat{A}_2 = \widehat{B}_2 = 40^\circ$$

$$\widehat{A}_1 = \widehat{B}_1 = \widehat{A}_3 = \widehat{B}_3 = 140^\circ$$

c) $\widehat{A}_1 + \widehat{B}_2 = 140^\circ + 40^\circ = 180^\circ$

$$\widehat{A}_1 + \widehat{B}_1 = 40^\circ + 140^\circ = 180^\circ$$

Nhận xét Nếu hai đường thẳng song song bị cắt bởi một đường thẳng thứ ba thì tổng hai góc trong cùng phía bằng 180°

23. Học sinh tự làm

§4. HAI ĐƯỜNG THẲNG SONG SONG

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Các khái niệm

Hai đường thẳng song song là hai đường thẳng không có điểm chung

Kí hiệu : $a // b$

- Hai đường thẳng phân biệt thì hoặc cắt nhau hoặc song song



2. Dấu hiệu nhận biết hai đường thẳng song song

Nếu đường thẳng c cắt hai đường thẳng a, b và trong các góc tạo thành có một cặp góc so le trong bằng nhau (hoặc một cặp góc đồng vị bằng nhau) thì a và b song song với nhau

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{A}_1 \text{ và } \widehat{B}_2 \text{ : so le trong} \\ \widehat{A}_1 = \widehat{B}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow a // b$$

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{A}_1 \text{ và } \widehat{B}_3 \text{ : đồng vị} \\ \widehat{A}_1 = \widehat{B}_3 \end{array} \right\} \Rightarrow a // b$$



II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Vẽ cặp góc so le trong \widehat{xAB} và \widehat{yBA} có số đo đều bằng 120° . Hai đường thẳng Ax và By có song song với nhau không ? Vì sao ?

2. Cho góc nhọn \widehat{xOy} trên Oy lấy điểm A, vẽ $y\widehat{At}$ \widehat{xOy} và ở vị trí đồng vị. Vẽ tia Om là tia phân giác của \widehat{xOy} và On là tia phân giác của $y\widehat{At}$. Chứng tỏ $At \parallel Ox$ và $Om \parallel On$.

Bài giải

1. Xét hai đường thẳng Ax và By bị cắt bởi đường thẳng AH, ta có

$$\begin{cases} \widehat{x\widehat{A}B} \text{ và } \widehat{y\widehat{B}A} \text{ so le trong} \\ \widehat{x\widehat{A}B} + \widehat{y\widehat{B}A} = 120^\circ \end{cases}$$



Vậy $Ax \parallel By$ (điều kiện hai đường thẳng song song)

2. • Ta có $y\widehat{At} = \widehat{xOy}$

$y\widehat{At}$ và \widehat{xOy} đồng vị nên $At \parallel Ox$

- Om là phân giác của \widehat{xOy} , nên $m\widehat{Oy} = \frac{1}{2} \widehat{xOy}$

Ox là tia phân giác của $y\widehat{At}$, nên $y\widehat{On} = \frac{1}{2} y\widehat{At}$

mà $\widehat{xOy} = y\widehat{At} \Rightarrow m\widehat{Oy} = y\widehat{On}$, $m\widehat{Oy}$ và $y\widehat{On}$ đồng vị

Vậy $Om \parallel On$

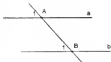


B. Bài tập căn bản

24. Điền vào chỗ trống () trong các phát biểu sau
- Hai đường thẳng a, b song song với nhau được kí hiệu là...
 - Đường thẳng c cắt hai đường thẳng a, b và trong các góc tạo thành có một cặp góc so le trong bằng nhau thì
25. Cho hai điểm A và B. Hãy vẽ một đường thẳng a đi qua A và đường thẳng b đi qua B sao cho b song song với a

Bài giải

24. a) Hai đường thẳng a, b song song với nhau được kí hiệu là $a \parallel b$
 b) Hai đường thẳng a, b cắt đường thẳng c trong các góc tạo thành có một cặp góc so le trong bằng nhau thì hai đường thẳng a và b song song với nhau
25. - Trong mặt phẳng ta lấy hai điểm A, B bất kì (không trùng nhau) vẽ đường thẳng AB
 - Đặt cạnh huyền của êke trùng với đường thẳng AB sao cho 1 đỉnh của êke trùng với điểm A. Vẽ đường thẳng a đi qua điểm A



Tương tự, đặt cạnh huyền của êke trùng với đường thẳng yB sao cho một đỉnh của êke trùng với điểm B . Vẽ đường thẳng b đi qua điểm B .

Ta được đường thẳng $a \parallel b$. (Do \hat{A}_1 và \hat{B}_1 là hai góc đồng vị bằng nhau)

Luyện tập

26. Vẽ cặp góc so le trong xAB, yBA có số đo đều bằng 120° . Hỏi hai đường thẳng Ax, By có song song với nhau không? Vì sao?
27. Cho tam giác ABC . Hãy vẽ một đoạn thẳng AD sao cho $AD = BC$ và đường thẳng AD song song với đường thẳng BC .
28. Vẽ hai đường thẳng xx', yy' sao cho $xx' \parallel yy'$.
29. Cho góc nhọn xOy và một điểm O' . Hãy vẽ một góc nhọn $x'O'y'$ có $Ox' \parallel Ox$ và $O'y' \parallel Oy$. Hãy đo xem hai góc xOy và $x'O'y'$ có bằng nhau không?
30. **Bố** Nhìn xem hai đường thẳng m, n ở hình a), hai đường thẳng p, q ở hình b) có song song với nhau không? Kiểm tra lại bằng dụng cụ.



Bài giải

26. Xem bài tập mẫu số 1.
- 27.



Qua A , ta kẻ một đường thẳng a song song với đường thẳng BC bằng cách vẽ góc $\hat{C}_1 = \hat{A}_1$.

Dùng thước hoặc compa đo được $AD = BC$, ta được hai điểm B và D' thỏa mãn điều kiện bài toán

- 28.





Khi góc xOy nhọn, ta vẽ đoạn thẳng nào đi qua tâm $xOy = xOy'$

Đó là cặp góc có cạnh tương ứng song song

30. Học sinh tự làm

§5. TIỀN ĐỀ ƠCLIT VỀ ĐƯỜNG THẲNG SONG SONG

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Tiên đề Ơclit về đường thẳng song song

Qua một điểm ở ngoài
đường thẳng chỉ có một
đường thẳng song song với
đường thẳng đó



2. Tính chất của hai đường thẳng song song

Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng song song thì :

- Hai góc so le trong bằng nhau,
- Hai góc đồng vị bằng nhau,
- Hai góc trong cùng phía bù nhau

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

1. Ở hình bên cho $a \parallel b$ và $A_3 = 37^\circ$

Tính B_1

So sánh các góc \hat{A}_4 và \hat{B}_2

2. Cho hai góc kề bù \hat{xOz} và \hat{zOy} biết $\hat{zOy} = 60^\circ$



- a) Gọi O' là một điểm của tia Ox , vẽ tia $O'y'$ sao cho hai góc $\widehat{y'O'O}$, $\widehat{y'O'O'}$ so le trong và bằng nhau. Vẽ tia $O'x'$ sao cho hai góc $\widehat{x'O'O}$ và $\widehat{x'O'O'}$ so le trong và bằng nhau.
- b) Góc $\widehat{x'O'y'}$ có số đo bằng bao nhiêu? Vì sao?

Bài giải

1. Xét hai đường thẳng a và b , cắt tuyến AB , ta có:

$$\left. \begin{array}{l} a \parallel b \\ \hat{A}_1 \text{ so le trong với } \hat{B}_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{B}_1$$

(định lý hai đường thẳng song song)

$$\text{Mà } \hat{A}_1 = 37^\circ \text{ nên } \hat{B}_1 = 37^\circ$$

$$\left. \begin{array}{l} a \parallel b \\ \hat{A}_2 \text{ so le trong với } \hat{B}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{A}_2 = \hat{B}_2$$

2. a) Kí hiệu hai nửa mặt phẳng có bờ chứa tia Ox là (I) và (II) như hình vẽ.
- Trên nửa mặt phẳng (I) ta vẽ tia $O'y'$ song song với tia Ox , ta được hai góc $\widehat{y'O'O}$ và $\widehat{y'O'O'}$ so le trong và bằng nhau.
 - Trên nửa mặt phẳng (II) ta vẽ tia $O'x' \parallel Oy$, ta được hai góc $\widehat{x'O'O}$ và $\widehat{x'O'O'}$ so le trong và bằng nhau.

$$\left. \begin{array}{l} \text{Ta có } \hat{O}_1 \text{ so le trong với } \hat{O}_1 \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_1 \\ \Rightarrow Oy' \parallel xy \\ \hat{O}_2 \text{ so le trong với } \hat{O}_2 \\ \hat{O}_2 = \hat{O}_2 \\ \Rightarrow O'x' \parallel xy \end{array} \right\}$$



Qua điểm O' ta có $O'y' \parallel xy$ và $O'x' \parallel xy$ nên theo tính chất 1, các tia $O'y'$ và $O'x'$ thuộc cùng một đường thẳng và là hai tia đối nhau nên $\widehat{x'O'y'} = 180^\circ$.

B. Bài tập căn bản

31. Tập vẽ phức hai đường thẳng song song với nhau. Kiểm tra lại bằng dụng cụ.
32. Trong các phát biểu sau, phát biểu nào diễn đạt đúng nội dung của tên đề O-cit?
- Nếu qua điểm M nằm ngoài đường thẳng a có hai đường thẳng song song với a thì chúng trùng nhau.
 - Cho điểm M ở ngoài đường thẳng a . Đường thẳng đi qua M và song song với đường thẳng a là duy nhất.

c) Chỉ duy nhất một đường thẳng song song với một đường thẳng cho trước

d) Qua điểm M nằm ngoài đường thẳng a có ít nhất một đường thẳng song song với a

Gợi ý

Cách 1: Nếu qua điểm M nằm ngoài đường thẳng a có hai đường thẳng song song với a thì chúng trùng nhau

Cách 2: Cho điểm M \notin ngoài đường thẳng a . Đường thẳng đi qua M và song song với đường thẳng a là duy nhất

33. Điền vào chỗ trống () trong phát biểu sau: Nếu một đường thẳng cắt nhau hai đường thẳng song song thì

- a) Hai góc so le trong
- b) Hai góc đồng vị
- c) Hai góc trong cùng phía

34. Hình bên cho biết $a \parallel b$ và $\hat{A}_2 = 37^\circ$

- a) Tính \hat{B}_1
- b) So sánh \hat{A}_1 và \hat{B}_1
- c) Tính \hat{B}_2



Đáp giải

31. Học sinh tự vẽ

32. a) Đúng

b) Đúng

c) Sai, vì có vô số đường thẳng song song với một đường thẳng cho trước

d) Sai, vì theo tiên đề Clêbơ không có duy nhất một' còn phát biểu này nói có ít nhất một

33. a) Hai góc so le trong bằng nhau

b) Hai góc đồng vị bằng nhau

c) Hai góc trong cùng phía bù nhau

Vì $a \parallel b$

34. a) và \hat{A}_1 so le trong với \hat{B}_1 $\left| \begin{array}{l} \hat{A}_1 + \hat{B}_1 = 37^\circ \end{array} \right.$

Ta có \hat{B}_1 kề bù với \hat{B}_2 , nên $\hat{B}_1 + \hat{B}_2 = 180^\circ$

$\rightarrow \hat{B}_1 = 180^\circ - \hat{B}_2 = 180^\circ - 37^\circ = 143^\circ$

Vậy $\hat{B}_1 = 143^\circ$

b) So sánh \hat{A}_1 và \hat{B}_1

Vì $a \parallel b$

\hat{A}_1 đồng vị với \hat{B}_1 $\rightarrow \hat{B}_1 = \hat{A}_1 = 37^\circ$



$$\left. \begin{array}{l} \text{Vì } a \parallel b \\ \hat{A}_2 \text{ đồng vị với } \hat{B}_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{B}_1 - \hat{A}_1 = 143^\circ$$

Vì $143^\circ > 37^\circ$ nên $\hat{A}_1 > \hat{B}_1$

$$\text{c) Ta có } \left. \begin{array}{l} a \parallel b \\ \hat{A}_1 \text{ so le trong với } \hat{B}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \hat{B}_2 - \hat{A}_1 = 37^\circ$$

Ta tính được góc \hat{B}_1 như áp dụng tính chất hai đường thẳng song song

"Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng song song thì hai góc so le trong bằng nhau".

Luyện tập

35. Cho tam giác ABC. Qua đỉnh A vẽ đường thẳng a song song với cạnh BC, qua đỉnh B vẽ đường thẳng b song song với cạnh AC. Hỏi vẽ được mấy đường thẳng a, mấy đường thẳng b ? Vì sao ?

36. Hình bên cho biết $a \parallel b$ và c cắt a tại A, cắt b tại B. Hãy điền vào chỗ trống (..) trong các câu sau.

- a) $\hat{A}_1 = \dots$ (vì là cặp góc so le trong)
 b) $\hat{A}_2 = \dots$ (vì là cặp góc đồng vị)
 c) $\hat{B}_3 + \hat{A}_4 = \dots$ (vì...)
 d) $\hat{B}_4 - \hat{A}_2$ (vì...)



37. Cho hình bên ($a \parallel b$). Hãy so sánh các góc của hai tam giác CAB và CDE.



38. Hãy điền vào chỗ trống (..) trong bảng sau :

Biết $d \parallel d'$ thì suy ra :

a) $\hat{A}_1 = \hat{B}_3$ và b) ... và c) ...

Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng song song thì :

a) ...
 b) ...
 c) ...

Biết :

a) $\hat{A}_4 = \hat{B}_2$

hoặc b) ...

hoặc c) ...

thì suy ra $d \parallel d'$.

Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng mà a) ...

hoặc b) ...

hoặc c) ...

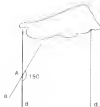
thì hai đường thẳng đó song song với nhau.



39. Hình bên cho biết: $\widehat{B_1} = \widehat{C_1}$
và một góc tù tại đỉnh A
bằng 150°

Tính góc nhọn tạo bởi a
và d

Gợi ý: Tính số đo của
một góc nhọn đỉnh A
bằng với góc này



Bài giải

35. Qua đỉnh A ta vẽ được một đường thẳng
a duy nhất song song với BC

Qua đỉnh B ta vẽ được một đường thẳng
b duy nhất song song với AC

Vì theo tiên đề Ôclit: vẽ đường thẳng
song song thì “Qua một điểm ở ngoài
đường thẳng chỉ có một đường thẳng
song song với đường thẳng cho trước”



36. a) $\widehat{A_1} = \widehat{B_1}$ (vì là cặp góc so le trong)
b) $\widehat{A_2} = \widehat{B_2}$ (vì là cặp góc đồng vị)
c) $\widehat{B_1} + \widehat{A_1} = 180^\circ$ (vì là hai góc trong cùng phía)
d) $\widehat{B_1} = \widehat{A_2}$ (vì $\widehat{B_1} = \widehat{B}$ (đối) và $\widehat{B} = \widehat{A_2}$ (đồng vị))

37. Vì $a \parallel b$ và $\widehat{B_1}$ so le trong với $\widehat{E_1}$



Suy ra $\widehat{B_1} = \widehat{E_1}$

Vì $a \parallel b$ và $\widehat{A_1}$ so le trong với $\widehat{D_1}$

Suy ra $\widehat{A_1} = \widehat{D_1}$

$\widehat{C_1} = \widehat{C_2}$ đối đỉnh



 <p>Biết $d \parallel d'$ thì suy ra :</p> <p>a) $\hat{A}_1 = \hat{B}_1$ b) $\hat{A}_2 = \hat{B}_2$ c) $\hat{A}_1 + \hat{B}_2 = 180^\circ$</p> <p>Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng song song thì :</p> <p>a) Hai góc so le trong bằng nhau b) Hai góc đồng vị bằng nhau c) Hai góc trong cùng phía bù nhau</p>	 <p>Biết :</p> <p>a) $\hat{A}_1 = \hat{B}_1$ hoặc b) $\hat{A}_2 = \hat{B}_2$ (đồng vị) hoặc c) $\hat{A}_1 + \hat{B}_2 = 180^\circ$</p> <p>thì suy ra $d \parallel d'$</p> <p>Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng mà :</p> <p>a) Hai góc so le trong bằng nhau hoặc b) Hai góc đồng vị bằng nhau hoặc c) Hai góc trong cùng phía bù nhau</p> <p>thì hai đường thẳng đó song song với nhau</p>
---	--

39. Đường thẳng a kéo dài sẽ cắt đường thẳng $d_2 \parallel d_1$ tại B tạo với d_2 góc nhọn

\hat{B}_1 (hoặc \hat{B}_2)

- Ta có \hat{A}_1 và \hat{A}_2 là hai góc kề bù nên :

$$\hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{A}_2 = 180^\circ - \hat{A}_1 = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$$

Vì $d_1 \parallel d_2$

và \hat{A}_2 so le trong với \hat{B}_1

$$\Rightarrow \hat{B}_1 = \hat{A}_2 = 30^\circ$$

Vậy $\hat{B}_1 = 30^\circ$



§6. TỪ VUÔNG GÓC ĐẾN SONG SONG

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Quan hệ giữa tính vuông góc và tính song song của ba đường thẳng.

Hai đường thẳng phân biệt cùng vuông góc với đường thẳng thứ ba thì chúng song song với nhau

$$\left. \begin{array}{l} a \perp c \\ \text{và } b \perp c \end{array} \right\} \Rightarrow a \parallel b$$



Nếu một đường thẳng vuông góc với một trong hai đường thẳng song song thì nó cũng vuông góc với đường thẳng kia

$$\left. \begin{array}{l} c \perp a \\ \text{và } a \parallel b \end{array} \right\} \Rightarrow c \perp b$$

2. Ba đường thẳng song song

Hai đường thẳng phân biệt cùng song song với một đường thẳng thứ ba thì song song với nhau.

$$\left. \begin{array}{l} a \parallel c \\ \text{và } b \parallel c \end{array} \right\} \Rightarrow a \parallel b$$



II. BÀI TẬP

A. Bài tập căn bản

40. Căn cứ vào hình bên, hãy điền vào chỗ trống (...)

Nếu $a \perp c$ và $b \perp c$ thì ...

Nếu $a \parallel b$ và $c \perp a$ thì ...



41. Căn cứ vào hình bên, hãy điền vào chỗ trống (...)

Nếu $a \parallel b$ và $a \perp c$ thì ...

Bài giải

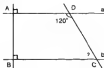
40. Nếu $a \perp c$ và $b \perp c$ thì $a \parallel b$

Nếu $a \parallel b$ và $c \perp a$ thì $c \perp b$

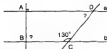
41. Nếu $a \parallel b$ và $a \perp c$ thì $b \perp c$

Luyện tập

42. a) Vẽ $c \perp a$.
b) Vẽ $b \perp c$. Hỏi a có song song với b không? Vì sao?
c) Phát biểu tính chất đó bằng lời.
43. a) Vẽ $c \perp a$.
b) Vẽ $b \parallel a$. Hỏi c có vuông góc với b không? Vì sao?
c) Phát biểu tính chất đó bằng lời.
44. a) Vẽ $a \parallel b$.
b) Vẽ $c \parallel a$. Hỏi c có song song với b không? Vì sao?
c) Phát biểu tính chất đó bằng lời.
45. a) Vẽ $d' \parallel d$ và $d'' \parallel d$ (d' và d'' phân biệt).
b) Suy ra $d' \parallel d''$ bằng cách trả lời các câu hỏi sau:
- Nếu d' cắt d'' tại điểm M thì M có thể nằm trên d không? Vì sao?
 - Qua điểm M nằm ngoài d , vừa có $d' \parallel d$, vừa có $d'' \parallel d$ thì có trái với tiên đềƠ-clit không? Vì sao?
 - Nếu d' và d'' không thể cắt nhau (vì trái với tiên đềƠ-clit) thì chúng phải thế nào?

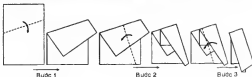


46. Xem hình bên:
- a. Vì sao $a \parallel b$?
- b. Tính số đo góc C .



47. Xem hình bên.
Biết $a \parallel b$,
 $\hat{A} = 90^\circ$, $\hat{C} = 130^\circ$,
tính \hat{B} , \hat{D} .

48. Đố. Hãy lấy một tờ giấy, gấp ba lần theo hình vẽ. Trải tờ giấy, quan sát xem có phải các nếp gấp là hình ảnh của một đường thẳng vuông góc với hai đường thẳng song song hay không?



42. a) Học sinh tự vẽ.
 b) $c \perp a$ và $b \perp a$ thì $c \parallel b$ vì a và b cùng vuông góc với c .
 c) Hai đường thẳng phân biệt cùng vuông góc với một đường thẳng thứ ba thì chúng song song với nhau.
43. a) Học sinh tự vẽ.
 b) $b \perp a$ mà $c \perp a$ nên $c \parallel b$.
 c) Nếu một đường thẳng vuông góc với một trong hai đường thẳng song song thì nó cũng vuông góc với đường thẳng kia.
44. a) Học sinh tự vẽ.
 b) $a \parallel b$ mà $c \perp a$ thì $b \perp c$ vì b và c cùng vuông góc với a .
 c) Hai đường thẳng phân biệt cùng song song với một đường thẳng thứ ba thì song song với nhau.

45. a) Học sinh tự vẽ.
 b) Nếu d' cắt d'' tại một điểm M thì M phải nằm ngoài đường thẳng d , vì nếu $M \in d$ thì M là giao điểm của d và d' , điều này trái với cách vẽ của ta là $d' \nparallel d$.
- M nằm ngoài đường thẳng d mà ta biết có $d' \nparallel d$ và $d'' \nparallel d$, như vậy là qua một điểm M nằm ngoài đường thẳng d ta có hai đường thẳng song song với d . Điều này trái với tiên đề Ô-clit.
 - Vậy d' không thể cắt d'' , nên $d' \parallel d''$.

46. a) Ta có $\left. \begin{array}{l} a \perp AB \\ \text{và } b \perp AB \end{array} \right\} \Rightarrow a \parallel b$

b) Tính \hat{C} ?

Ta có $a \parallel b$

\hat{D}_1 và \hat{C} là 2 góc trong cùng phía

$$\Rightarrow \hat{D}_1 + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{C} = 180^\circ - \hat{D}_1 = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

47. $a \parallel b$ mà $AB \perp a$ nên $AB \perp b \Rightarrow \hat{B} = 90^\circ$

$a \parallel b$ mà \hat{C} và \hat{D} là hai góc trong cùng phía nên

$$\hat{C} + \hat{D} = 180^\circ \Rightarrow \hat{D} = 180^\circ - \hat{C} \Rightarrow \hat{D} = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

48. Học sinh tự làm.



§7. ĐỊNH LÝ

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Định lý là gì ?

Định lý là một khẳng định suy ra từ những khẳng định được coi là đúng. Giả thiết của định lý là điều cho biết. Kết luận của định lý là điều được suy ra.

2. Chứng minh định lý là gì ?

Chứng minh định lý là dùng suy luận để khẳng định kết luận (được suy ra từ giả thiết) là đúng.

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

Luyện tập diễn đạt các định lý đã học (điền vào các chỗ trống bằng những nội dung thích hợp).

a) Nếu M là trung điểm của đoạn thẳng CD thì .

b) Nếu ... thì $IE = IK = \frac{EK}{2}$

c) Nếu tia Ot là tia phân giác của góc xOy thì...

d) Nếu ... thì $\widehat{AEB} - \widehat{AEC} = \frac{\widehat{BEC}}{2}$

e) Nếu hai góc \widehat{xOy} và $\widehat{x'O'y'}$ là hai góc đối đỉnh thì...

Bài giải

a) Nếu M là trung điểm của đoạn thẳng CD thì : $MC = MD = \frac{CD}{2}$

b) Nếu I là trung điểm của đoạn thẳng EK thì : $IK = IE = \frac{EK}{2}$

c) Nếu tia Ot là tia phân giác của góc xOy thì : $\widehat{xOt} = \widehat{yOt} = \frac{\widehat{xOy}}{2}$

d) Nếu tia EA là tia phân giác của góc BEC thì : $\widehat{AEB} = \widehat{AEC} = \frac{\widehat{BEC}}{2}$

e) Nếu hai góc \widehat{xOy} và $\widehat{x'O'y'}$ là hai góc đối đỉnh thì : $\widehat{xOy} = \widehat{x'O'y'}$

B. Bài tập căn bản

49. Hãy chỉ ra giả thiết và kết luận của các định lý sau:

- Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng sao cho có một cặp góc so le trong bằng nhau thì hai đường thẳng đó song song.
- Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng song song thì hai góc so le trong bằng nhau.

50. a) Hãy viết kết luận định lý sau bằng chữ h để điền vào chỗ trống ()
 Nếu hai đường thẳng phân biệt cùng vuông góc với một đường thẳng thứ ba thì
 b) Vẽ hình minh họa định lý đó và viết giả thiết, kết luận bằng kí hiệu

Luyện tập

51. a) Hãy viết định lý nói về một đường thẳng vuông góc với một trong hai đường thẳng song song
 b) Vẽ minh họa định lý đó và viết giả thiết, kết luận bằng kí hiệu
 c) Viết giả thiết và kết luận của định lý đó
52. Xem hình bên, hãy điền vào chỗ trống () để chứng minh định lý:
 "Hai góc đối đỉnh thì bằng nhau"
 Giả thiết
 Kết luận



	Các khẳng định	Cần cù của khẳng định
1	$\widehat{O_1} + \widehat{O_2} = 180^\circ$	Vi
2	$\widehat{O_3} + \widehat{O_2} = \pi$	Vi
3	$\widehat{O_1} + \widehat{O_2} = \widehat{O_2} + \widehat{O_3}$	Cần cù vào
4	$\widehat{O_1} = \widehat{O_3}$	Cần cù vào

Tương tự, hãy chứng minh $\widehat{O_2} = \widehat{O_4}$

53. Cho định lý : "Nếu hai đường thẳng xx' , yy' cắt nhau tại O và góc xOy vuông thì các góc yOx , $x'Oy'$, $y'Ox$ đều là góc vuông"
- a) Hãy vẽ hình
 b) Viết giả thiết và kết luận của định lý
 c) Điền vào chỗ trống () trong các câu sau
- 1) $\widehat{xOy} + \widehat{x'Oy} = 180^\circ$ (vi)
 - 2) $90^\circ + \widehat{x'Oy} = 180^\circ$ (theo giả thiết và cần cù vào ..)
 - 3) $\widehat{x'Oy} = 90^\circ$ (cần cù vào)
 - 4) $\widehat{x'Oy'} = \widehat{xOy}$ (vi)
 - 5) $\widehat{x'Oy'} = 90^\circ$ (cần cù vào)
 - 6) $\widehat{y'Ox} = \widehat{x'Oy}$ (vi ..)
 - 7) $\widehat{y'Ox} = 90^\circ$ (cần cù vào)
- d) Hãy trình bày lại chứng minh một cách gọn hơn

Bài giải

49. a) - Giả thiết: Nếu một đường thẳng cắt một đường thẳng sao cho có một cặp góc so le trong bằng nhau.
 - Kết luận: Hai đường thẳng đó song song.
 b) - Giả thiết: Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng song song.
 - Kết luận: Hai góc so le trong bằng nhau.

50. a) hai đường thẳng đó song song.

GT	$a \perp c, b \perp c$
KL	$a \parallel b$



51. a) Học sinh tự phát biểu

GT	$c \perp a, a \parallel b$
KL	$c \perp b$



52.

GT	\hat{O}_1 đối đỉnh với \hat{O}_2 (\hat{O}_1 đối đỉnh với \hat{O}_2).
KL	$\hat{O}_1 = \hat{O}_2$ ($\hat{O}_1 = \hat{O}_2$)



	Các khẳng định	Căn cứ của khẳng định
1	$\hat{O}_1 + \hat{O}_2 = 180^\circ$	Vì \hat{O}_1 và \hat{O}_2 là hai góc kề bù
2	$\hat{O}_2 + \hat{O}_3 = 180^\circ$	Vì \hat{O}_2 và \hat{O}_3 là hai góc kề bù
3	$\hat{O}_1 + \hat{O}_3 = \hat{O}_2 + \hat{O}_3$	Căn cứ vào tính chất bắc cầu
4	$\hat{O}_1 = \hat{O}_3$	Vì thu gọn \hat{O}_3 ở 2 vế

* Tương tự hãy chứng minh $\hat{O}_2 = \hat{O}_4$.

53. a), b)

GT	xx' cắt yy' tại O $\widehat{xOy} = 90^\circ$
KL	$\widehat{yOx'} = \widehat{x'Oy'} = \widehat{y'Ox} = 90^\circ$



c) Sắp xếp hợp lý để chứng minh định lý trên như sau:

- $\widehat{xOy} + \widehat{x'Oy} = 180^\circ$ (vì hai góc này bù nhau)
- $90^\circ + \widehat{x'Oy} = 180^\circ$ (theo giả thiết và căn cứ vào 2 góc kề bù)
- $\widehat{x'Oy} = 90^\circ$ (căn cứ vào $180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$)
- $\widehat{x'Oy'} = \widehat{xOy}$ (vì hai góc này đối đỉnh)
- $\widehat{x'Oy'} = 90^\circ$ (căn cứ vào $\widehat{xOy} = 90^\circ$)

$$1 \quad \widehat{yOx} \quad \quad \quad \widehat{xOy} \text{ (cũ hai góc tạo nên một đường thẳng)}$$

$$7 \quad \widehat{yOx} \quad \quad \quad 90^\circ \text{ (cũ từ việc } \widehat{xOy} = 90^\circ)$$

d) Ta có thể trình bày lại cách chứng minh gọn hơn như sau:

Ta có $\widehat{xOy} + \widehat{yOx} = 180^\circ$ (vì hai góc kề bù)

$$\Rightarrow \widehat{xOy} = 180^\circ - \widehat{yOx} = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

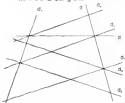
Ta có $\widehat{xOy}' = \widehat{xOy} = 90^\circ$ (đồng đẳng)

và $\widehat{xOy}' = \widehat{xOy} = 90^\circ$ (đồng đẳng)

Vậy $\widehat{yOx}' = \widehat{xOy}' - \widehat{yOx} = 90^\circ$

ÔN TẬP CHƯƠNG I

54. Trong hình a) có năm cặp đường thẳng vuông góc và bốn cặp đường thẳng song song. Hãy quan sát rồi viết tên các cặp đường thẳng đó và kiểm tra lại bằng thước.



a)



b)

55. Vẽ lại hình b) rồi vẽ thêm

- Các đường thẳng vuông góc với d đi qua M , đi qua N .
- Các đường thẳng song song với e đi qua M , đi qua N .

56. Cho đoạn thẳng AB dài 28mm. Hãy vẽ đường trung trực của đoạn thẳng ấy.

57. Cho hình c) ($a \parallel b$) hãy tính số đo x của góc O .

Hướng dẫn: Vẽ đường thẳng song song với a đi qua điểm O .



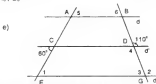
c)



d)

58. Tính số đo x trong hình d). Hãy giải thích vì sao tính được như vậy?

59. Hình e) cho biết $d \parallel d' \parallel d''$ và hai góc $60^\circ, 110^\circ$. Tính các góc $\hat{E}_1, \hat{C}_2, \hat{G}_3, \hat{D}_4, \hat{A}_5, \hat{B}_6$.



60. Hãy phát biểu các định lý được diễn tả bằng các hình vẽ sau, rồi viết giả thiết, kết luận của từng định lý (xem §5).



Bài giải

54. a) - Năm cặp đường thẳng vuông góc đó là ,
 $d_1 \perp d_1; d_2 \perp d_2; d_3 \perp d_3; d_4 \perp d_1; d_5 \perp d_1$
 - Bốn cặp đường thẳng song song đó là
 $d_1 \parallel d_2; d_1 \parallel d_3; d_2 \parallel d_3$ và $d_4 \parallel d_5$

b) Kiểm tra bằng êke
 (Học sinh tự làm).

55. a) Vẽ các đường thẳng a, b vuông góc với d qua M, N .
 b) Vẽ các đường thẳng a', b' song song với c đi qua M, N .



56. Trên mặt phẳng vẽ đoạn thẳng $AB = 28\text{mm}$, dùng thước đo mm để xác định trung điểm I của AB ($IA = IB = 14\text{mm}$)

- Dùng êke vẽ đường thẳng d đi qua I và vuông góc với AB . Đường thẳng d là đường trung trực của đoạn thẳng AB .



57. $AB \parallel CD$ và đường thẳng $d \perp AB$

Ta có $d \perp AB$ và A là trung điểm của AB

Suy ra $AB \perp CD$ (đồng trục)

Ta có $d \perp BC$ (do $AB \perp BC$)

Và B là trung điểm của BC

$\Rightarrow \hat{O}_1 = \hat{B} = 132^\circ$

Ta có \hat{O}_1 và \hat{O} là hai góc kề bù nên

$$\hat{O}_1 + \hat{O} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{O}_2 = 180^\circ - \hat{O} = 180^\circ - 132^\circ = 48^\circ$$

Ta có $x = \hat{O} + \hat{O}_2 = 78^\circ + 48^\circ = 126^\circ$



58. Ta có $a \perp b$
 $a \perp c \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow b \parallel c$

Ta có $b \parallel c$

\hat{A}_1 so le trong với \hat{B}

Suy ra $\hat{B}_1 = \hat{A}_1 = 115^\circ$

Ta có \hat{B}_1 và \hat{B} là hai góc kề bù nên

$$\hat{B}_1 + \hat{B} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{B}_2 = 180^\circ - \hat{B} = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$$

Vậy $x = \hat{B}_2 = 65^\circ$



39. - Ta có $d \parallel d'$
 và \hat{C}_1 so le trong với \hat{E} $\left| \begin{array}{l} \Rightarrow \hat{E} = \hat{C}_1 = 60^\circ \end{array} \right.$

- Ta có $d' \parallel d'$
 và \hat{C}_2 đồng vị với \hat{D}_1 $\left| \begin{array}{l} \Rightarrow \hat{C}_2 = \hat{D}_1 = 110^\circ \end{array} \right.$

- Ta có \hat{C}_2 và \hat{G}_1 là hai góc
 kề bù nên $\hat{C}_2 + \hat{G}_1 = 180^\circ$
 $\Rightarrow \hat{G}_2 = 180^\circ - \hat{G}_1 = 70^\circ$

- Ta có $\hat{D}_1 = \hat{D}_2 = 110^\circ$ (đối đỉnh)
 $d \parallel d'$

- Ta có \hat{D}_1 và \hat{H} là $\left| \begin{array}{l} \Rightarrow \hat{H} = \hat{D}_1 = 70^\circ \\ \text{hai góc đồng vị} \end{array} \right.$

Ta có $d \parallel d'$
 và \hat{E} đồng vị với \hat{A} $\left| \begin{array}{l} \Rightarrow \hat{A} = \hat{E} = 60^\circ \end{array} \right.$



60. Hình a) có thể phát biểu định lý dưới hai dạng (học sinh tự phát biểu)

GT	$a \perp c; b \perp c$
KL	$a \parallel b$

hoặc

GT	$c \perp a; a \parallel b$
KL	$c \perp b$



Hình b) Học sinh tự phát biểu

GT	$d_1 \parallel d_2; d_2 \parallel d_3$
KL	$d_1 \parallel d_3$



CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG I

1. Cho hai đường thẳng xy và zt cắt nhau tại I (hình bên). Chọn câu khẳng định đúng



- A. \widehat{xIz} và \widehat{yIt} đối đỉnh.
 B. \widehat{xOy} và \widehat{yOt} đối đỉnh
 C. \widehat{xIy} và \widehat{tOy} bù nhau
 D. \widehat{xIx} và \widehat{xOt} phụ nhau

2. Cho đường thẳng d và hai điểm A, B nằm ngoài đường thẳng d . Từ A kẻ $AM \perp d$ ($M \in d$); từ B kẻ $BN \perp d$ ($N \in d$). Tìm khẳng định sai

- A. $AM \perp BN$
 B. $\widehat{AMd} = 90^\circ$
 C. $\widehat{AND} = 90^\circ$
 D. $AM \parallel BN$

3. Chọn câu trả lời đúng

Cho hình bên, biết $\widehat{M_1} = \widehat{N_2}$, ta có

- A. $x \parallel y$
 B. x cắt y
 C. x cắt y và có điểm chung là M và N
 D. $\widehat{M_1} + \widehat{N_2} = 180^\circ$



4. Cho câu trả lời đúng hoặc sai cho đường thẳng $a \perp b \Rightarrow a \text{ và } c \perp d$. Từ kết luận

A. $d \perp a$ B. $d \perp b$ C. $c \perp b$ D. $a \parallel c$

5. Cho hình vẽ bên với $\widehat{xOD} = 115^\circ$, $\widehat{ORy} = 25^\circ$, $\widehat{xOA} = \widehat{ORB}$. Hãy chọn câu nhận định đúng trong số các câu sau



- A. Ax cắt Bz
B. Ax trùng với Bz
C. Ax song song với Bz
D. Ax vuông góc với Bz
6. Chọn câu trả lời đúng. Chứng minh định lý là
- A. Dùng lập luận để từ kết luận suy ra giả thiết.
B. Dùng hình vẽ để suy ra kết luận.
C. Dùng đồ đạc trực tiếp để suy ra kết luận.
D. Dùng lập luận để từ giả thiết suy ra kết luận.

7. Chọn câu trả lời đúng. Nếu hai góc nhọn \widehat{xOy} và $\widehat{x'O'y'}$ có $Ox \parallel O'x'$, $Oy \parallel O'y'$ thì

A. $\widehat{xOy} < \widehat{x'O'y'}$ B. $\widehat{xOy} = \widehat{x'O'y'}$
C. $\widehat{xOy} > \widehat{x'O'y'}$ D. $\widehat{xOy} \leq \widehat{x'O'y'}$

8. Chọn câu trả lời đúng. Cho đường thẳng c cắt hai đường thẳng song song xy, x'y' tại A, B. Gọi Au, Av là phần góc góc \widehat{xAB} , \widehat{yAB} . Gọi Bu, Bv là phần góc góc $\widehat{x'BA}$ và $\widehat{y'BA}$. Lúc đó ta có

A. Au cắt Bv B. Au vuông góc Bv
C. Au song song Bv D. Au trùng với Bv

9. Tìm câu trả lời sai. Nếu một đường thẳng cắt hai đường thẳng song song thì

A. Hai góc so le trong bằng nhau.
B. Hai góc đối đỉnh bù nhau.
C. Hai góc trong cùng phía bù nhau.
D. Hai góc đồng vị bằng nhau

ĐÁP ÁN CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG I

1. Chọn câu A

2. Chọn câu A

3. Chọn câu A

4. Chọn câu A



5. Qua O kẻ Oz sao cho $\widehat{AOz} = 65^\circ$

Ta có : $\widehat{OAx'} = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$

$$\Rightarrow Oz \parallel Ax' \quad (1)$$

Mà $\widehat{xOB} = 90^\circ - 65^\circ = 25^\circ = \widehat{yBO}$

$$\Rightarrow Oz \parallel By \quad (2)$$

Từ (1) và (2) suy ra $Ax' \parallel By$.

Chọn câu C

6. Chọn câu D.

7. Chọn câu B

8. Ta có : $\widehat{xAB} = \widehat{y'BA}$ (so le trong)

$$\hat{A}_2 = \frac{1}{2} \widehat{xAB}, \hat{B}_2 = \frac{1}{2} \widehat{y'BA} \Rightarrow \hat{A}_2 = \hat{B}_2$$

Mà hai góc \hat{A}_2 và \hat{B}_2

nằm ở vị trí so le trong.

Suy ra $Au \parallel Bv$

Chọn câu C.

9. Chọn câu B



§1. TỔNG BA GÓC CỦA MỘT TAM GIÁC

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1 Tổng ba góc của một tam giác

Định lý: Tổng ba góc của một tam giác bằng 180°

GT	$\triangle ABC$
KL	$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$



2 Góc ngoài của tam giác

a) • Định nghĩa

Góc ngoài của tam giác là góc kề bù với một góc của tam giác

- Định nghĩa tam giác vuông: Tam giác vuông là tam giác có một góc vuông

b) • Định lý

Mỗi góc ngoài của tam giác bằng tổng của hai góc trong không kề với nó

- Định lý: Trong một tam giác vuông, hai góc nhọn phụ nhau

c) Nhận xét: Góc ngoài của tam giác lớn hơn mỗi góc trong không kề với nó

$$\hat{C}_1 > \hat{A}, \hat{C}_1 > \hat{B}$$



GT	$\triangle ABC$ \hat{C}_1 là góc ngoài của $\triangle ABC$
KL	$\hat{C}_1 = \hat{A} + \hat{B}$

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

Xét tam giác ABC

a) Biết $\hat{A} = 60^\circ$, $\hat{B} = 70^\circ$ Tính \hat{C} ?

b) Biết $\hat{A} + \hat{C} = 90^\circ$ Tính \hat{B} ?

c) Biết $\hat{A} = \hat{B} = \hat{C}$ Tính số đo mỗi góc của tam giác

d) Biết $\hat{A} = 3\hat{C}$, $\hat{B} = 2\hat{C}$ Tính số đo mỗi góc của tam giác.

Bài giải

a) Ta có $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \hat{C} = 180^\circ - (\hat{A} + \hat{B}) = 180^\circ - (80^\circ + 70^\circ) = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$$

Vậy $\hat{C} = 30^\circ$

b) Ta có $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$ (Tổng ba góc của $\triangle ABC$)

$$\Rightarrow \hat{B} = 180^\circ - (\hat{A} + \hat{C}) = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

Vậy $\hat{B} = 90^\circ$

c) Ta có $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$

hay $\hat{A} + \hat{A} + \hat{A} = 180^\circ$ (do $\hat{A} = \hat{B} = \hat{C}$)

hay $3\hat{A} = 180^\circ \Rightarrow \hat{A} = 180^\circ : 3 = 60^\circ$

Vậy $\hat{A} = \hat{B} = \hat{C} = 60^\circ$

d) Ta có $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$ (Tổng ba góc của $\triangle ABC$)

hay $3\hat{C} + 2\hat{C} + \hat{C} = 180^\circ$ (do $\hat{A} = 3\hat{C}$, $\hat{B} = 2\hat{C}$)

hay $6\hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{C} = 30^\circ$

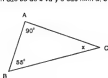
Ta có: $\hat{A} = 3\hat{C} = 3.30^\circ = 90^\circ$

và $\hat{B} = 2\hat{C} = 2.30^\circ = 60^\circ$

Vậy $\hat{A} = 90^\circ$; $\hat{B} = 60^\circ$; $\hat{C} = 30^\circ$

B. Bài tập căn bản

1. Tính các số đo x và y ở các hình a, b, c, d, e



- 2 Cho tam giác ABC với $\widehat{B} = 80^\circ$, $\widehat{C} = 30^\circ$ là phân giác

Tính góc A cắt BC ở D . Tính \widehat{ADC} , \widehat{ADB}

- 3 Cho hình bên. Hãy so sánh

- a) So sánh \widehat{BIK} và \widehat{BAK}
b) So sánh \widehat{BIC} và \widehat{BAC}



- 4 **Đố.** Tháp nghiêng Pi da ở Hơ-lê-nh nghiêng 5° so với phương thẳng đứng (hình dưới). Tính góc ABC trên hình vẽ



- 5 Ta gọi tam giác có ba góc nhọn là tam giác nhọn, tam giác có một góc tù là tam giác tù. Gọi tên tam giác nhọn, tam giác tù, tam giác vuông trên hình vẽ



Giải

- L a) Xét $\triangle ABC$ ở hình a)

Ta có $\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ$ (Tổng ba góc của $\triangle ABC$)

hay $90^\circ + 55^\circ + x = 180^\circ$

$\Rightarrow x = 180^\circ - (90^\circ + 55^\circ) = 180^\circ - 145^\circ = 35^\circ$

Vậy $x = 35^\circ$

- b) Ở hình b):

Ta có: $\widehat{H} + \widehat{I} + \widehat{G} = 180^\circ$ (Tổng ba góc của $\triangle GHI$)

hay $x + 40^\circ + 30^\circ = 180^\circ$

$\Rightarrow x = 180^\circ - (40^\circ + 30^\circ) = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$

Vậy $x = 110^\circ$

- c) Ở hình c):

Ta có $\widehat{M} + \widehat{N} + \widehat{P} = 180^\circ$ (Tổng ba góc của $\triangle MNP$)

hay $x + 50^\circ + x = 180^\circ$

$$\Rightarrow 2x = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ \Rightarrow x = 130 : 2 = 65^\circ$$

Vậy $x = 65^\circ$

d) Ở hình d)

- Ta có \widehat{D} là góc ngoài của tam giác DEK nên

$$\widehat{D} = \widehat{E} + \widehat{K}_1$$

hay $y = 80^\circ + 40^\circ = 120^\circ$

- Ta có $\widehat{K}_1 + x = 180^\circ$ (hai góc kề bù)

hay $40^\circ + x = 180^\circ \Rightarrow x = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$

Vậy $x = 140^\circ$, $y = 120^\circ$

e) Ở hình e)

Ta có, \widehat{ADC} là góc ngoài của tam giác ABD,

$$\Rightarrow \widehat{ADC} = x + \widehat{B} - \widehat{BAD} = 70^\circ + 40^\circ = 110^\circ$$

- Ta có: Trong tam giác ADC có

$$\widehat{DAC} + \widehat{ADC} + \widehat{C} = 180^\circ$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \widehat{C} &= 180^\circ - (\widehat{DAC} + \widehat{ADC}) \\ &= 180^\circ - (110^\circ + 40^\circ) = 30^\circ \end{aligned}$$

Vậy $x = 110^\circ$, $y = 30^\circ$



2. Trong tam giác ABC, ta có: $\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{A} = 180^\circ - (\widehat{B} + \widehat{C}) = 180^\circ - (80^\circ + 30^\circ)$$

$$\widehat{A} = 70^\circ$$

Vì AD là phân giác của góc \widehat{A} nên:

$$\widehat{A}_1 = \widehat{A}_2 = \frac{\widehat{BAC}}{2} = \frac{70^\circ}{2} = 35^\circ$$

- Trong tam giác ADC, ta có: $\widehat{ADC} + \widehat{DCA} + \widehat{CAD} = 180^\circ$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \widehat{ADC} &= 180^\circ - (\widehat{DCA} + \widehat{CAD}) \\ &= 180^\circ - (30^\circ + 35^\circ) \end{aligned}$$

Vậy $\widehat{ADC} = 115^\circ$.

- Ta có: \widehat{ADC} và \widehat{ADB} là 2 góc kề bù nên: $\widehat{ADB} + \widehat{ADC} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{ADB} = 180^\circ - \widehat{ADC} = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$$

Vậy $\widehat{ADB} = 65^\circ$.



3. a) So sánh \widehat{BIK} và \widehat{BAK}

Ta có: \widehat{BIK} là góc ngoài của tam giác BAI nên: $\widehat{BIK} > \widehat{BAK}$ (1)

(Vì góc ngoài của tam giác bao giờ cũng lớn hơn một góc trong không kề với nó)

Đ = Số cạnh BĐ = 3 (đ) (đ)

Ta có $\widehat{KDC} = \widehat{D}$ (Cùng góc tạo bởi AM và BC)

Trong $\triangle DKC$ ta có $\widehat{D} + \widehat{K} + \widehat{C} = 180^\circ$

$$\widehat{DKC} = 180^\circ - \widehat{D} - \widehat{C} = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

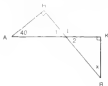
Vậy $\widehat{DKC} = 90^\circ$



4. **Hướng dẫn:** Ta có $\widehat{A} = 90^\circ$, $\widehat{B} = 40^\circ$ nên \widehat{C} là góc nhọn.
5. • Trong $\triangle ABC$ có $\widehat{A} = 180^\circ - (\widehat{B} + \widehat{C}) = 90^\circ$ $\Rightarrow \triangle ABC$ là tam giác vuông.
 • Trong $\triangle DEF$ có $\widehat{D} = 180^\circ - (\widehat{E} + \widehat{F}) = 90^\circ$ $\Rightarrow \triangle DEF$ là tam giác vuông.
 • Trong $\triangle HIK$ có $\widehat{H} = 180^\circ - (\widehat{I} + \widehat{K}) = 90^\circ$ $\Rightarrow \triangle HIK$ là tam giác nhọn.

Luyện tập

6. Tìm số độ của x trong hình a, b, c, d



a)



b)



c)



d)

7. Cho tam giác ABC vuông tại A . Kẻ AH vuông góc với BC ($H \in BC$)
- a) Tìm các cặp góc phụ nhau trong hình vẽ
 b) Tìm các cặp góc nhọn bằng nhau trong hình vẽ
8. Cho tam giác ABC có $\widehat{B} = \widehat{C} = 40^\circ$. Gọi Ax là tia phân giác của góc ngoài ở đỉnh A . Hãy chứng tỏ rằng $Ax \perp BC$.
9. Hình bên dưới biểu diễn mặt cắt ngang của một con đê. Để đo góc nhọn MNP tạo bởi mặt nghiêng của con đê với phương nằm ngang, người ta dựng

• Hình vẽ

Trong tam giác vuông HAP (tại H) ta có $\widehat{A_1} + K = 180^\circ$

$$\widehat{A_1} = 180^\circ - \widehat{K} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

Trong tam giác vuông KHI (tại H) KHI là góc ngoài của tam giác

$$\text{Đã cho } \widehat{KHI} = K + K = 90^\circ + 45^\circ = 135^\circ$$

$$\widehat{A_2} = \widehat{A_1} + \widehat{KHI}$$

7 a) Các cặp góc phụ nhau

$$\widehat{A_1} \text{ và } \widehat{A_2} \text{ phụ nhau (t) } \widehat{A_1} \text{ và } \widehat{A_2} \text{ phụ nhau (t)}$$

b) Ta có $\widehat{B} = \widehat{A_1}$ (cùng phụ với $\widehat{A_2}$)

$$\widehat{C} = \widehat{A_2} \text{ (cùng phụ với } \widehat{A_1} \text{)}$$



8 Ta có $\widehat{BA\hat{A}y}$ là góc ngoài của tam giác ABC, nên

$$\widehat{BA\hat{A}y} = \widehat{B} + \widehat{C} = 10^\circ + 40^\circ = 50^\circ$$

Vì Ax là tia phân giác của góc $\widehat{BA\hat{A}y}$ nên

$$\widehat{A_1} = \widehat{A_2} = \frac{\widehat{BA\hat{A}y}}{2} = \frac{50^\circ}{2} = 25^\circ$$

Ta có $\widehat{A_1}$ so le trong với \widehat{B} $\left\{ \begin{array}{l} \text{Ax} \text{ cắt BC} \\ \text{Ax} \text{ cắt AC} \end{array} \right. \Rightarrow \widehat{A_1} = \widehat{B} = 10^\circ$

$$\widehat{A_2} = \widehat{B} = 10^\circ$$



9 Trong tam giác vuông ABC (tại A = 90°), ta có

$$\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ$$

$$\text{hay } 90^\circ + 32^\circ + \widehat{C} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{C} = 180^\circ - (90^\circ + 32^\circ) = 58^\circ$$

Ta có $\widehat{ACB} = \widehat{DCO} = 58^\circ$ (đối đỉnh)

Trong tam giác vuông DCO (tại D = 90°), ta có

$$\widehat{O} + \widehat{D} + \widehat{DCO} = 180^\circ$$

$$\text{hay } \widehat{O} + 90^\circ + 58^\circ = 180^\circ \Rightarrow \widehat{O} = 180^\circ - (90^\circ + 58^\circ) = 32^\circ$$

$$\text{Vậy } \widehat{MO\hat{P}} = 32^\circ$$

§2. HAI TAM GIÁC BẰNG NHAU

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Định nghĩa hai tam giác bằng nhau

Hai tam giác bằng nhau là hai tam giác có các cạnh tương ứng bằng nhau và ba góc tương ứng bằng nhau

2. Kí hiệu



$$\triangle ABC = \triangle A'B'C' \Leftrightarrow \begin{cases} AB = A'B', AC = A'C', BC = B'C' \\ \hat{A} = \hat{A'}, \hat{B} = \hat{B'}, \hat{C} = \hat{C'} \end{cases}$$

- A và A' là các đỉnh tương ứng, \hat{A} và $\hat{A'}$ là các góc tương ứng, AB và A'B' là các cạnh tương ứng.

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

Xem hình vẽ bên



- Hai tam giác ABC và DMN có bằng nhau hay không? Nếu có, hãy viết hệ thức bằng nhau giữa hai tam giác
- Hãy tìm : Điểm tương ứng với điểm A, góc tương ứng với góc N, cạnh tương ứng với cạnh AC.
- $\angle ACB = \dots$, $AC = \dots$, $\hat{B} = \dots$.

Bài giải

- Với kí hiệu như hình vẽ, ta có $\triangle ABC$ và $\triangle DMN$ bằng nhau (theo định nghĩa hai tam giác bằng nhau).
Ta có hệ thức: $\triangle ABC = \triangle DMN$
- Đỉnh tương ứng với đỉnh A là đỉnh D
Góc tương ứng với góc N là góc C
Cạnh tương ứng với cạnh AC và cạnh DN
- $\angle ACB = \angle DMN$, $AC = DN$, $\hat{B} = \hat{M}$

B. Bài tập cơ bản

10. Tìm trong các hình a, b tam giác bằng nhau dựa vào các cạnh bằng nhau được đánh dấu bởi những kí hiệu giống nhau. Kể tên các đỉnh tương ứng của các tam giác bằng nhau đó. Viết hoặc vẽ bằng nhau giữa các tam giác đó.



11. Cho $\triangle ABC = \triangle HKL$.
- Tìm cạnh tương ứng với cạnh BC. Tìm góc tương ứng với góc H.
 - Tìm các cạnh bằng nhau, tìm các góc bằng nhau.

Đáp án:

10. • Ở hình a, ta có $\triangle ABC = \triangle MNM$ (vì cạnh tương ứng bằng nhau và 3 góc tương ứng bằng nhau) và đỉnh A ứng với đỉnh I, đỉnh C ứng với đỉnh N, đỉnh B ứng với đỉnh M.

- Ở hình b, ta có

Trong $\triangle PQR$, ta có $\widehat{P} + \widehat{PQM} + \widehat{PRQ} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{P} = 180^\circ - (\widehat{PQR} + \widehat{PRQ}) = 180^\circ - (60^\circ + 80^\circ) = 40^\circ$$

Trong $\triangle HRQ$ ta có $\widehat{H} + \widehat{QRH} + \widehat{HRQ} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{QRH} = 180^\circ - (\widehat{H} + \widehat{HRQ}) = 180^\circ - (40^\circ + 80^\circ) = 60^\circ$$

Hai tam giác $\triangle PQR$ và $\triangle HRQ$ có

$PQ = HR$, $PR = HQ$, QR cạnh chung

$$\widehat{P} = \widehat{H}, \widehat{PQR} = \widehat{QRH}, \widehat{PRQ} = \widehat{HRQ}$$

Suy ra $\triangle PQR = \triangle HRQ$ và các đỉnh tương ứng là:

P và H, Q và R, R và Q

11. a) Vì $\triangle ABC = \triangle HKL$ nên

- Cạnh tương ứng với cạnh BC là cạnh HK

Góc tương ứng với góc H là góc A

- b) Các cạnh bằng nhau là $AB = HK$, $AC = HL$, $BC = LK$

- Các góc bằng nhau là $\widehat{A} = \widehat{H}$, $\widehat{B} = \widehat{K}$, $\widehat{C} = \widehat{L}$

Luyện tập

12. Cho $\triangle ABC = \triangle HKL$ trong đó $AB = 2\text{cm}$, $\widehat{B} = 40^\circ$, $BC = 4\text{cm}$. Có thể tính được những cạnh nào, những góc nào của tam giác HKL?

13. Cho $\triangle ABC = \triangle DEF$. Tính chu vi mỗi tam giác nói trên biết rằng $AB = 4\text{cm}$, $BC = 5\text{cm}$, $DF = 5\text{cm}$ (chu vi của một tam giác là tổng độ dài ba cạnh của tam giác đó).
14. Cho hai tam giác bằng nhau tam giác ABC (không có hai góc nào bằng nhau, không có hai cạnh nào bằng nhau) và một tam giác có ba đỉnh H, I, K . Viết kí hiệu về sự bằng nhau giữa hai tam giác đó, biết rằng $AB = KI$, $B = K$.

Bài giải

12. Vì $\triangle ABC = \triangle HIK$ nên ta tính được các cạnh, các góc sau đây của $\triangle HIK$

$$AB = HI = 2\text{cm},$$

$$BC = IK = 4\text{cm},$$

$$\hat{B} = \hat{I} = 40^\circ$$

13. Vì $\triangle ABC = \triangle DEF$ (đề bài cho) nên:

$$AB = DE = 4\text{cm}, \quad BC = EF = 6\text{cm}; \quad AC = DF = 5\text{cm}$$

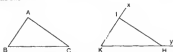
Vậy chu vi tam giác ABC bằng

$$AB + BC + AC = 4 + 6 + 5 = 15\text{cm}$$

Và chu vi tam giác DEF bằng

$$DE + EF + DF = 4 + 6 + 5 = 15\text{cm}$$

14. Trước hết ta vẽ tam giác ABC thỏa mãn đề bài. Để dựng $\triangle KIH = \triangle ABC$ ta làm như sau:



Dựng góc $\widehat{xKy} = \hat{B}$, trên cạnh Kx ta lấy điểm I sao cho $KI = BA$, trên cạnh Ky ta lấy điểm H sao cho $KH = BC$; nối I và H ta được $\triangle KIH = \triangle ABC$, theo thứ tự đỉnh tương ứng.

§3. TRƯỜNG HỢP BẰNG NHAU THỨ NHẤT CỦA TAM GIÁC CẠNH - CẠNH - CẠNH (c.c.c)

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Vẽ tam giác biết ba cạnh

GT: $\begin{cases} AB = A'B' \\ AC = A'C' \\ BC = B'C' \end{cases}$
 KL: $\triangle ABC = \triangle A'B'C'$



2. Trường hợp bằng nhau cạnh - cạnh - cạnh

Tính chất: Nếu ba cạnh của tam giác này bằng ba cạnh của tam giác kia thì hai tam giác đó bằng nhau.



II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

Tìm hai tam giác bằng nhau ở hình bên

Tìm số đo của \hat{B}



Bài giải

Xét hai tam giác $\triangle ACD$ và $\triangle BCD$, ta có

$$\left. \begin{array}{l} AC = BC \\ AD = BD \\ CD = \text{cạnh chung} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle ACD = \triangle BCD \text{ (s.s.s)}$$

Vì $\triangle ACD = \triangle BCD$ và góc B tương ứng với góc A nên $\hat{B} = \hat{A} = 110^\circ$.

B. Bài tập cơ bản

15. Vẽ tam giác MNP biết $MN = 2,5\text{cm}$, $NP = 3\text{cm}$, $PM = 5\text{cm}$

16. Vẽ tam giác ABC biết độ dài mỗi cạnh bằng 3cm. Sau đó mỗi góc của tam giác

17. Trên mỗi hình a, b, c các tam giác nào bằng nhau? Vì sao?



a)



b)



c)

Luyện tập 1

18. Xét bài toán: " $\triangle AMB$ và $\triangle ANB$ có $MA = MB$, $NA = NB$ (hình dưới). Chứng minh rằng $\widehat{AMN} = \widehat{BMN}$ "

1) Hãy ghi giả thiết và kết luận của bài toán

2) Hãy sắp xếp bốn câu sau đây một cách hợp lý để giải bài toán trên

a) Do đó $\triangle AMN = \triangle BMN$ (c.c.c)

b) MN - cạnh chung

$MA = MB$ (giả thiết)

$NA = NB$ (giả thiết)

c) Suy ra $\widehat{AMN} = \widehat{BMN}$ (hai góc tương ứng)

d) $\triangle AMN$ và $\triangle BMN$ có



19. Cho hình c) Chứng minh rằng :

a) $\triangle ADE = \triangle BDE$

b) $\widehat{DAE} = \widehat{DBE}$



c)



d)

20. Cho góc xOy (hình d). Vẽ cung tròn tâm O, cung này cắt Ox , Oy theo thứ tự ở A, B (①). Vẽ các cung tròn tâm A và tâm B có cùng bán kính sao cho chúng cắt nhau ở điểm C nằm trong góc xOy (②, ③). Nối O với C (④). Chứng minh rằng OC là tia phân giác của góc xOy ?

Chú ý : Bài toán trên cho ta cách dựng thước và compa để vẽ tia phân giác của một góc

- 21 Cho tam giác ABC. Dùng thước và compa vẽ các tia phân giác của các góc A, B, C.

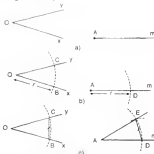
Luyện tập 2

- 22 Cho góc xOy và tia Am (hình a)

Vẽ cung tròn tâm O bán kính r, cung này cắt Ox, Oy theo thứ tự ở B, C. Vẽ cung tròn tâm A bán kính r, cung này cắt tia Am ở D (hình b)

Vẽ cung tròn tâm D có bán kính bằng BC, cung này cắt cung tròn tâm A bán kính r ở E (hình c)

Chứng minh rằng $\widehat{DAE} = \widehat{xOy}$



Chú ý Bài toán này cho ta cách dùng thước và compa để vẽ một góc bằng một góc cho trước

- 23 Cho đoạn thẳng AB dài 4cm. Vẽ đường tròn tâm A bán kính 2cm và đường tròn tâm B bán kính 3cm, chúng cắt nhau ở C và D. Chứng minh rằng AB là tia phân giác của góc CAD

Bài giải

- 15 - Vẽ đoạn PM = 5cm

Trên cùng một nửa mặt phẳng bờ PM vẽ cung tròn tâm P bán kính 3cm và cung tròn tâm M bán kính 2,5cm

- Hai cung tròn trên cắt nhau tại N

Nối N với P và N với M. Ta được tam giác MNP phải vẽ



16. — Vẽ đoạn $BC = 3\text{cm}$

Trên nửa mặt phẳng bờ BC Vẽ cung tròn tâm B bán kính 3cm và lấy C làm tâm vẽ cung tròn tâm C bán kính 3cm
Hai cung tròn trên cắt nhau tại A .

Nối A với B và A với C . Ta được tam giác ABC như vẽ



Đo bằng thước đo góc ta đo được : $\hat{A} = \hat{B} = \hat{C} = 60^\circ$

17. • Ở hình a : Xét hai tam giác ABC và ABD ta có :

$$\left. \begin{array}{l} AC = AD \\ BC = BD \\ AB \text{ cạnh chung} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle ABC = \triangle ABD \text{ (c.c.c.)}$$

- Ở hình b : Xét hai tam giác MNQ và QPM , ta có :

$$\left. \begin{array}{l} MP = NQ \\ PQ = MN \\ MQ \text{ cạnh chung} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle MNQ = \triangle QPM \text{ (c.c.c.)}$$

- Ở hình c

Chứng minh tương tự ta có : $\triangle HEI = \triangle KIE$ và $\triangle ENK = \triangle INH$

Luyện tập 1

18. 1)

GT	Cho $\triangle AMB$ và $\triangle ANB$ có :
	$MA = MB; NA = NB$
KL	$\widehat{AMN} = \widehat{BMN}$

- 2) d) $\triangle AMN$ và $\triangle BMN$ có :

- b) MN : cạnh chung

$$MA = MB \text{ (gt)}$$

$$NA = NB \text{ (gt)}$$

- a) Do đó $\triangle AMN = \triangle BMN \text{ (c.c.c.)}$

- c) Suy ra : $\widehat{AMN} = \widehat{BMN}$ (hai góc tương ứng)



19. a) Chứng minh : $\triangle ADE = \triangle BDE$

Xét hai tam giác ADE và BDE , ta có :

$$AD = BD$$

$$AE = BE$$

DE : cạnh chung

Vậy : $\triangle ADE = \triangle BDE \text{ (c.c.c.)}$

- b) Vì $\triangle ADE = \triangle BDE$

Suy ra $\widehat{DAE} = \widehat{DBE}$ (hai góc tương ứng)



20. Xét hai tam giác OBC' và OAC' ta có:
 $OA = OB$ (cùng bán kính (O)) (1)
 $AC' = BC'$ (hai đường tròn tam A và tam B có cùng bán kính) (2)
 OC' – cạnh chung (3)
 Từ (1), (2), (3) ta có: $\angle OBC' = \angle OAC'$ (c.c.c)
 $\widehat{BOC'} = \widehat{AOC'}$



Điều này chứng tỏ rằng OC' là tia phân giác của góc xOy

21. Học sinh tự làm tương tự bài 20 cho từng tia phân giác của \hat{A} , \hat{B} , \hat{C}

Luyện tập 2

22. Chứng minh $\widehat{DAE} = xOy$

Xét hai tam giác OBC và ADE , ta có

$$OB = AD = r$$

$$BC = DE \text{ (gt)} \quad \text{Vây } \angle OBC = \angle ADE \text{ (c.c.c)}$$

$$OC = AE = r$$

Suy ra $\widehat{DAE} = xOy$ (đpcm)

23. Xét hai tam giác
 $\triangle AMB$ và $\triangle ADB$, ta có

$$AC = AD = 2\text{cm}$$

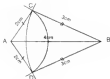
$$BC = BD = 3\text{cm}$$

$$AB \text{ – cạnh chung}$$

Vây $\angle AMB = \angle ADB$ (c.c.c)

Suy ra $\widehat{CAB} = \widehat{DAB}$

Hay AB là tia phân giác của góc CAD (đpcm)



§4. TRƯỜNG HỢP BẰNG NHAU THỨ HAI: CẠNH - GÓC - CẠNH (c.g.c)

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Vẽ tam giác biết hai cạnh và góc xen giữa

Bài toán - Vẽ tam giác ABC biết $AB = 2\text{cm}$, $BC = 3\text{cm}$, $\hat{B} = 70^\circ$

Giải -

- Vẽ góc $\widehat{xBy} = 70^\circ$
- Trên tia Bx vẽ đoạn thẳng $BA = 2\text{cm}$
- Trên tia By vẽ đoạn thẳng $BC = 3\text{cm}$
- Vẽ đoạn thẳng AC, ta được tam giác ABC.

Chú ý - Để vẽ được tam giác ABC số đo của các góc đã cho phải nhỏ hơn 180°



2. Trường hợp bằng nhau cạnh - góc - cạnh .

Tính chất : Nếu hai cạnh và góc xen giữa của tam giác này bằng hai cạnh và góc xen giữa của tam giác kia thì hai tam giác ấy bằng nhau.

	$AB = A'B'$
GT	$\hat{B} = \hat{B}'$
	$BC = B'C'$
KL	$\triangle ABC = \triangle A'B'C'$



3. Áp dụng vào tam giác vuông :

- a) Định nghĩa :

Tam giác vuông là tam giác có một góc vuông

- AB, AC : cạnh góc vuông
- BC : cạnh huyền



- b) Áp dụng :

Nếu hai tam giác vuông có hai cạnh góc vuông bằng nhau từng đôi một thì hai tam giác ấy bằng nhau.

II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

Cho tam giác ABC, trên tia đối của tia AB xác định điểm B' sao cho $AB' = AB$; trên tia đối của tia AC xác định điểm C' sao cho $AC' = AC$.

- a) Hai tam giác ABC và $AB'C'$ có bằng nhau không ? Vì sao ?

- b) Hai tam giác ABC và $AB'C'$ còn có những cặp góc, cặp cạnh nào bằng nhau nữa ?

Giải

GT	$\triangle ABC$ có $B' < \text{tọa độ của tại } AB \text{ và } CB \Rightarrow \widehat{B}$ $C' < \text{tọa độ của tại } AC \text{ và } CB \Rightarrow \widehat{C}$
KL	a) $\triangle AHC' = \triangle AHB$ b) Chỉ ra những cặp góc - cặp cạnh còn lại bằng nhau



a) Xét hai tam giác $\triangle AHC'$ và $\triangle AHB$, ta có

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{A} = \widehat{A} \text{ (gt)} \\ \widehat{B} = \widehat{C} \text{ (dd)} \\ \widehat{A} = \widehat{A} \text{ (gt)} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle AHC' = \triangle AHB \text{ (g.c.g.)}$$

b) Vì $\triangle AHC' = \triangle AHB$ nên các cạnh tương ứng bằng nhau, các góc tương ứng bằng nhau. Vậy ta còn có $BC = B'C'$, $\widehat{B} = \widehat{B}'$, $\widehat{C} = \widehat{C}'$

B. Bài tập cần làm

24. Vẽ tam giác ABC biết $\widehat{A} = 90^\circ$, $AB = AC = 3\text{cm}$. Sau đó đo các góc B và C .

25. Trên mỗi hình a, b, c có các tam giác nào bằng nhau? Vì sao?



a)



b)



c)

26. Xét bài toán:

"Cho tam giác ABC , M là trung điểm của BC . Trên tia đối của tia MA lấy điểm E sao cho $ME = MA$. Chứng minh rằng $AB \parallel CE$."

Dưới đây là hình vẽ và giả thiết, kết luận của bài toán:

GT	$\triangle ABC$ $MB = MC, MA = ME$
KL	$AB \parallel CE$



Hãy sắp xếp nằm câu sau đây một cách hợp lý để giải bài toán trên

1. $MB = MC$ (giả thiết)

$\widehat{AMB} = \widehat{EMC}$ (hai góc đối đỉnh)

$$MA = ME \text{ (giả thiết)}$$

$$2. \text{ Do đó } \angle AMB = \angle EMC \text{ (c.g.c)}$$

$$3. \widehat{MAB} = \widehat{MEC} \Rightarrow AB \parallel CE \text{ (hai góc so le trong và bằng nhau)}$$

$$4. \angle AMB = \angle EMC \Rightarrow \widehat{MAB} = \widehat{MEC} \text{ (hai góc tương ứng)}$$

5. $\triangle AMB$ và $\triangle EMC$ có :

Luyện tập 1

27. Nếu thêm một điều kiện để hai tam giác trong mỗi hình vẽ dưới đây là hai tam giác bằng nhau theo trường hợp cạnh - góc - cạnh

a) $\triangle ABC = \triangle ADC$ (hình a)

b) $\triangle AMB = \triangle EMC$ (hình b)

c) $\triangle CAB = \triangle DBA$ (hình c)



28. Trên hình bên có các tam giác nào bằng nhau?



29. Cho góc $\angle xAy$. Lấy điểm B trên tia Ax, điểm D trên tia Ay sao cho $AB = AD$. Trên tia Bx lấy điểm E, trên tia Dy lấy điểm C sao cho $BE = DC$. Chứng minh rằng $\triangle ABC = \triangle ADE$.

Luyện tập 2

30. Trên hình bên, các tam giác $\triangle ABC$ và $\triangle A'BC$ có cạnh chung $BC = 3\text{cm}$, $CA = CA' = 2\text{cm}$, $\angle ABC = \angle A'BC = 30^\circ$ nhưng hai tam giác đó không bằng nhau.

Tại sao ở đây không thể áp dụng trường hợp cạnh - góc - cạnh để kết luận $\triangle ABC = \triangle A'BC$?



30. Cho đoạn thẳng AB, điểm M nằm trên đường trung trực của AB. So sánh độ dài của đoạn thẳng MA và MB.
31. Tại các tia phân giác trên hình vẽ bên. Hãy chứng minh điều đó.



Giải

24. Vẽ góc $\widehat{xAy} = 90^\circ$

Trên cạnh Ax vẽ đoạn AB = 3cm, trên cạnh Ay vẽ đoạn AC = 3cm.
Nối B với C, ta có $\triangle ABC$ là tam giác vuông cân vẽ

- Dung thước đo góc ta đo được

$$\widehat{B} = \widehat{C} = 45^\circ$$

25. • Ở hình a) Xét hai tam giác ABD và AED ta có :

$$AB = AE$$

$$\widehat{A}_1 = \widehat{A}_2$$

$$AD = \text{cạnh chung}$$

$$\Rightarrow \triangle ABD = \triangle AED \text{ (c.g.c)}$$

- Ở hình b) Xét hai tam giác GIK và KHG, ta có :

$$IK = HG \text{ (gt)}$$

$$\widehat{K}_1 = \widehat{G}_1 \text{ (gt)}$$

$$KG = \text{cạnh chung}$$

$$\Rightarrow \triangle GIK = \triangle KHG \text{ (c.g.c)}$$

- Ở hình c) Xét hai tam giác MPQ và MPN ta có

$$PN = PQ$$

$$PM = \text{chung}$$

$$\text{Nhưng } \widehat{MPN} \neq \widehat{MPQ}$$

Vậy hai tam giác $\triangle MPQ$ và $\triangle MPN$ không bằng nhau

26. 5. $\triangle AMB$ và $\triangle EMC$ có

$$1. MB = MC \text{ (gt)}$$

$$\widehat{AMB} = \widehat{EMC} \text{ (hai góc đối đỉnh)}$$

$$MA = ME \text{ (giả thiết)}$$

$$2. \text{Do đó } \triangle AMB = \triangle EMC \text{ (c.g.c)}$$

$$4. \triangle AMB = \triangle EMC \Rightarrow \widehat{MAB} = \widehat{MEC} \text{ (hai góc tương ứng)}$$

$$3. \widehat{MAB} = \widehat{MEC} \Rightarrow AB \parallel CE \text{ (hai góc so le trong và bằng nhau)}$$



Luyện tập 1

27. • Ở hình a, bổ sung $\widehat{BAC} = \widehat{DAC}$
 • Ở hình b, bổ sung $MA = ME$
 • Ở hình c, bổ sung $AC = BD$

28. Ở hình trên, ta có

- Trong $\triangle KDE$, ta có $\widehat{K} + \widehat{D} + \widehat{E} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{D} = 180^\circ - (\widehat{K} + \widehat{E}) = 180^\circ - (80^\circ + 40^\circ) = 60^\circ$$

- Xét hai tam giác ABC và KDE , ta có

$$\left. \begin{array}{l} AB = KD \text{ (gt)} \\ \widehat{B} = \widehat{D} = 60^\circ \\ BC = DE \text{ (gt)} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle ABC = \triangle KDE \text{ (c.g.c)}$$

- $\triangle ABC$ hoặc $\triangle KDE$ không bằng $\triangle NMP$ (vì không đủ điều kiện c.g.c hoặc c.g.c)

29. Chứng minh $\triangle ABC = \triangle ADE$

Xét $\triangle ABC$ và $\triangle ADE$

$$AB = AD \text{ (gt)} \quad (1)$$

$$\widehat{EAC} \text{ là góc chung} \quad (2)$$

Ta có $AE = AB + BE$

$$AC = AD + DC$$

$$\text{mà } AB = AD, BE = DC \text{ (gt)} \Rightarrow AE = AC \text{ (3)}$$

Từ (1), (2), (3) suy ra $\triangle ABC = \triangle ADE$ (c-g-c).



30. $\triangle ABC$ và $\triangle A'BC$ tuy có cạnh BC chung và cặp cạnh bằng nhau $CA = CA'$ nhưng không bằng nhau trong trường hợp cạnh-góc-cạnh vì

Góc \widehat{ABC} xen giữa hai cạnh BA và BC

Góc $\widehat{A'BC}$ xen giữa hai cạnh BA' và BC mà $BA \neq BA'$

Như vậy, hai góc \widehat{ABC} và $\widehat{A'BC}$ bằng nhau nhưng không xen giữa hai cạnh bằng nhau tương ứng nên không thể kết luận chúng bằng nhau

31. So sánh độ dài các đoạn thẳng AM và BM

Xét $\triangle MIA$ và $\triangle MIB$

MI là cạnh chung

$$IA = IB \text{ (gt)}$$

$$\widehat{MIA} = \widehat{MIB} = 90^\circ \text{ (gt)}$$

$$\Rightarrow \triangle MIA = \triangle MIB \text{ (c-g-c)}$$

$$\Rightarrow MA = MB \text{ (đpcm)}$$



32. Xét hai tam giác $\triangle AHB$ và $\triangle KHB$

$AB = KB$ (gt)

$HB = KB$ (cmt)

BH cạnh chung

$\angle AHB = \angle KHB$ (c.g.c)

$\angle AHB = \angle KHB$

$\triangle AHB = \triangle KHB$ (hai góc tương ứng)

Vậy tia BK là tia phân giác của góc ABK

Tương tự ta chứng minh được $\angle AHB = \angle KHB$ (c.g.c)

$\angle AHB = \angle KHB$ (hai góc tương ứng)

Vậy tia CH là tia phân giác của góc AKC

Chú ý: Có thể kẻ thêm HA, HK là tia phân giác của góc bẹt BHK

HH, HK là tia phân giác của góc bẹt AHK



§5. TRƯỜNG HỢP BẰNG NHAU THỨ BA CỦA TAM GIÁC : GÓC - CẠNH - GÓC (g.c.g)

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Vẽ tam giác biết một cạnh và hai góc kề

Bài toán: Vẽ tam giác ABC biết $BC = 4\text{cm}$, $\hat{B} = 60^\circ$, $\hat{C} = 40^\circ$

Giải

Vẽ đoạn thẳng $BC = 4\text{cm}$

- Trên cùng một nửa mặt phẳng bờ

BC vẽ các tia Bx và Cy sao cho

$\hat{CBx} = 60^\circ$, $\hat{BCy} = 40^\circ$

Hai tia trên cắt nhau tại A ta được tam giác ABC .



Chú ý: Ta gọi các góc \hat{B} và \hat{C} là hai góc kề cạnh BC . Để vẽ được tam giác ABC , tổng các số đo của hai góc đã cho phải nhỏ hơn 180° .

2. Trường hợp bằng nhau góc - cạnh - góc

Nếu một cạnh và hai góc kề của tam giác này bằng một cạnh và hai góc kề của tam giác kia thì hai tam giác ấy bằng nhau

GT	$\widehat{B} = \widehat{B'}$
	$BC = B'C'$
	$\widehat{C} = \widehat{C'}$
KL	$\triangle ABC = \triangle A'B'C'$



3. Hệ quả :

- Nếu một cạnh góc vuông và một góc nhọn kề cạnh ấy của tam giác vuông này bằng một cạnh góc vuông và một góc nhọn kề cạnh ấy của tam giác vuông kia thì hai tam giác vuông đó bằng nhau.
- Nếu cạnh huyền và một góc nhọn của tam giác vuông này bằng cạnh huyền và một góc nhọn của tam giác vuông kia thì hai tam giác vuông đó bằng nhau.

GT	$\widehat{A} = \widehat{A'} = 90^\circ$
	$\widehat{B} = \widehat{B'}$
	$BC = B'C'$
KL	$\triangle ABC = \triangle A'B'C'$



II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

Cho tam giác ABC. Trên tia đối của tia AB lấy điểm D sao cho $AD = AB$. Trên tia đối của tia AC lấy điểm E sao cho $AE = AC$. Gọi M là điểm nằm giữa B và C. Tia MA cắt DE ở N.
Chứng minh rằng $AM = AN$.

Bài giải

- Xét tam giác ABC và ADE, ta có :

$$AB = AD \text{ (gt)}$$

$$\widehat{BAC} = \widehat{DAE} \text{ (dd)}$$

$$AC = AE \text{ (gt)}$$

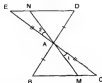
$$\text{Vậy } \triangle ABC = \triangle ADE \text{ (c.g.c)}$$

$$\Rightarrow \widehat{C} = \widehat{E}$$

- Xét hai tam giác AMC và ANE

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{C} = \widehat{E} \\ AE = AC \text{ (gt)} \\ \widehat{A_2} = \widehat{A_1} \text{ (dd)} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle AMC = \triangle ANE \text{ (g.c.g)}$$

$$\text{Suy ra } AM = AN \text{ (đpcm)}$$



B. Bài tập cơ bản

33. Vẽ tam giác ABC biết $AC = 2\text{cm}$, $\widehat{A} = 90^\circ$, $\widehat{C} = 60^\circ$.

34. Trên mỗi hình a, b có các tam giác nào bằng nhau? Vì sao?



a)



b)

35. Cho góc xOy khác góc bẹt. Ot là tia phân giác của góc đó. Qua điểm H thuộc tia Ot, kẻ đường vuông góc với Ot, nó cắt Ox và Oy theo thứ tự ở A và B.
- a) Chứng minh rằng $OA = OB$
- b) Lấy điểm C thuộc tia Ot, chứng minh rằng $CA = CB$ và $\widehat{OAC} = \widehat{OBC}$

Luyện tập 1

36. Trên hình bên ta có:

$$OA = OB, \widehat{OAC} = \widehat{OBD}$$

Chứng minh rằng $AC = BD$



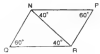
37. Trên mỗi hình a, b, c có các tam giác nào bằng nhau? Vì sao?



a)



b)



c)

38. Trên hình bên ta có $AB \parallel CD$, $AC \parallel BD$
Hãy chứng minh rằng $AB = CD$, $AC = BD$



Luyện tập 2

39. Trên mỗi hình a, b, c, d có các tam giác vuông nào bằng nhau? Vì sao?



a)



b)



c)



d)

40. Cho tam giác ABC ($AB \neq AC$), tia Ax đi qua trung điểm M của BC. Kẻ BE và CF vuông góc với Ax ($E \in Ax, F \in Ax$). So sánh các độ dài BE và CF.

41. Cho tam giác ABC. Các tia phân giác của các góc B và C cắt nhau ở I. Vì $ID \perp AB$ ($D \in AB$), $IE \perp BC$ ($E \in BC$), $IF \perp AC$ ($F \in AC$).

Chứng minh rằng: $ID = IE = IF$.

42. Cho tam giác ABC có $\hat{A} = 90^\circ$ (hình bên). Kẻ AH vuông góc với BC ($H \in BC$). Các tam giác AHC và BAC có AC là cạnh chung, \hat{C} là góc chung, $\widehat{AHC} = \widehat{BAC} = 90^\circ$, nhưng hai tam giác đó không bằng nhau.

Tại sao ở đây không thể áp dụng trường hợp góc-cạnh-góc để kết luận $\triangle AHC = \triangle BAC$?



Bài giải

33. – Vẽ đoạn thẳng $AC = 2\text{cm}$.
 – Trên cùng một nửa mặt phẳng bờ AC, ta vẽ các tia Ax sao cho $\widehat{CAx} = 90^\circ$ và tia Cy sao cho $\widehat{ACy} = 60^\circ$.
 – Hai tia Ax và By cắt nhau ở B. Tam giác ABC là tam giác phải vẽ.



34. c) Hình a

Xét hai tam giác $\triangle BCA$ và $\triangle BDA$ (hình a),

$$\widehat{CBA} = \widehat{DBA} \text{ (gt)}$$

$$BA = \text{cạnh chung} \quad \widehat{BCA} = \widehat{BDA} \text{ (gt c-g)}$$

$$\widehat{BAC} = \widehat{BAD} \text{ (gt)}$$

d) Hình b

Ta có \widehat{ABD} và \widehat{ABC} là hai góc kề bù nên

$$\widehat{ABD} + \widehat{ABC} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{ABD} = 180^\circ - \widehat{ABC} \approx 180^\circ - \widehat{ACB} = \widehat{ACE} \quad (1)$$

Xét hai tam giác $\triangle BD$ và $\triangle CE$, ta có

$$\widehat{ADB} = \widehat{AEC} \text{ (gt)}$$

$$DB = EC \text{ (gt)} \quad \Rightarrow \widehat{ABD} = \widehat{ACE} \text{ (g-c-g)}$$

$$\widehat{ABD} = \widehat{ACE} \text{ (do (1))}$$

Xét hai tam giác $\triangle DC$ và $\triangle EB$, ta có

$$DC = DB + BC = CE + BC = EB \text{ (vì } DB = CE)$$

$$\widehat{ADC} = \widehat{AEB} \text{ (gt)}$$

$$\widehat{ACD} = \widehat{ABE} \text{ (gt)}$$

$$\Rightarrow \triangle ADC = \triangle AEB \text{ (g-c-g)}$$

35. a) Chứng minh $OA = OB$

Xét hai tam giác vuông $\triangle HAO$ và $\triangle HBO$, ta có :

$$\widehat{O}_1 = \widehat{O}_2 \text{ (do } O_1 \text{ là tia phân giác của góc } \widehat{xOy})$$

$$OH = \text{cạnh chung}$$

$$\widehat{H}_1 = \widehat{H}_2 = 90^\circ$$

$$\text{Vậy } \triangle HAO = \triangle HBO \text{ (g-c-g)}$$

$$\Rightarrow OA = OB \text{ (dpcm)}$$

b) Xét hai tam giác $\triangle OAC$ và $\triangle OBC$, ta có

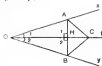
$$OA = OB \text{ (cmr)}$$

$$\widehat{O}_3 = \widehat{O}_4$$

$$OC = \text{cạnh chung}$$

$$\text{Vậy } \triangle OAC = \triangle OBC \text{ (c-g-c)}$$

$$\Rightarrow CA = CB \text{ và } \widehat{OAC} = \widehat{OBC} \text{ (dpcm)}$$



Luyện tập 1

36. Xét hai tam giác OAC và OBD , ta có :

$$\widehat{OAC} = \widehat{OBD} \text{ (gt)}$$

$$OA = OB \text{ (gt)}$$

\widehat{O} : góc chung

Vậy $\triangle OAC = \triangle OBD$ (g.c.g) Suy ra : $AC = BD$ (đpcm).



37. • Ở hình a) : Trong $\triangle DEF$, ta có : $\widehat{D} + \widehat{E} + \widehat{F} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{E} = 180^\circ - (\widehat{D} + \widehat{F}) = 180^\circ - (80^\circ + 60^\circ) = 40^\circ$$

Xét hai tam giác DEF và BCA ta có :

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{D} = \widehat{B} = 80^\circ \\ DE = BC = 3 \\ \widehat{E} = \widehat{C} = 40^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle DEF = \triangle BCA \text{ (g.c.g)} .$$

• Ở hình b) : Trong $\triangle KLM$ ta có : $\widehat{K} + \widehat{L} + \widehat{M} = 180^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{L} = 180^\circ - (\widehat{K} + \widehat{M}) = 180^\circ - (80^\circ + 30^\circ) = 70^\circ$$

Xét hai tam giác KLM và HIG , ta có :

$$\left. \begin{array}{l} \widehat{K} = \widehat{H} = 30^\circ \\ LM = GI = 3 \\ \widehat{L} = 70^\circ = \widehat{I} = 80^\circ \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle KLM = \triangle HIG$$

• Ở hình c) : Trong $\triangle NQR$, ta có : $\widehat{QNR} = 80^\circ$

$$\text{Trong } \triangle RPN, \text{ ta có : } \widehat{PRN} = 80^\circ$$

Xét hai tam giác NQR và RPN , ta có :

$$\widehat{NRQ} = \widehat{RNP} = 40^\circ$$

RN : cạnh chung

$$\widehat{QRN} = \widehat{RNP} = 80^\circ$$

Vậy $\triangle NQR = \triangle RPN$ (g.c.g)

$$38. \text{ Ta có : } \left. \begin{array}{l} AB \parallel CD \text{ (gt)} \\ \widehat{A}_1 \text{ so le trong với } \widehat{D}_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \widehat{A}_1 = \widehat{D}_1 \quad (1)$$

$$\text{Ta có : } \left. \begin{array}{l} AC \parallel BD \text{ (gt)} \\ \widehat{A}_2 \text{ so le trong với } \widehat{D}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \widehat{A}_2 = \widehat{D}_2 \quad (2)$$

Xét hai tam giác ACD và DBA , ta có :

$$\widehat{A}_1 = \widehat{D}_1 \quad (1)$$

AD : cạnh chung

$$\widehat{A}_2 = \widehat{D}_2$$

Vậy $\triangle ACD = \triangle DBA$ (g.g.g)

Suy ra $AB = CD$ và $AC = BD$ (đpcm)



Luyện tập 2

39. • Ở hình a) Xét hai tam giác HBA và $HC'A$, ta có
 $\widehat{HB} = \widehat{HC'} (g)$
 $\widehat{BHA} = \widehat{CH'A} (v)$ $\widehat{HBA} = \widehat{HC'A} (c.g.c)$
 HA - cạnh chung

- Ở hình b) Xét hai tam giác vuông KED và KFD , ta có
 $\widehat{EKD} = \widehat{FKD} = 90^\circ$
 KD - cạnh chung $\widehat{KED} = \widehat{KFD} (g.c.g)$ •
 $KDK = \widehat{FDK} (gt)$

- Ở hình c) Xét hai tam giác vuông BAD và CAD , ta có
 $\widehat{BAD} = \widehat{CAD} (gt) (1)$
 AD - cạnh chung (2)
 $\widehat{ADB} = 180^\circ - (\widehat{BAD} + \widehat{ABD}) = 180^\circ - (\widehat{BAC} + \widehat{ACD}) = \widehat{ADC} (3)$
 (vì $\widehat{BAD} = \widehat{DAC}$ và $\widehat{ABD} + \widehat{ACD} = 90^\circ$)
 Từ (1), (2), (3), suy ra $\Delta BAD = \Delta CAD$

- Ở hình d)
 $\Delta BAD = \Delta CAD$ (chứng minh như hai ở hình c) $\rightarrow BD = DC$
 Xét hai tam giác vuông CDH và BDE , ta có
 $\widehat{C} = \widehat{B} = 90^\circ$
 $BD = DC (cm)$ $\rightarrow \Delta CDH = \Delta BDE (g.c.g)$
 $\widehat{CDH} = \widehat{BDE} (dd)$

40. Xét hai tam giác vuông KBM và FCM , ta có

$$MB = MC (gt)$$

$$\widehat{M_1} = \widehat{M_2} (dd)$$

$$B_1 = \widehat{C_1} \text{ (vì } \widehat{B_1} \text{ phụ với } \widehat{M_1}, \widehat{C_1}$$

$$\text{phụ với } \widehat{M_2} \text{ mà } \widehat{M_1} = \widehat{M_2})$$

$$\text{Vậy } \Delta KBM = \Delta FCM$$

$$\text{Suy ra } BE = CF$$



41. Chứng minh $ID = IE = IF$

- Xét hai tam giác vuông IDB và EIB , ta có

$$BI - \text{cạnh chung}$$

$$\widehat{B_1} = \widehat{B_2} (gt)$$

$$\widehat{DIB} = \widehat{EIB} \text{ (cùng phụ với } \widehat{B_1} \text{ và } \widehat{B_2})}$$

$$\text{Vậy } \triangle DIB = \triangle EIB \text{ (g-c-g)}$$

$$\Rightarrow ID = IE \quad (1)$$

- Xét hai tam giác vuông EIC và FIC , ta có

IC : cạnh chung

$$\widehat{C_1} = \widehat{C_2} \text{ (gt)}$$

$$\widehat{CIB} = \widehat{CIP} \text{ (cùng phụ với } \widehat{C_1} \text{ và } \widehat{C_2})}$$

$$\text{Vậy } \triangle EIC = \triangle FIC \text{ (g-c-g)}$$

$$\Rightarrow IE = IF \quad (2)$$

Từ (1) và (2) ta có : $ID = IE = IF$ (đpcm)



42. Trong tam giác AHC cạnh AC không phải nằm giữa hai góc \widehat{AHC} và \widehat{C} . Còn trong $\triangle BAC$ thì cạnh AC nằm giữa hai góc \widehat{BAC} và \widehat{C} . Vì vậy không thể áp dụng trường hợp góc-cạnh-góc để kết luận $\triangle AHC = \triangle BAC$.

Luyện tập về ba trường hợp bằng nhau của tam giác

43. Cho góc xOy khác góc bẹt. Lấy các điểm A, B thuộc tia Ox sao cho $OA = OB$. Lấy các điểm C, D thuộc tia Oy sao cho $OC = OD$. Gọi E là giao điểm của AD và BC . Hãy dùng lập luận để giải thích :

- $AD = BC$;
- $\triangle EAB = \triangle ECD$
- OE là tia phân giác của góc xOy .

44. Cho tam giác ABC có $\widehat{B} = \widehat{C}$. Tia phân giác của góc A cắt BC tại D . Chứng minh rằng :

- $\triangle ADB = \triangle ADC$;
- $AB = AC$.

45. Đố: Cho bốn đoạn thẳng AB, BC, CD, DA trên giấy kẻ ô vuông như ở hình bên. Hãy dùng lập luận để giải thích :

- $AB = CD, BC = AD$;
- $AB \parallel CD$



Đáp giải

43. a) Chứng minh $AD = BC$
Xét hai tam giác AOD và COB , ta có
 $OA = OC$ (gt)

\hat{O} – góc chung

$OD = OB$ (gt)

Vậy $\triangle AOD = \triangle BOB$ (g.g)

Suy ra $AD = BC$ (đpcm)

b) Chứng minh $\triangle EAB = \triangle ECD$

Vì $\triangle OAD = \triangle OCB$ (cm) $\Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{B}_1$ (1)

và $\hat{A}_2 = \hat{C}_2$

Ta có $\hat{A}_1 = 180^\circ - \hat{A}_2$ (vì \hat{A}_1 và \hat{A}_2 là 2 góc kề bù)

$$= 180^\circ - \hat{C}_1 \text{ (do } \hat{A}_2 = \hat{C}_2 \text{)}$$

$$= \hat{C}_1$$

(2)

Ta có $AB = OB$ $OA = OD$ $OC = CD$ (3)

Xét hai tam giác EAB và ECD ta có

$$\hat{B} = \hat{D} \quad (1)$$

$$BA = CD \quad (2)$$

$$\hat{A}_1 = \hat{C}_1 \quad (3)$$

$\Rightarrow \triangle EAB = \triangle ECD$ (g.g)

c) Chứng minh OE là tia phân giác của góc xOy

Vì $\triangle EAB = \triangle ECD$ nên $EA = EC$

Xét hai tam giác AOE và COE , ta có

$$EA = EC$$

$$OA = OC$$
 (gt)

OE – cạnh chung

Vậy $\triangle AOE = \triangle COE$ (c.c.c)

Suy ra $\widehat{AOE} = \widehat{COE}$

Vậy OE là tia phân giác của góc xOy

44. a) Chứng minh $\triangle ADB = \triangle ADC$

– Trong tam giác ABD , ta có $\hat{A}_1 + \hat{B}_1 + \hat{D}_1 = 180^\circ$

$$\Rightarrow \hat{D}_1 = 180^\circ - (\hat{A}_1 + \hat{B}_1)$$

$$\text{hay } \hat{D}_1 = 180^\circ - (\hat{A}_1 + \hat{C}_1) = \hat{D}_2$$

(Vì AD là tia phân giác của \hat{A} nên $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$)

Xét hai tam giác DAB và DAC , ta có

$$\hat{A}_1 = \hat{A}_2 \text{ (do } AD \text{ là tia phân giác)}$$

AD – cạnh chung

$$\hat{D}_1 = \hat{D}_2 \text{ (cm)}$$

Vậy $\triangle ADB = \triangle ADC$ (đpcm)

b) Chứng minh $AB = AC$

Ta có $\triangle ADB = \triangle ADC$ (cm)

Suy ra $AB = AC$ (đpcm)



45. a) Chứng minh $AB = CD$, $BC = AD$

- Chứng minh $AB = CD$

Xét hai tam giác vuông MAB và NCD , ta có :

$$MB = ND$$

$$\hat{M} = \hat{N} = 90^\circ$$

$$MA = NC$$

$$\text{Vậy } \Delta MAB = \Delta NCD$$

$$\text{Suy ra } AB = CD$$

- Chứng minh $BC = AD$

Xét hai tam giác vuông KBC và FDA , ta có :

$$KB = FD$$

$$\hat{K} = \hat{F} = 90^\circ$$

$$KC = FA$$

$$\text{Vậy } \Delta KBC = \Delta FDA$$

$$\text{Suy ra } BC = AD \text{ (đpcm)}$$

b) Chứng minh $AB \parallel CD$

Xét hai tam giác BAD và DCB , ta có :

$$AB = CD \text{ (cmt)}$$

$$BC = AD \text{ (cmt)}$$

$$BD \text{ - cạnh chung}$$

$$\text{Vậy } \Delta BAD = \Delta DCB$$

$$\Rightarrow \left. \begin{array}{l} \hat{B}_1 = \hat{D}_1 \\ \text{và } \hat{B}_1 \text{ so le trong với } \hat{D}_1 \end{array} \right\} \Rightarrow AB \parallel CD \text{ (đpcm)}$$



§6. TAM GIÁC CÂN

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Tam giác cân :

a) Định nghĩa :

Tam giác cân là tam giác có hai cạnh bằng nhau.

b) Định lý :

Trong tam giác cân hai góc ở đáy bằng nhau.



2 Tam giác vuông cân

a) Định nghĩa

Tam giác vuông cân là tam giác vuông có hai cạnh góc vuông bằng nhau.

b) Hệ quả

Hai góc nhọn của tam giác vuông cân bằng nhau, mỗi góc bằng 45° .



3 Tam giác đều

a) Định nghĩa

Tam giác đều là tam giác có ba cạnh bằng nhau.

b) Hệ quả

Trong tam giác đều, mỗi góc bằng 60° .



4 Dấu hiệu nhận biết

- a) Một tam giác có hai góc bằng nhau thì tam giác đó là tam giác cân.
- b) – Nếu một tam giác có ba góc bằng nhau thì đó là tam giác đều.
– Nếu một tam giác có hai góc bằng 60° thì đó là tam giác đều.
– Nếu một tam giác cân có một góc bằng 60° thì đó là tam giác đều.

II. BÀI TẬP

A Bài tập mẫu

1. Cho tam giác cân ABC ($AB = AC$)

- a) Biết $\hat{A} = 115^\circ$ Tính \hat{B}, \hat{C} ?
- b) Biết $\hat{C} = 70^\circ$ Tính \hat{A}, \hat{B} ?

2. Cho tam giác cân AOB ($OA = OB$) trên tia đối của tia OB lấy điểm C sao cho $OB = OC$. Chứng minh rằng $\widehat{CAB} = 90^\circ$

Bài giải:

1. a) Tam giác ABC cân tại A, nên ta có $\hat{B} = \hat{C}$

$$\text{và } \hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\text{hay } \hat{A} + 2\hat{B} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 2\hat{B} = 180^\circ - \hat{A} = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{B} = \frac{65^\circ}{2} = 32^\circ 30'$$

$$\text{Vậy } \hat{B} = \hat{C} = 32^\circ 30'$$

b) Vì tam giác ABC cân tại A nên $\hat{B} = \hat{C} = 70^\circ$

Trong tam giác cân ABC ta có $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$

$$\hat{A} = 180^\circ - (\hat{B} + \hat{C}) = 180^\circ - (70^\circ + 70^\circ) = 40^\circ$$

2. Tam giác AOB cân tại O nên ta có $\widehat{A}_1 = \widehat{B}$ (1)

Xét tam giác AOC ta có :

$$OC = OA \text{ (do } OB = OC = OA)$$

$$\text{Vậy } \triangle AOC \text{ cân tại O} \Rightarrow \widehat{C} = \widehat{A}_2 \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2) ta có : } \widehat{A}_1 + \widehat{A}_2 = \widehat{B} + \widehat{C}$$

$$\text{hay } \widehat{CAB} = \widehat{B} + \widehat{C}$$

$$\text{(vì tia AO nằm giữa 2 tia AC và AB)} \quad (3)$$

$$\text{Trong tam giác ABC, ta có : } \frac{\widehat{B} + \widehat{C}}{\widehat{CAB}} + \widehat{CAB} = 180^\circ$$

$$\text{hay } 2\widehat{CAB} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{CAB} = 90^\circ \text{ (đpcm)}$$



B. Bài tập căn bản

45. a) Dùng thước có chia xentimet và compa vẽ tam giác ABC cân tại B có cạnh đáy 3cm, cạnh bên bằng 4cm.
b) Dùng thước có chia xentimet và compa vẽ tam giác đều ABC có cạnh 3cm.
47. Trong các tam giác trên các hình a, b, c tam giác nào là tam giác cân, tam giác nào là tam giác đều? Vì sao?



a)



b)



c)

48. Cắt một tấm bìa hình tam giác cân. Hãy gấp tấm bìa đó sao cho hai cạnh bên trùng nhau để kiểm tra rằng hai góc ở đáy bằng nhau.
49. a) Tính các góc ở đáy của một tam giác cân biết góc ở đỉnh bằng 40° .
b) Tính góc ở đỉnh của một tam giác cân biết góc ở đáy bằng 40° .

Luyện tập 1

50. Hai thanh AB và AC của vì kéo một mái nhà bằng nhau và thường tạo với nhau một góc bằng
- a) 145° nếu là mái tôn.
b) 100° nếu là mái ngói.

Tính góc ABC trong từng trường hợp



51. Cho tam giác ABC cân tại A. Lấy điểm D thuộc cạnh AC, điểm E thuộc cạnh AB sao cho $AD = AE$.
- a) So sánh \widehat{ABD} và \widehat{ACE}
- b) Gọi I là giao điểm của BD và CE. Tam giác BIC là tam giác gì? Vì sao?
52. Cho góc xOy có số đo 120° . Điểm A thuộc tia phân giác của góc đó. Kẻ AB vuông góc với Ox ($B \in Ox$), kẻ AC vuông góc với Oy ($C \in Oy$). Tam giác ABC là tam giác gì? Vì sao?

Bài giải

46. a) Vì $\triangle ABC$ cân tại B nên cạnh đáy là cạnh AC.
Dùng thước chia cm vẽ cạnh đáy $AC = 3cm$.
Trên nửa mặt phẳng bờ AC , lấy A làm tâm vẽ cung tròn có bán kính bằng 4cm và lấy C làm tâm vẽ cung tròn cùng có bán kính bằng 4cm.
Hai cung tròn này cắt nhau tại một điểm, đó là điểm B.
- Nối B với A và B với C. Ta được tam giác BAC là tam giác cân cần phải vẽ.
- b) Vẽ tương tự như câu a). Học sinh tự vẽ.



47. • Ở hình a)
- Xét $\triangle ABD$ ta có : $AB = AD$ (gt). Vậy $\triangle ABD$ cân tại A.
- Xét tam giác ACE ta có : $AC = AB + BC = AD + DE = AE$.
Vậy $\triangle ACE$ cân tại A.
- Ở hình b) Trong tam giác GHI, ta có : $\widehat{G} + \widehat{H} + \widehat{I} = 180^\circ$
 $\Rightarrow \widehat{G} = 180^\circ - (\widehat{H} + \widehat{I}) = 180^\circ - (70^\circ + 40^\circ) = 70^\circ$
Suy ra $\widehat{G} = \widehat{H} = 70^\circ$. Vậy $\triangle GHI$ cân tại I.
- Ở hình c)
Xét $\triangle MOK$, ta có : $MO = MK$ (gt). Vậy $\triangle MOK$ cân tại M.
Tương tự $\triangle NOP$ cân tại N.
- Xét tam giác OMN, ta có : $OM = ON = MN$ (gt).
Vậy $\triangle OMN$ là tam giác đều.

48. Học sinh tự thực hành.

49. a) Giả sử tam giác ABC cân ở A $\Rightarrow \widehat{B} = \widehat{C}$
Trong tam giác cân ABC , ta có :
 $\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ$ hay $\widehat{A} + 2\widehat{B} = 180^\circ$
 $\Rightarrow 2\widehat{B} = 180^\circ - \widehat{A} = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$
 $\Rightarrow \widehat{B} = \frac{140^\circ}{2} = 70^\circ$ Vậy $\widehat{B} = \widehat{C} = 70^\circ$



b) Giả sử tam giác ABC cân ở A, khi đó ta có hai góc ở đáy

$$\hat{B} = \hat{C} = 40^\circ$$

Trong tam giác ABC, ta có :

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{A} = 180^\circ - (\hat{B} + \hat{C}) \\ = 180^\circ - (40^\circ + 40^\circ) = 100^\circ$$

$$\text{Vậy } \hat{A} = 100^\circ$$



Luyện tập 1

50. a) Ta có $\triangle ABC$ cân tại A và $\hat{A} = 145^\circ \Rightarrow \hat{B} = \hat{C}$,

Trong tam giác ABC ta có $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$

$$\text{hay } \hat{A} + 2\hat{B} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow 2\hat{B} = 180^\circ - \hat{A} = 180^\circ - 145^\circ = 35^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{B} = 17^\circ 30'$$

$$\text{Vậy } \hat{B} = \hat{C} = 17^\circ 30'$$

* Học sinh tính tương tự cho các câu

b, ta được kết quả $\hat{B} = \hat{C} = 40^\circ$.

51. a) So sánh $\triangle ABD$ và $\triangle ACE$

Vì tam giác ABC cân tại A nên : $AB = AC$

Xét hai tam giác ADB và AEC, ta có :

$$AB = AC \text{ (gt)}$$

$$\hat{A} \text{ góc chung}$$

$$AD = AE \text{ (gt)}$$

$$\text{Vậy } \triangle ADB = \triangle AEC$$

$$\text{Suy ra } \triangle ABD = \triangle ACE \text{ (dpcm)}$$



b) Tam giác IBC là tam giác gì ? Vì sao ?

Trong $\triangle BIC$ ta có .

$$\hat{B}_2 = \hat{B} - \hat{B}_1$$

$$= \hat{C} - \hat{C}_1 \text{ (do } \hat{C} = \hat{B}, \hat{B}_1 = \hat{C}_1 \text{ (cmr))}$$

$$= \hat{C}_2$$

Vậy $\triangle BIC$ cân tại I.



32 Tam giác ABH là tam giác vuông.

Xét $\triangle AOB$ và $\triangle AOC$

$$OA = OA \quad OB = OC \quad \angle A = \angle A \text{ (tứ phân góc)} \quad \angle O_1 = \angle O_2$$

OA cạnh chung

$$\hat{A}_1 = \hat{A}_2 = 90^\circ$$

$$\hat{A}_1 = \hat{O}_1 = 90^\circ \quad \hat{A}_2 = \hat{O}_2 = 90^\circ$$

$$\hat{O}_1 = \hat{O}_2$$

$$\triangle AOB = \triangle AOC \text{ (g-c-g)}$$

$$\Rightarrow AB = AC \text{ (1)}$$

$$\text{Tại } O: \hat{A}_1 = 90^\circ \quad \hat{O}_1 = 90^\circ \quad \frac{\hat{O}}{2} = 90^\circ - \frac{120^\circ}{2} = 30^\circ$$

$$\hat{A}_2 = 90^\circ \quad \hat{O}_2 = 90^\circ \quad \frac{\hat{O}}{2} = 90^\circ - \frac{120^\circ}{2} = 30^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{A} = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 = 60^\circ \text{ (2)}$$

Từ (1) và (2), ta suy ra $\triangle ABC$ là tam giác đều (tam giác cân có một góc bằng 60°)



§7. ĐỊNH LÝ PY-TA-GO

I. KIẾN THỨC CƠ BẢN

1. Định lý Py-ta-go

Trong một tam giác vuông, bình phương cạnh huyền bằng tổng bình phương của hai cạnh góc vuông.

$$\triangle ABC \text{ vuông tại } A \Rightarrow BC^2 = AB^2 + AC^2$$



2. Định lý Py-ta-go đảo

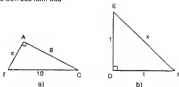
Nếu một tam giác có bình phương của một cạnh bằng tổng các bình phương của hai cạnh kia thì tam giác đó là tam giác vuông.



II. BÀI TẬP

A. Bài tập mẫu

Tính số đo trên các hình sau :



Bài giải

- Ở hình a) :

Áp dụng định lý Py-ta-go trong tam giác vuông ABC, ta có

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$\text{hay } 10^2 = x^2 + 8^2$$

$$\Rightarrow x^2 = 10^2 - 8^2 = 100 - 64 = 36$$

$$\Rightarrow x = 6 \text{ (dvdd)}$$

- Ở hình b) :

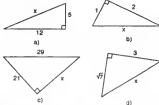
Áp dụng định lý Py-ta-go trong tam giác vuông DEF, ta có :

$$EF^2 = DE^2 + DF^2$$

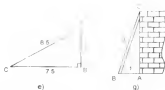
$$\text{hay } x^2 = 1^2 + 1^2 = 2 \quad \Rightarrow \quad x = \sqrt{2} \text{ (dvdd)}$$

B. Bài tập căn bản

53. Tìm độ dài x trên hình dưới:



54. Đoạn lên dốc từ G đến A dài 8,5m, độ dài GB bằng 7,5m (hình dưới). Tính chiều cao AB



55. Tính chiều cao của bức tường (hình g) biết rằng chiều dài của thang là 4m và chân thang cách tường là 1m

Luyện tập 1

56. Tam giác nào là tam giác vuông trong các tam giác có độ dài ba cạnh như sau
a) 9cm, 15cm, 12cm,
b) 5dm, 13dm, 12dm,
c) 7m, 7m, 10m?
57. Cho bài toán "Tam giác ABC có $AB = 8$, $AC = 17$, $BC = 15$ có phải là tam giác vuông hay không?" Bạn Tâm đã giải bài toán đó như sau

$$AB^2 + AC^2 - 8^2 + 17^2 = 64 + 289 = 353$$

$$BC^2 = 15^2 = 225$$

Do $353 \neq 225$ nên $AB^2 + AC^2 \neq BC^2$

Vậy tam giác ABC không phải là tam giác vuông

Lời giải trên đúng hay sai? Nếu sai, hãy sửa lại cho đúng

58. **Đố :** Khi anh Nam dựng tủ cho đúng thẳng, tủ có bị vướng vào trần nhà hay không ? (hình dưới)



Luyện tập 2

59. Bạn Tâm muốn đóng một nẹp chéo AC để chiếc khung hình chữ nhật ABCD được vững hơn (hình bên). Tính độ dài AC biết rằng $AD = 48\text{cm}$, $CD = 36\text{cm}$



50. Cho tam giác nhọn ABC. Kẻ AH vuông góc với BC (H ∈ BC). Cho biết AB = 13cm, AH = 12cm, HC = 16cm. Tính các độ dài AC, BC.



51. Trên giấy kẻ ô vuông (độ dài cạnh của ô vuông bằng 1), cho tam giác ABC như hình bên. Tính độ dài mỗi cạnh của tam giác ABC.
52. Để Người ta buộc con Cún bằng sợi dây dài 9m có một đầu buộc tại điểm O (hình dưới). Con Cún có thể tới các vị trí A, B, C, D để canh gác mảnh vườn hình chữ nhật ABCD hay không? (các kích thước như trên hình vẽ)



Bài giải

53. • Trên hình a: Ta có $x^2 = 5^2 + 12^2 = 25 + 144 = 169$
 $\Rightarrow x = 13$ (đvdd)
- Trên hình b: Ta có $x^2 = 1^2 + 2^2 = 1 + 4 = 5$
 $\Rightarrow x = \sqrt{5}$ (đvdd)
- Trên hình c:
 $29^2 = x^2 + 21^2$
 $\Rightarrow x^2 = 29^2 - 21^2$
 $x^2 = 841 - 441 = 400$
 $\Rightarrow x = 20$ (đvdd)
- Trên hình d: $x^2 = (\sqrt{7})^2 + 3^2 = 7 + 9 = 16 \Rightarrow x = 4$ (đvdd)

54. Áp dụng định lý Py-ta-go trong tam giác vuông ABC ta có

$$AC^2 = BA^2 + BC^2$$

$$\Rightarrow AB^2 = AC^2 - BC^2 = 8,5^2 - 7,5^2 = 72,25 - 56,25 = 16$$

$$\Rightarrow AB = 4 \text{ (đvdd)}$$

55. Chiều cao bức tường, chiều dài của thang và khoảng cách từ thang đến tường tạo thành một tam giác vuông A'B'C'

Áp dụng định lý Py-ta-go trong tam giác vuông A'B'C' ta có:

$$B'C'^2 = A'B'^2 + A'C'^2$$

$$\Rightarrow A'C'^2 = B'C'^2 - A'B'^2$$

$$\text{hay } A'C'^2 = 4^2 - 1^2 = 16 - 1 = 15$$

$$\Rightarrow A'C' = \sqrt{15} \text{ (m)}$$



Luyện tập 1

56. Ta so sánh bình phương của mỗi bên nhất và tổng bình phương của hai cạnh còn lại

$$a) 15^2 = 225, 9^2 + 12^2 = 81 + 144 = 225 \Rightarrow 15^2 = 9^2 + 12^2$$

⇒ Tam giác này vuông

$$b) 13^2 = 169, 5^2 + 12^2 = 25 + 144 = 169 \Rightarrow 13^2 = 5^2 + 12^2$$

⇒ Tam giác này vuông

$$c) 10^2 = 100, 7^2 + 7^2 = 49 + 49 = 98 \Rightarrow 10^2 > 7^2 + 7^2$$

⇒ Tam giác này không vuông

57. Lưu ý trên sau

Ta nhận thấy trong ba cạnh, cạnh AC lớn nhất

$$Ta\ có \quad AC^2 = 17^2 = 289$$

$$AB^2 + BC^2 = 8^2 + 15^2 = 64 + 225 = 289$$

Vậy $AC^2 = AB^2 + BC^2 \Rightarrow \triangle ABC$ vuông tại B (AC là cạnh huyền)

58. Gọi x là đường chéo của tu, ta có

$$x^2 = 20^2 + 4^2 = 400 + 16 = 416 \Rightarrow x = \sqrt{416} \approx 20,396 \text{ (cm)}$$

Vậy $x < 21$ (cm)

Vậy anh Nam dựng đúng tờ lên thì tu không bị vướng vào trần nhà

Luyện tập 2

59. Nạp chéo AC tạo thành với hai cạnh DA và DC tam giác vuông ACD

Áp dụng định lý Py-ta-go trong tam giác vuông ACD, ta có

$$AC^2 = DA^2 + DC^2 = 48^2 + 36^2 = 2304 + 1296 = 3600$$

$$\Rightarrow AC = 60\text{cm}$$

60. Áp dụng định lý Py-ta-go trong tam giác vuông HAC, ta có

$$AC^2 = HA^2 + HC^2$$

$$= 12^2 + 16^2$$

$$= 144 + 256$$

$$= 400$$

$$\Rightarrow AC = 20 \text{ (cm)}$$

Áp dụng định lý Py-ta-go vào tam giác vuông HAB, ta có

$$AB^2 = HA^2 + HB^2$$

$$\Rightarrow HB^2 = AB^2 - HA^2 = 13^2 - 12^2 = 169 - 144 = 25$$

$$\Rightarrow HB = 5 \text{ (cm)}$$

Vì H ∈ BC nên BC = BH + HC = 5 + 16 = 21 (cm)

Vậy AC = 20cm, BC = 21cm



61. Chọn các điểm H, M, N như hình vẽ

Áp dụng Py-ta-go trong tam giác vuông AHB

$$AB^2 = AH^2 + HB^2 = 2^2 + 1^2 = 5$$

$$\Rightarrow AB = \sqrt{5} \text{ (dvvđ)}$$

Tương tự với các tam giác vuông

MCB và NAC, ta được:

$$CB = \sqrt{34}; CA = 5 \text{ (dvvđ)}$$



62. Để kiểm tra con Cùn có thể tới các vị trí A, B, C, D cạnh giữ mảnh vườn hay không ta sẽ tính các đoạn OA, OB, OC, OD.

- Nối OA. Áp dụng định lý Pitago trong tam giác vuông OMA, ta có

$$OA^2 = OM^2 + MA^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25$$

$$\Rightarrow OA = 5 \text{ (m)} < 9 \text{ (m)}$$

Vậy Cùn đến điểm A được

Tương tự:

$$\begin{aligned} OD^2 &= OM^2 + MD^2 \\ &= 3^2 + 8^2 = 9 + 64 = 73 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow OD = \sqrt{73} \text{ (m)} < 9 \text{ (m)}$$

Vậy Cùn đến điểm D được

- Tương tự:

$$OC^2 = ON^2 + NC^2 = 8^2 + 6^2 = 64 + 36 = 100$$

$$\Rightarrow OC = 10 \text{ (m)} > 9 \text{ (m)}$$

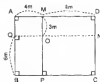
Vậy Cùn không tới điểm C được.

- Tương tự:

$$OB^2 = OQ^2 + QB^2 = 4^2 + 6^2 = 16 + 36 = 52$$

$$\Rightarrow OB = \sqrt{52} \text{ (m)} < 9 \text{ (m)}$$

Vậy Cùn tới điểm B được.



§8. CÁC TRƯỜNG HỢP BẰNG NHAU CỦA TAM GIÁC VUÔNG

A. KIẾN THỨC CƠ BẢN

Ta có các trường hợp bằng nhau sau đây của tam giác vuông.

- Nếu hai cạnh góc vuông của tam giác vuông này lần lượt bằng hai cạnh góc vuông của tam giác vuông kia thì hai tam giác vuông đó bằng nhau (cạnh - góc - cạnh)



- Nếu một cạnh góc vuông và một góc nhọn kề cạnh ấy của tam giác vuông này lấy một cạnh góc vuông và một góc nhọn kề cạnh ấy của tam giác vuông kia thì hai tam giác vuông đó bằng nhau (cạnh huyền - góc nhọn)



- Nếu cạnh huyền và một góc nhọn của tam giác vuông này bằng cạnh huyền và một góc nhọn của tam giác vuông kia thì hai tam giác vuông đó bằng nhau (góc - cạnh - góc, hình bên)



- Nếu cạnh huyền và một cạnh góc vuông của tam giác vuông này bằng cạnh huyền và một cạnh góc vuông của tam giác vuông kia thì hai tam giác vuông đó bằng nhau (cạnh huyền - cạnh góc vuông).



B. BÀI TẬP CƠ BẢN

83. Cho tam giác ABC cân tại A. Kẻ AH vuông góc với BC ($H \in BC$). Chứng minh rằng

a) $HB = HC$;

b) $\widehat{BAH} = \widehat{CAH}$.

64. Các tam giác vuông ABC và DEF có $\hat{A} = \hat{D} = 90^\circ$, $AC = DF$. Hãy bổ sung thêm một điều kiện bằng nhau (về cạnh hay về góc) để $\triangle ABC = \triangle DEF$

Hướng dẫn giải

63. a) Vì tam giác ABC cân tại A nên (hình bên)

$$AB = AC, \hat{B} = \hat{C}$$

Xét hai tam giác vuông HAB và HAC , ta có

$$AB = AC \text{ (gt)}$$

$$\hat{B} = \hat{C} \text{ (gt)}$$

Vậy $\triangle HAB = \triangle HAC$ (ch-gn)

Suy ra $HB = HC$ (đpcm)



- b) Vì $\triangle HAB = \triangle HAC \Rightarrow \widehat{BAH} = \widehat{CAH}$ (đpcm)

64. Ta có thể bổ sung thêm:

Nếu bổ sung thêm $\hat{B} = \hat{E}$ thì

$$\triangle ABC = \triangle DEF \text{ (g-g)}$$

Nếu bổ sung thêm $AC = DF$ thì

$$\triangle ABC = \triangle DEF \text{ (c-g-c)}$$

- Nếu bổ sung thêm $BC = EF$ thì $\triangle ABC = \triangle DEF$ (cạnh huyền - cạnh góc vuông)
- Nếu bổ sung thêm $\hat{C} = \hat{F}$ thì ta chứng minh $\hat{B} = \hat{E}$ (vì \hat{B} phụ \hat{C} , \hat{E} phụ \hat{F}) và ta được $\triangle ABC = \triangle DEF$ (g-g).



Luyện tập

65. Cho tam giác ABC cân tại A ($\hat{A} < 90^\circ$). Vẽ $BH \perp AC$ ($H \in AC$), $CK \perp AB$ ($K \in AB$).

a) Chứng minh rằng $AH = AK$

b) Gọi I là giao điểm của BH và CK . Chứng minh rằng I là tâm phân giác của góc A .

66. Tìm các tam giác bằng nhau trên hình bên



Bài giải

65. a) Xét hai tam giác vuông HAB và KAC , ta có

$$AB = AC \text{ (do } \triangle ABC \text{ cân tại } A)$$

$$\hat{A} \text{ - góc chung}$$

Vậy $\triangle HAB = \triangle KAC$ (c.g.c).

Suy ra $AH = AK$ (đpcm).

b) Xét hai tam giác vuông $\triangle AHK$ và $\triangle KAI$ ta có:

$AH = AK$ (cm);

$\widehat{AKH} = \widehat{AKI}$ (đối đỉnh);

Vậy $\triangle AHK = \triangle KAI$ (c.g.c). Suy ra $KI = AI$ (t.t).

Đây AI là tia phân giác của \widehat{A} .



68) Xét hai tam giác vuông $\triangle DAM$ và $\triangle EAM$ ta có:

$\widehat{DMA} = \widehat{EMA}$ (g);

AM cạnh huyền chung

Vậy $\triangle DAM = \triangle EAM$.

Từ $\triangle DAM = \triangle EAM \Rightarrow DM = EM$.

Xét hai tam giác vuông $\triangle DBM$ và $\triangle ECM$ ta có:

$MB = MC$ (g);

$DM = EM$ (cm);

Vậy $\triangle DBM = \triangle ECM$ (c.g.c).

Xét $\triangle AMB$ và $\triangle AMC$:

AM cạnh chung

$MB = MC$ (g);

$AB = AD + DB = AE + EC = AC$ (theo các cm).

Vậy $\triangle AMB = \triangle AMC$ (c.c.c).

















ÔN TẬP CHƯƠNG II

Các nội dung chính trong chương II :



1. Tổng ba góc trong một tam giác
2. Các trường hợp bằng nhau của hai tam giác
3. Tam giác cân.
4. Định lý Pytago.




Bảng hệ thống kiến thức

A. Các trường hợp bằng nhau của hai tam giác

Tam giác	Tam giác vuông	
	Suy từ trường hợp chung	Trường hợp riêng
  s s s		  Canh huyền Canh góc vuông
  a g c	 	
  g o g	 	  Canh huyền Góc nhọn

B. Một số dạng tam giác đặc biệt

	Tam giác	Tam giác cân
Định nghĩa	 A, B, C không thẳng hàng	 AAHC AB = AC
Quan hệ giữa các góc	$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$ $\hat{C}_1 = \hat{A} + \hat{B}$ $\hat{C}_1 > \hat{A}; \hat{C}_1 > \hat{B}$	$\hat{B} = \hat{C}$ $\hat{B} = \frac{180^\circ - \hat{A}}{2}$ $\hat{A} = 180^\circ - 2\hat{B}$
Quan hệ giữa các cạnh	Học ở chương III	AB = AC

	Tam giác đều	Tam giác cân	Tam giác vuông
Định nghĩa	 ΔABC $AB = BC = CA$	 ΔABC $AB = AC$	 ΔABC $\hat{A} = 90^\circ$ $AB = AC$
Quan hệ giữa các góc	$\hat{A} = \hat{B} = \hat{C} = 60^\circ$	$\hat{B} = \hat{C} = 90^\circ$	$\hat{B} = \hat{C} = 45^\circ$
Quan hệ giữa các cạnh	$AB = BC = CA$	$BC = AB + AC$ $BC > AB$ $BC > AC$	$AB = AC = c$ $BC = c\sqrt{2}$

C. Bài tập

67. Điền dấu “-” vào chỗ trống mà em chọn

Câu	Đúng	Sai
1. Trong một tam giác, góc nhỏ nhất là góc nhọn	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
2. Trong một tam giác có ít nhất là 2 góc nhọn	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
3. Trong một tam giác, góc lớn nhất là góc tù	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
4. Trong một tam giác vuông, hai góc nhọn bù nhau	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
5. Nếu \hat{A} là góc ở đáy của một tam giác cân thì $\hat{A} < 90^\circ$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
6. Nếu \hat{A} là góc ở đỉnh của một tam giác cân thì $\hat{A} < 90^\circ$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

68. Các tính chất sau đây được suy ra trực tiếp từ định lý nào?

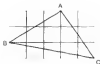
- Góc ngoài của một tam giác bằng tổng hai góc trong không kề với nó
- Trong một tam giác vuông, hai góc nhọn phụ nhau
- Trong một tam giác đều, các góc bằng nhau
- Nếu một tam giác có ba góc bằng nhau thì tam giác đó là tam giác đều

69. Cho điểm A nằm ngoài đường thẳng a. Vẽ cung tròn tâm A cắt đường thẳng a ở B và C. Vẽ các cung tâm B và tâm C có cùng bán kính sao cho chúng cắt nhau lại ở D. Hãy giải thích vì sao AD vuông góc với đường thẳng a

70. Cho tam giác ABC cân tại A. Trên tia đối của tia BC lấy điểm M, trên tia đối của tia CB lấy điểm N sao cho $BM = CN$

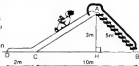
- Chứng minh tam giác AMN là tam giác cân
- Kẻ $BH \perp AM$ ($H \in AM$), kẻ $CK \perp AN$ ($K \in AN$). Chứng minh rằng $BH = CK$
- Chứng minh rằng $AH = AK$
- Gọi O là giao điểm của HB và KC. Tam giác OBC là tam giác gì? Vì sao?
- Khi $\widehat{BAC} = 60^\circ$ và $BM = CN = BC$, hãy tính số đo các góc của ΔAMN và xác định dạng của tam giác OBC

71. Tam giác ABC trên giấy kẻ ô vuông (hình bên) là tam giác gì ? Vì sao ?
72. Đồ vui. Dùng đồ Cường dùng 12 que diêm bằng nhau để xếp thành
- Một tam giác đều
 - Một tam giác cân mà không đều.
 - Một tam giác vuông



Em hãy giúp Cường trong từng trường hợp trên

73. **Bố :** Trên hình bên, một cầu trượt có đường lên BA dài 5m, độ cao AH là 3m, độ dài BC là 10m và CD là 2m. Bạn Mai nói rằng đường trượt tổng cộng ACD gấp hơn hai lần đường lên BA. Bạn Vân nói rằng đều đó không đúng. Ai đúng, ai sai ?



Bài giải

87.

Câu	Đúng	Sai
1. Trong một tam giác, góc nhỏ nhất là góc nhọn	"	
2. Trong một tam giác, có ít nhất là hai góc nhọn	"	
3. Trong một tam giác, góc lớn nhất là góc tù		"
4. Trong một tam giác vuông, hai góc nhọn bù nhau		"
5. Nếu \hat{A} là góc ở đáy của một tam giác cân thì $\hat{A} < 90^\circ$	"	
6. Nếu \hat{A} là góc ở đỉnh của một tam giác cân thì $\hat{A} < 90^\circ$		"

88. a) Góc ngoài của một tam giác bằng tổng hai góc trong không kề với nó được suy ra trực tiếp từ định lý tổng ba góc của một tam giác
- b) Được suy ra trực tiếp từ định lý tổng ba góc của một tam giác
- c) Được suy ra trực tiếp từ tính chất của tam giác cân. (Trong một tam giác cân hai góc ở đáy bằng nhau).
- d) Được suy ra trực tiếp từ định lý về dấu hiệu nhận biết một tam giác cân. (Nếu một tam giác có 2 góc bằng nhau thì tam giác đó là tam giác cân).

89. Thực hiện cách vẽ như hình bên ta thấy

* Xét $\triangle ABD$ và $\triangle ACD$

Ta có $AB = AC$ (bán kính đường tròn tâm A)

$BD = CD$ (bán kính của 2 đường tròn bằng nhau)

AD chung

Do đó $\triangle ABD = \triangle ACD$ (c-c-c)

Suy ra: $\hat{A}_1 = \hat{A}_2$



Xét $\triangle BAI$ và $\triangle CAI$

$$AB = AC$$

Ta có $\widehat{A_1} = \widehat{A_2} \Rightarrow \angle BAI = \angle CAI$ (c.g.c)

AI chung

Suy ra $I_1 = I_2$

$$\widehat{I_1} + \widehat{I_2} = 180^\circ \text{ (hai góc kề bù)}$$

$$\widehat{I_1} = \widehat{I_2} = 90^\circ \text{ hay } AD \perp a$$

70. a) Vì $\triangle ABC$ cân tại A nên $AB = AC$ và $\widehat{B_1} = \widehat{C_1}$

Ta lại có $\widehat{B_1} + \widehat{B_2} = 180^\circ$ ($\widehat{B_1}, \widehat{B_2}$ là hai góc kề bù)

$$\Rightarrow \widehat{B_1} = 180^\circ - \widehat{B_2} = 180^\circ - \widehat{C_2} = \widehat{C_1}$$

Xét hai tam giác BAM và CAN , ta có

$$BA = CA \text{ (gt)}$$

$$\widehat{B_1} = \widehat{C_1} \text{ (cm)}$$

$$BM = CN \text{ (gt)}$$

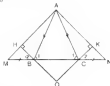
Vậy $\triangle BAM = \triangle CAN$ (c.g.c)

Suy ra $AM = AN$

Xét tam giác AMN

Ta có $AM = AN$

Vậy $\triangle AMN$ cân tại A (đpcm)



b) Vì $\triangle AMN$ cân tại A nên $\widehat{M} = \widehat{N}$

Xét hai tam giác vuông HMB và KNC , ta có

$$BM = CN \text{ (gt)}, \widehat{M} = \widehat{N} \text{ (cm)}$$

Vậy $\triangle HMB = \triangle KNC$ (ch.gv) Suy ra $BH = CK$ (đpcm)

c) Ta có $\triangle AMN$ cân $\Rightarrow AM = AN$

$$\triangle HMB = \triangle KNC \Rightarrow HM = KN$$

Ta có $AH = AM - HM$

$$AK = AN - KN \Rightarrow AH = AK$$

$$\widehat{HBM} = \widehat{KCN}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{b) Vì } \triangle HMB = \triangle KNC, \text{ mà } \widehat{HBM} = \widehat{CBO} \text{ (đối đỉnh)} \\ \widehat{KCN} = \widehat{BCO} \text{ (đối đỉnh)} \end{array} \right\} \Rightarrow \widehat{CBO} = \widehat{BCO}$$

Xét tam giác OBC , ta có $\widehat{CBO} = \widehat{BCO}$. Vậy tam giác OBC cân tại O

d) Khi $\widehat{BAC} = 60^\circ \Rightarrow \widehat{B_1} = \widehat{C_1} = 60^\circ$

Do đó, $\triangle ABC$ đều nên $BC = AB = AC$

Theo giả thiết, ta suy ra $BM = AB \Rightarrow \triangle ABM$ cân tại B

$$\text{Ta có } \widehat{M} = \frac{1}{2} \widehat{B_1} \Rightarrow \widehat{M} = 30^\circ$$

Tương tự, ta có $\widehat{N} = 30^\circ$

Từ đây, ta tính được $\widehat{B}_2 - \widehat{C}_2 = 60^\circ \Rightarrow \triangle OBC$ là tam giác đều

71. Trong hình bên các ô vuông đều bằng nhau, nếu ta lập hình như sau

Ta có $AB = AC$ vì đó là đường chéo hình chữ nhật được lập bởi 6 ô vuông bằng nhau

Trong $\triangle ABC$ ta có $AB = AC$

Vậy $\triangle ABC$ cân tại A

(Hoặc chứng minh hai tam giác vuông

$\triangle DBA$ và $\triangle EAC$ bằng nhau)



72. Học sinh tự làm

73. Hướng dẫn

Tính HB, rồi tính AC. Sau đó tính $AC + CD =$ đoạn đường trượt tổng cộng ACD. So sánh với AB

Kết quả đoạn đường trượt tổng cộng nhỏ hơn hai lần đường thẳng BA

Vậy Vân nói đúng

Em thử kiểm tra lại

CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG II

1. Chọn câu trả lời đúng. Cho hình bên, số đo của góc x và góc y là

A. $x = 105^\circ$, $y = 95^\circ$

B. $x = 100^\circ$, $y = 35^\circ$

C. $x = 100^\circ$; $y = 45^\circ$

D. $x = 110^\circ$, $y = 35^\circ$.



2. Chọn câu trả lời đúng. Cho tam giác ABC có hai đường cao AH và BK. Cho các góc $\widehat{KBC} = 45^\circ$ và $\widehat{BAC} = 65^\circ$ (hình bên). Số đo góc HAB bằng

A. 15°

B. 20°

C. 25°

D. 30° .



3. Chọn câu trả lời đúng. Cho tam giác ABC như hình bên. Kẻ đoạn thẳng AK ($K \in BC$). Trên đoạn AK lấy điểm N. So sánh \widehat{BNK} với \widehat{BAK} và \widehat{BNC} với \widehat{BAC} ta được

A. $\widehat{BNK} > \widehat{BAK}$; $\widehat{BNC} > \widehat{BAC}$

B. $\widehat{BNK} > \widehat{BAK}$; $\widehat{BNC} < \widehat{BAC}$

C. $\widehat{BNK} < \widehat{BAK}$; $\widehat{BNC} > \widehat{BAC}$

B. $\widehat{BNK} < \widehat{BAK}$; $\widehat{BNC} < \widehat{BAC}$



1. Chọn câu trả lời đúng. Cho tam giác ABH như hình bên

Tìm số đo x của góc \widehat{HKA}

- A $x = 150$
 B $x = 90$
 C $x = 60$
 D $x = 120$



5. Cho hình vẽ bên

Khẳng định nào đúng?

- A $\triangle ABC = \triangle KHI$
 B $\triangle ABC = \triangle HKI$
 C $\triangle CBA = \triangle HKI$
 D $\triangle ABC = \triangle KHI$



6. Chọn câu trả lời đúng

Cho $\triangle KPQ = \triangle MNO$

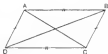
nếu hình bên. Tìm số đo góc \widehat{O} và độ dài cạnh KP

- A $\widehat{O} = 40^\circ$ và $KP = 3\text{cm}$
 B $\widehat{O} = 55^\circ$ và $KP = 3\text{cm}$
 C $\widehat{O} = 85^\circ$ và $KP = 2\text{cm}$
 D $\widehat{O} = 45^\circ$ và $KP = 2\text{cm}$



7. Cho hình bên. Tìm khẳng định sai

- A $\triangle ABC = \triangle DCB$
 B $\triangle ABC = \triangle CDA$
 C $\triangle BCD = \triangle DAB$
 D $AB = CD$; $AD = BC$



8. Chọn câu trả lời đúng

Cho hình bên. Tìm độ lớn góc \widehat{KPQ}

- A $\widehat{KPQ} = 90^\circ$
 B $\widehat{KPQ} = 75^\circ$
 C $\widehat{KPQ} = 60^\circ$
 D $\widehat{KPQ} = 30^\circ$



9. Cho hình vẽ dưới, chọn nhận xét đúng



A. $\triangle ABC = \triangle EFD$

B. $\triangle EFD = \triangle IKH$

C. $\triangle ABC = \triangle IKH$

D. Không có hai tam giác nào bằng nhau.

ĐÁP ÁN CÂU HỎI TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG II

1. $x = \widehat{BAD} + \widehat{ABC} = 40^\circ + 60^\circ = 100^\circ$

$y = 180^\circ - (\widehat{ABC} + \widehat{BAC}) = 180^\circ - (60^\circ + 40^\circ + 45^\circ) = 35^\circ$. Chọn câu B

2. Ta có : $\widehat{BCA} = 45^\circ$ (phụ với \widehat{KBC})

$\Rightarrow \widehat{HAC} = 45^\circ$ (phụ với \widehat{BCA})

$\Rightarrow \widehat{HAB} = \widehat{BAC} - \widehat{HAC} = 65^\circ - 45^\circ = 20^\circ$ Chọn câu B

3. Ta có $\widehat{BNK} > \widehat{BAK}$ (vì $\widehat{NBK} > \widehat{ABK}$)

$\widehat{BNC} > \widehat{BAC}$ (vì $\widehat{BNK} > \widehat{BAK}$ và $\widehat{KNC} > \widehat{KAC}$). Chọn câu A

4. Ta có : $\widehat{ACB} = 180^\circ - (\widehat{ABC} + \widehat{BAC}) = 180^\circ - (90^\circ + 60^\circ) = 30^\circ$

$x = \widehat{KHC} + \widehat{KCH} = 90^\circ + 30^\circ = 120^\circ$ Chọn câu D.

5. Chọn câu B

6. Ta có : $\widehat{Q} = \widehat{Q} = 180^\circ - (\widehat{P} + \widehat{R}) = 180^\circ - (85^\circ + 40^\circ) = 55^\circ$

$KP = MN = 3\text{cm}$. Chọn câu B.

7. Hai tam giác ABC và BCD không bằng nhau. Chọn câu A.

8. $\triangle KPQ$ và $\triangle HPQ$ có : $PK = PH$; $\widehat{QK} = \widehat{QH}$; PQ là cạnh chung

$\Rightarrow \triangle KPQ = \triangle HPQ$ (c-c-c)

$\Rightarrow \widehat{PQK} = \widehat{PQH} = 30^\circ$

$\widehat{KPH} = 180^\circ - (\widehat{PKQ} + \widehat{PQH}) = 180^\circ - (90^\circ + 30^\circ) = 60^\circ$

Chọn câu C.

9. Xét $\triangle IKH$ có : $\widehat{IKH} = 180^\circ - \widehat{IHK} - \widehat{KIH} = 180^\circ - (35^\circ + 95^\circ) = 50^\circ$

$\Rightarrow \widehat{IKH} = \widehat{ABC} = 50^\circ$

Vậy $\triangle ABC = \triangle IKH$ (c-g-c). Chọn câu C.

MỤC LỤC

■ PHẦN ĐẠI SỐ

CHƯƠNG I SỐ HỮU TỈ – SỐ THỰC

§1 Tập hợp Q các số hữu tỉ	5
§2 Cộng trừ số hữu tỉ	8
§3 Nhân chia số hữu tỉ	11
§4 Giá trị tuyệt đối của một số hữu tỉ – Cộng trừ nhân chia số thập phân	14
§5 Lũy thừa của một số hữu tỉ	19
§6 Lũy thừa của một số hữu tỉ (tiếp theo)	19
§7 Tỉ lệ thức	28
§8 Tính chất của dãy tỉ số bằng nhau	29
§9 Số thập phân hữu hạn – Số thập phân vô hạn tuần hoàn	36
§10 Làm tròn số	39
§11 Số vô tỉ – Khái niệm về căn bậc hai	42
§12 Số thực	45
Ôn tập chương I	48

CHƯƠNG II HÀM SỐ & SỐ THỰC

§1 Đại lượng tỉ lệ thuận	56
§2 Một số bài toán về đại lượng tỉ lệ thuận	58
§3 Đại lượng tỉ lệ nghịch	61
§4 Một số bài toán về đại lượng tỉ lệ nghịch	63
§5 Hàm số	66
§6 Một số bài toán về hàm số	70
§7 Đồ thị hàm số $y = ax$ ($a \neq 0$)	74
Ôn tập chương II	79

■ PHẦN HÌNH HỌC

CHƯƠNG I ĐƯỜNG THẲNG VUÔNG GÓC – ĐƯỜNG THẲNG SONG SONG

§1 Hai góc đối đỉnh	88
§2 Hai đường thẳng vuông góc	90
§3 Các góc tạo bởi một đường thẳng cắt hai đường thẳng	94
§4 Hai đường thẳng song song	96
§5 Tiên đềƠclit về đường thẳng song song	99
§6 Từ vuông góc đến song song	105
§7 Bình hành	108
Ôn tập chương I	111

CHƯƠNG II TAM GIÁC

§1 Tổng ba góc của một tam giác	117
§2 Hai tam giác bằng nhau	124
§3 Trường hợp bằng nhau thứ nhất của tam giác: Góc – Góc – Góc ($g \cdot g \cdot g$)	127
§4 Trường hợp bằng nhau thứ hai: Góc – Góc – Cạnh ($g \cdot g \cdot c$)	132
§5 Trường hợp bằng nhau thứ ba của tam giác: Góc – Cạnh – Góc ($g \cdot c \cdot g$)	137
§6 Tam giác cân	148
§7 Định lý Pitago	151
§8 Các trường hợp bằng nhau của tam giác vuông	157
Ôn tập chương II	160

NHÀ XUẤT BẢN ĐẠI HỌC QUỐC GIA HÀ NỘI

16 Hàng Chuối - Hai Bà Trưng - Hà Nội

Điện thoại: (04) 3971 4898; (04) 3972 4770 - Fax: (04) 3971 4899

Chịu trách nhiệm xuất bản

Giám đốc: PHÙNG QUỐC BẢO

Tổng biên tập: PHẠM THỊ TRÂM

Biên tập Quốc Trung

Sửa bài Đặng Thị Bình

Trình bày Diệu Tâm

Bìa Công ty Sách Hoa Hồng

Đội tác bản và xuất bản Công ty Sách Hoa Hồng

GIẢI BÀI TẬP TOÁN 7 - Tập một

Mã số: 1L-85DH2009

In 5000 cuốn, khổ 18 x 24cm tại Công ty Cổ Phần In Tuấn Cường

Số xuất bản: 253-2009/CXB/19-41/DHGGHN ngày 25/03/2009

Quyết định xuất bản số: 65/LK-TN/XB

In xong và nộp lưu chiểu quý II năm 2009